

# Verlässliche Echtzeitsysteme - Übungen

Git

---

Wintersemester 2024

Eva Dengler, Peter Wägemann

Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

Lehrstuhl Informatik 4 (Systemsoftware)

<https://sys.cs.fau.de>

## 1 Versionsverwaltung mit git

Typische Aufgaben eines Versionsverwaltungssystems sind:

- *Sichern* alter Zustände
- *Zusammenführung* paralleler Entwicklung
- *Transportmedium*

Idealerweise zusätzlich:

- *Unabhängige Entwicklung* ohne zentrale Infrastruktur

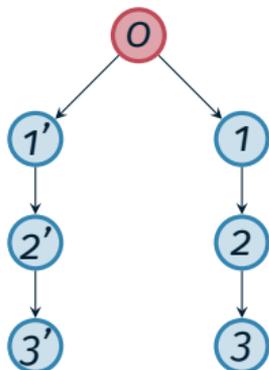
- in VEZS: git
- 2005 von Linus Torvalds für den Linux-Kernel geschrieben
- Konsequenz der Erfahrungen mit *bitkeeper*
- Eigenschaften:
  - dezentrale, parallele Entwicklung
  - Koordinierung hunderter Entwickler
  - Visualisierung von Entwicklungszweigen

- Was speichert ein Commit?
  - Wer?  $\rightsquigarrow$  Autor
  - Warum?  $\rightsquigarrow$  Commit-Nachricht
  - Was?  $\rightsquigarrow$  Vorher/Nachher *Zustände*
  - Vorgänger Commits, auch *mehrere!*
  - *Keine* Nachfolger

- $\rightsquigarrow$  Commit-Id: SHA-1 Hash über Inhalt
- $\rightsquigarrow$  Gerichteter Azyklischer Graph (DAG)
  - $\rightsquigarrow$  Sprünge zurück *möglich*
  - $\rightsquigarrow$  Sprünge vorwärts *nicht möglich*

- Woher “obere“ Commits?

- $\rightsquigarrow$  Symbolische Namen (Zeiger)
  - HEAD: Aktueller Commit
  - Branch: Zeiger auf Commit



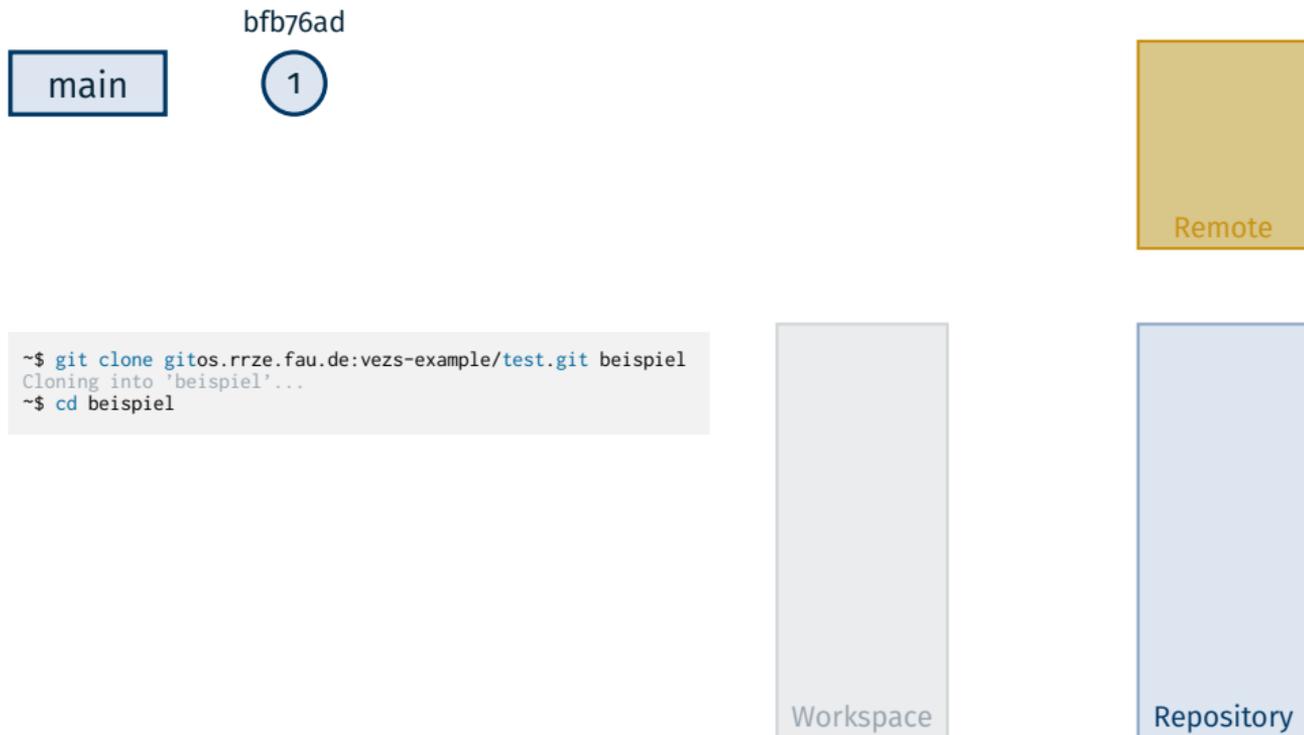
# Git-Repository einrichten



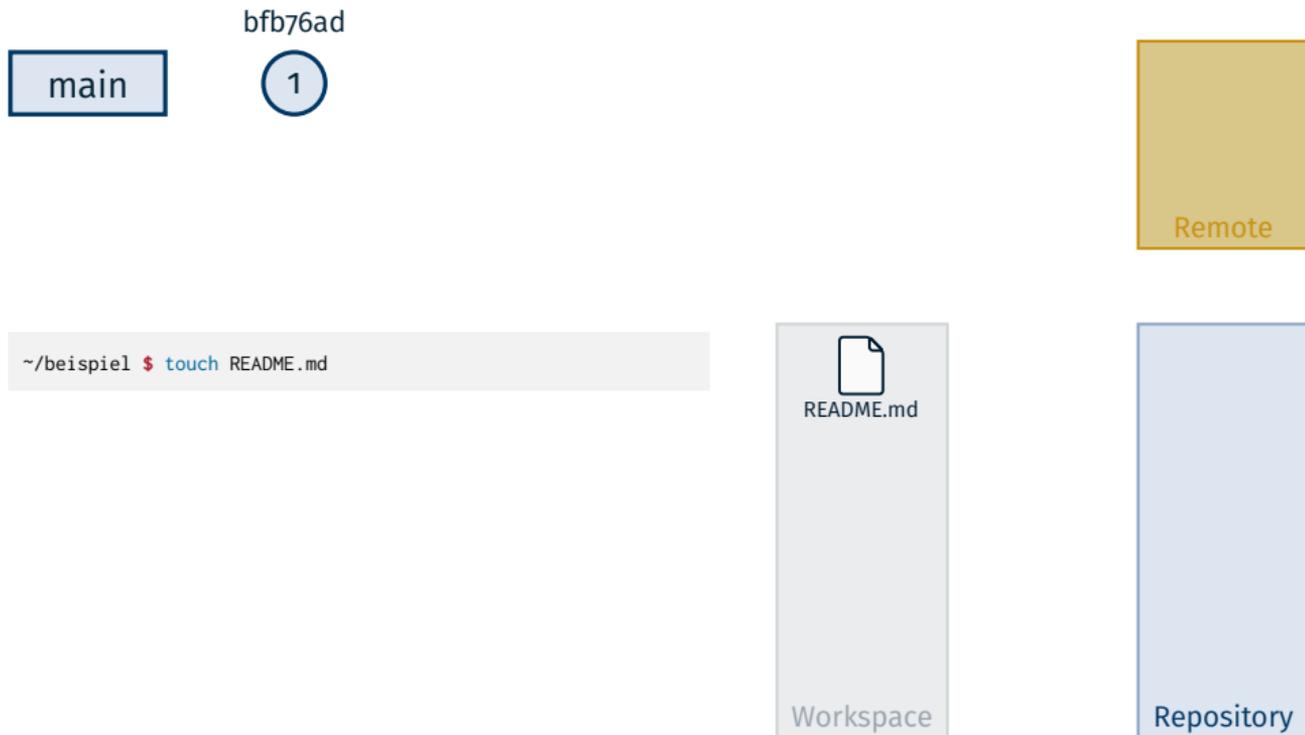
```
~$ git clone gitos.rrze.fau.de:vezs-example/test.git beispiel  
Cloning into 'beispiel'...
```



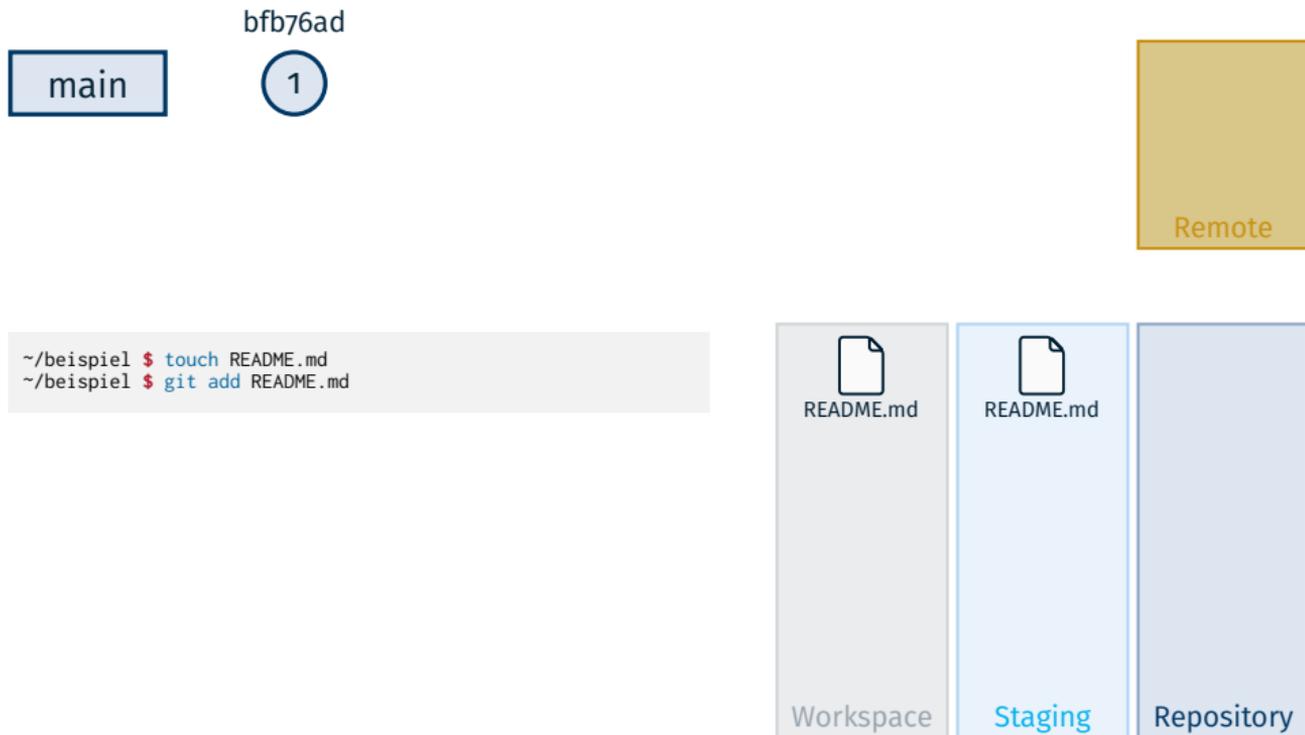
# Git-Repository einrichten



# Dateien mit GIT verwalten



# Dateien mit GIT verwalten



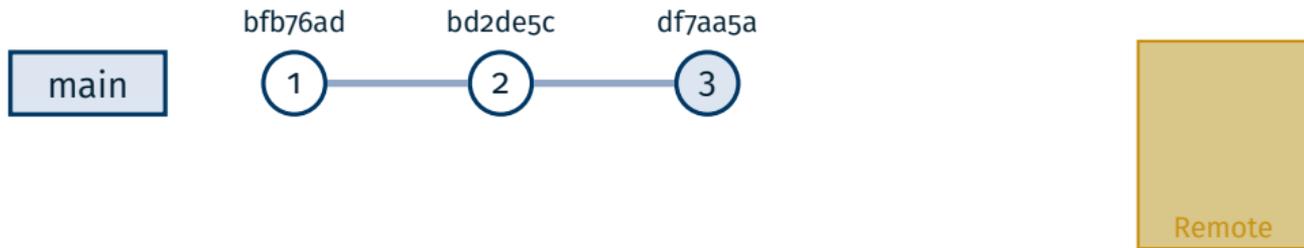
# Dateien mit GIT verwalten



```
~/beispiel $ touch README.md
~/beispiel $ git add README.md
~/beispiel $ git commit -m "Liesmich hinzugefügt"
[main bd2de5c] Liesmich hinzugefügt
1 file changed, 0 insertions(+), 0 deletions(-)
create mode 100644 README.md
```



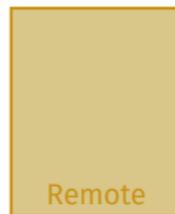
# Dateien mit GIT verwalten



```
~/beispiel $ echo "666" > foo
~/beispiel $ git add foo
~/beispiel $ git commit -m "Datei foo erstellt"
[main df7aa5a] Datei foo erstellt
1 file changed, 1 insertion(+)
 create mode 100644 foo
```



# Dateien mit GIT verwalten



```
~/beispiel $ echo "42" > foo
~/beispiel $ echo "null" > bar
~/beispiel $ git status
On branch main
Your branch is up to date with 'origin/main'.

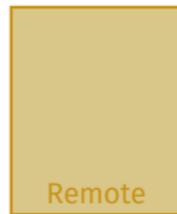
Changes not staged for commit:
  modified: foo

Untracked files:
  bar

no changes added to commit
```



# Dateien mit GIT verwalten



```
~/beispiel $ git add foo bar
~/beispiel $ echo "not null" > bar
~/beispiel $ git status
On branch main
Your branch is up to date with 'origin/main'.

Changes to be committed:
  new file:   bar
  modified:  foo

Changes not staged for commit:
  modified:  bar
```



# Dateien mit GIT verwalten

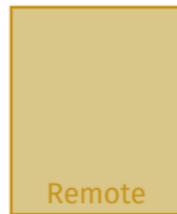


Remote

```
~/beispiel $ git diff
diff -git a/bar b/bar
index 19765bd..b263a85 100644
- a/bar
+++ b/bar
@@ -1 +1 @@
-null
+not null
```



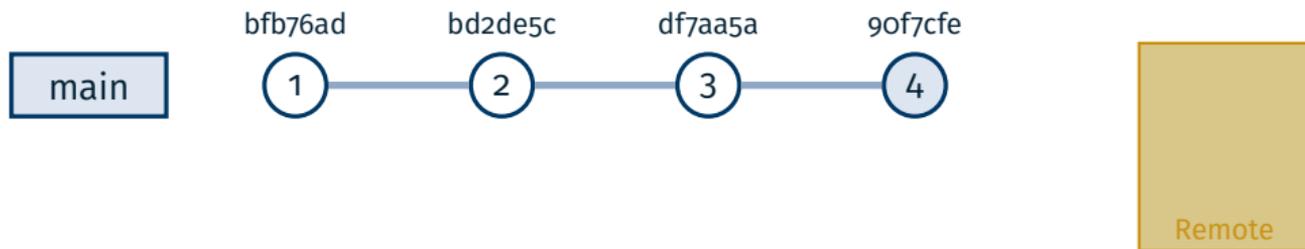
# Dateien mit GIT verwalten



```
~/beispiel $ git diff --staged
diff -git a/bar b/bar
new file mode 100644
index 0000000..19765bd
- a/bar
+++ b/bar
@@ -0,0 +1 @@
+null
diff -git a/foo b/foo
index 7cc86ad..d81cc07 100644
[...]
```



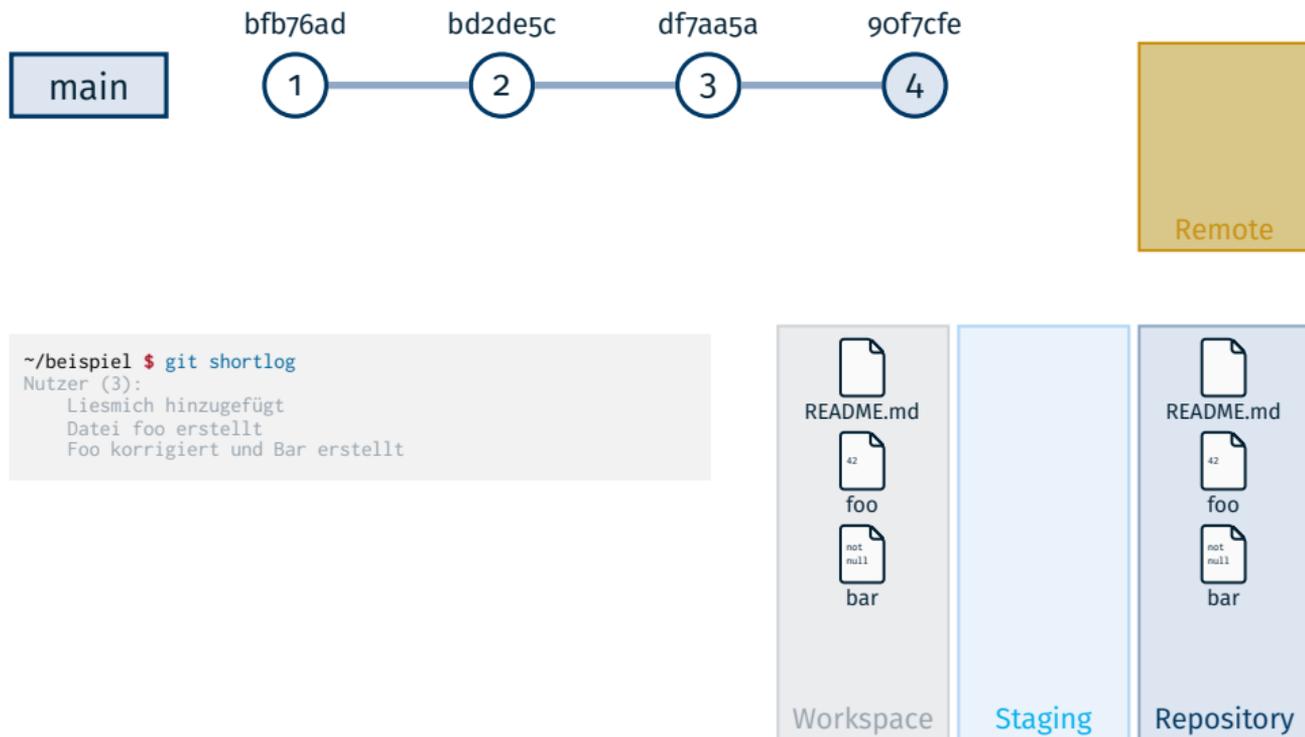
# Dateien mit GIT verwalten



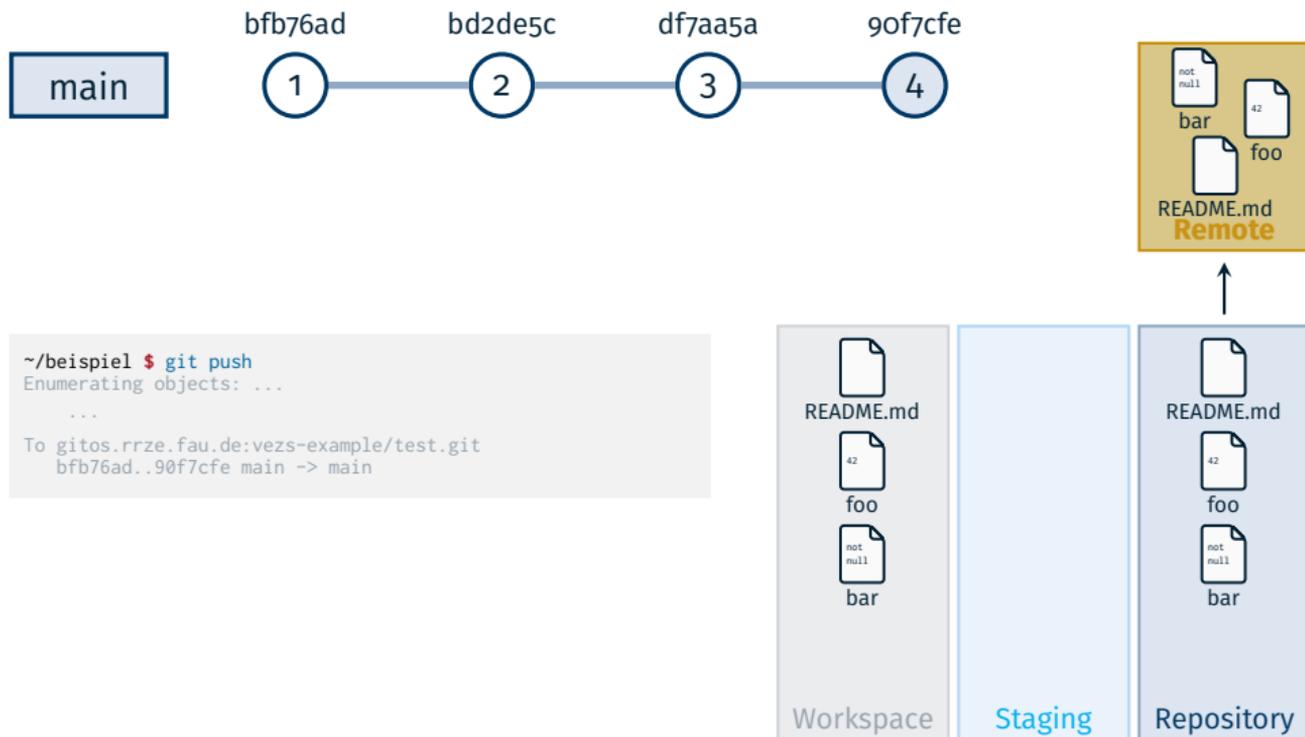
```
~/beispiel $ git add bar
~/beispiel $ git commit -m \
    "Foo korrigiert und Bar erstellt"
[main 90f7cfe] Foo korrigiert und Bar erstellt
2 files changed, 2 insertions(+), 1 deletion(-)
create mode 100644 bar
```



# Dateien mit GIT verwalten



# Dateien mit GIT verwalten



## git push [<remote> [<branch>]]

- schiebt Commits nach <remote> in den ausgewählten <branch>
- dies geht nur, wenn lokales Repo auf dem aktuellen Stand ist!
- sonst beschwert sich git:

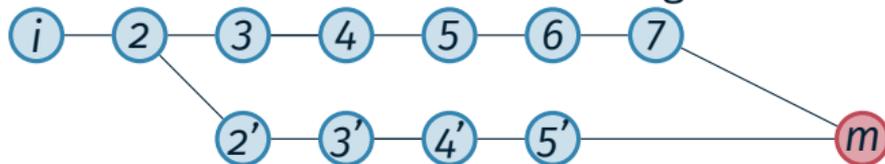
```
% git push origin main
```

```
To /tmp/test.git
! [rejected]          main -> main (non-fast-forward)
error: failed to push some refs to '/tmp/test.git'
To prevent you from losing history, non-fast-forward updates were rejected
Merge the remote changes (e.g. 'git pull') before pushing again.  See the
'Note about fast-forwards' section of 'git push --help' for details.
```

~> wir müssen das Repository erst auf den aktuellen Stand bringen

# git pull [<remote> [<branch>]]

- holt Änderungen aus remote in den aktuellen Branch
- verschmilzt aktuellen Branch mit geholten Änderungen



## % git pull origin

```
remote: Counting objects: 5, done.
remote: Total 3 (delta 0), reused 0 (delta 0)
Unpacking objects: 100% (3/3), done.
From /tmp/test
 38b95cb..8ec6e93  main      -> origin/main
Auto-merging test.txt
CONFLICT (content): Merge conflict in test.txt
Automatic merge failed; fix conflicts and then commit the result.
```

- Änderungen an gleicher Stelle in der Zwischenzeit  
~> Konflikte müssen von Hand behoben werden

# Konflikt beheben (1)

```
% cat test.txt
```

```
hallo  
<<<<<<< HEAD  
welt!     meine Version  
=====  
Welt!     Version in origin/main  
>>>>>>> 8ec6e9309fa37677e2e7ffc9553a6bebf8827d6
```

## ■ Konflikt auflösen:

- Manuelles Bearbeiten
- Übernahme des eigenen, Verwerfen des fremden Standes:  
git checkout --ours test.txt
- Übernahme des fremden, Verwerfen des eigenen Standes:  
git checkout --theirs test.txt

# Konflikt beheben (2)

- Konfliktlösung an git signalisieren:

```
% git add test.txt && git commit
```

```
[main 4d21871] Merge branch 'main' of /tmp/test
```

```
% git push origin main
```

```
Counting objects: 5, done.  
Writing objects: 100% (3/3), 265 bytes, done.  
Total 3 (delta 0), reused 0 (delta 0)  
Unpacking objects: 100% (3/3), done.  
To /tmp/test.git  
8ec6e93..278c740 main -> main
```

- *Juhu!*

# git-Kommandos: Austausch von Quellcode (1)

- initiales *Klonen*:

```
% git clone https://www4.cs.fau.de/...
```

- Einspielen entfernter Änderungen:

```
% git pull
```

⇒ äquivalent zu

```
% git fetch && git merge
```

- Mehrere Repositories registrieren:

```
% git remote add 32-stable git://git.kernel.org/.../...
```

- registrierte Remotes untersuchen:

```
% git remote -v
```

## git-Kommandos: Austausch von Quellcode (2)

- alle Remotes nachladen (aktueller Branch wird nicht verändert)  
`% git remote update`
- lokalen Branch aus dem neuen "Remote" anlegen:  
`% git checkout -b work 32-stable/main`
- Unterschiede zwischen lokalem und entferntem Branch untersuchen:  
`% git log ..origin/main`
- aktuelle Änderungen auf dem entfernten Branch neu aufspielen:  
`% git pull --rebase`
- die neuste Änderung untersuchen:  
`% git show`

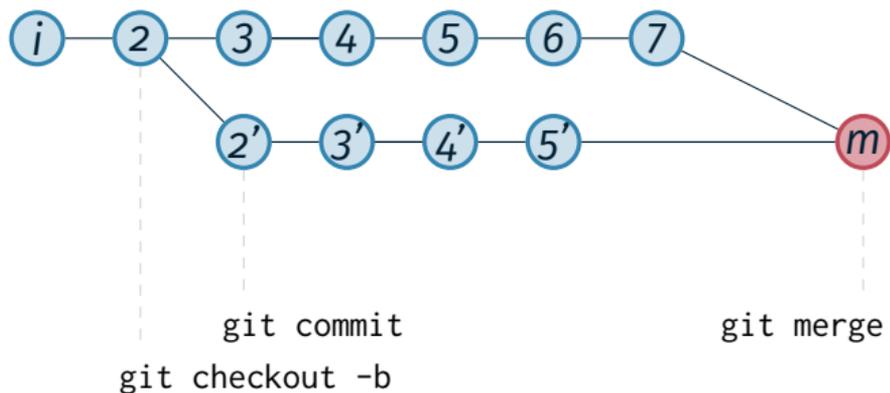
- herausfinden wer für welche Zeilen einer Datei verantwortlich ist:  
% git blame

## git-Kommandos: Austausch von Patches

- die letzten drei Änderungen als Patch:  
`% git format-patch HEAD~~`
- Sendeziel für Patchversand per E-Mail vorgeben:  
`% git config sendemail.to=...@...`
- Patchset letzten drei Änderungen per E-Mail senden:  
`% git send-email --compose HEAD~~`
- einen Patch aus einer Mailbox anwenden:  
`% git am < <Datei>`

# Verzweigungen und Zusammenführungen

Beispiel für parallele Entwicklung:



## In den meisten Versionsverwaltungssystemen

1. Featurebranch anlegen
2. Feature im Branch implementieren, testen
3. Featurebranch mit main verschmelzen
4. ggf. Featurebranch löschen

## Naiver Ansatz

~> skaliert nicht!

# Warum branch/edit/merge nicht skaliert

## Aufgaben von Versionsverwaltung

1. Codeschreiben unterstützen
2. Konfigurationsmanagement/Branches  
~> z. B. Release-Version, HEAD-Version ...

## ~> **Konflikt**

1. braucht Checkpoint-Commits
  - möglichst oft einchecken
  - ~> skaliert nicht
2. braucht Stable-Commits
  - nur einchecken, wenn Commit perfekt
  - ~> nicht praktikabel

# Lösung mit git: öffentlicher vs. privater Branch

## Öffentlicher Branch $\leadsto$ verbindliche Geschichte

Commits sollen  $\left. \begin{array}{l} \text{atomar} \\ \text{gut dokumentiert} \\ \text{linear} \\ \text{unveränderlich} \end{array} \right\}$  sein

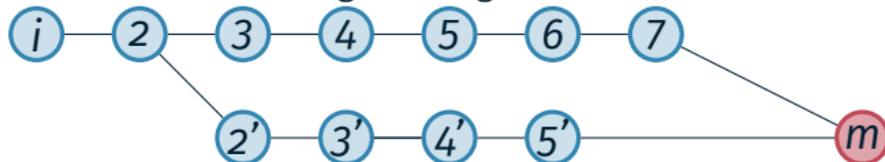
## Privater Branch $\leadsto$ Schmierpapier

- für einzelnen Entwickler
- möglichst lokal
- wenn im zentralen Repo  $\leadsto$  auf Privatheit einigen

# Aufräumen

- verschmelze nie direkt privaten mit öffentlichem Branch
  - Historie wird sonst unübersichtlich

↪ nicht einfach `git merge` im main machen



- vorher immer erst `git`
  - `rebase` ↪ Commits auf Branch anwenden
  - `merge --squash` ↪ einzelnen Commit aus Branch-Commits  
oder: `rebase --interactive` ↪ Commits umgruppieren
  - `commit --amend` ↪ letzten Commit überarbeiten
- Ziel: öffentlicher Commit  $\equiv$  Kapitel eines Buches

## Michael Crichton

*Great books aren't written – they're rewritten.*

# Arbeitsablauf für kleinere Änderungen

- `git merge --squash` ~> Änderungen aus Branch in aktuellen Index

## Branch

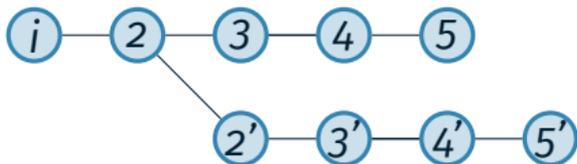
```
% git checkout -b private_feature_branch (Branch anlegen)
% touch file1.txt file2.txt
% git add file1.txt; git commit -am "WIP1" (file1.txt einchecken)
% git add file2.txt; git commit -am "WIP2" (file2.txt einchecken)
```

## Merge

```
% git checkout main (nach main wechseln)
% git merge --squash private_feature_branch (Änderungen auf main)
% git commit -v (Änderungen einchecken)
```

# git rebase <branch>

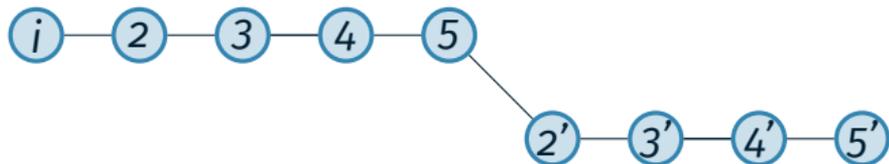
- Aufsetzen auf bestehenden <branch>



- Patches aus „unterem“ Zweig werden auf „oberen“ aufgespielt
- Die Historie ist nun linear
- Linearisierte Änderungen lassen sich häufig einfacher bewerten
- **Vorsicht!**
  - Verzweigungen von alten Zweig können nicht mehr zusammengeführt werden
  - Keine gemeinsamen Vorgänger mehr
  - Visualisierung der Historie ist nun bestenfalls verwirrend

# git rebase <branch>

- Aufsetzen auf bestehenden <branch>



- Patches aus „unterem“ Zweig werden auf „oberen“ aufgespielt
- Die Historie ist nun linear
- Linearisierte Änderungen lassen sich häufig einfacher bewerten
- **Vorsicht!**
  - Verzweigungen von alten Zweig können nicht mehr zusammengeführt werden
  - Keine gemeinsamen Vorgänger mehr
  - Visualisierung der Historie ist nun bestenfalls verwirrend

# git rebase -interactive <commit>

- schreibt Geschichte um

```
git rebase -interactive ccd6e62^
```

**pick** ~> übernimmt Commit

```
pick ccd6e62 Work on back button
pick 1c83feb Bug fixes
pick f9d0c33 Start work on toolbar
```

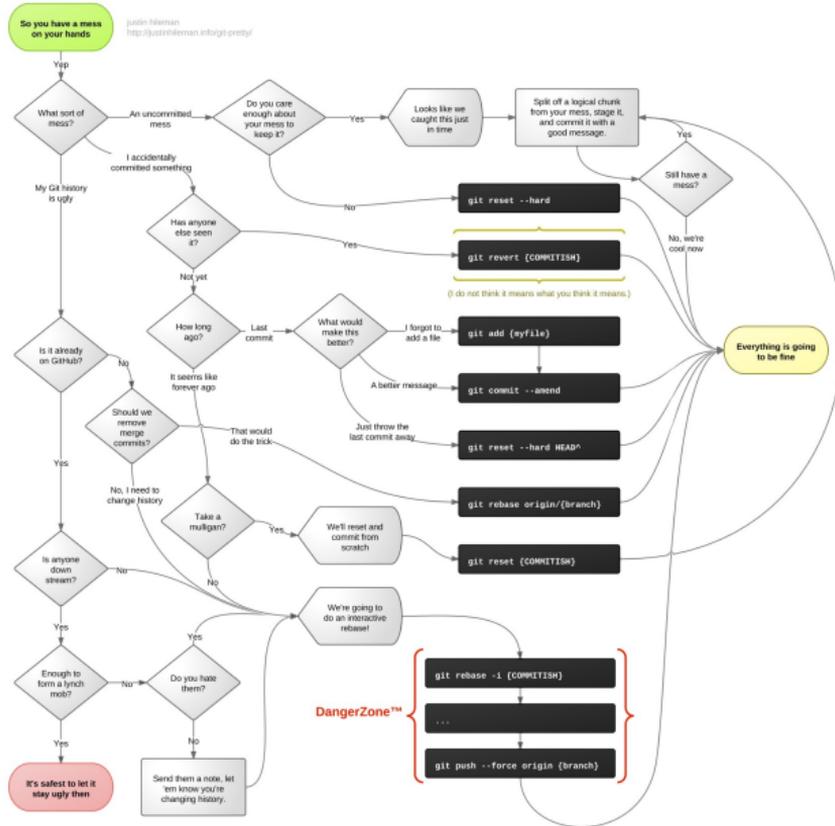
**fixup** ~> verschmilzt Commit mit Vorgänger

```
pick ccd6e62 Work on back button
fixup 1c83feb Bug fixes # mit Vorgaenger verschmelzen
pick f9d0c33 Start work on toolbar
```

**reword** ~> Beschreibung editieren

**edit** ~> kompletten Commit editieren

# Geschichte neuschreiben



# Wenn der Feature-Branch im Chaos versinkt?

~> aufgeräumten Branch anlegen

1. auf Branch main wechseln

```
% git checkout main
```

2. Branch aus main erzeugen

```
% git checkout -b cleaned_up_branch
```

3. Branch-Änderungen in den Index und die Working Copy ziehen

```
% git merge --squash private_feature_branch
```

4. Index zurücksetzen

```
% git reset
```

■ danach Commits neu zusammenbauen

~> Auf der Konsole: `git add -p`

~> Graphisch: `git cola`

- Historie des HEAD-Zeigers
- Historie aller Befehle, die HEAD verändern

## git reflog

```
8afd010 HEAD@{0}: rebase -i (finish): returning to refs/heads/main
8afd010 HEAD@{1}: checkout: moving from main to 8afd010ae2ab48246d5
7f97fab HEAD@{2}: commit: Pentax K20D fw version 1.04.0.11 wb presets
8c37332 HEAD@{3}: rebase -i (finish): returning to refs/heads/main
8c37332 HEAD@{4}: checkout: moving from main to 8c373324ca196c337dd
9d66ec9 HEAD@{5}: clone: from git://github.com/darktable-org/darkt...
```

- `git reset --hard HEAD@{2}` stellt alten Zustand wieder her

# Gruppenrepositories

- Selbstverwaltet auf <https://gitos.rrze.fau.de/>
- Login über Single-Sign-On mit IDM-Kennung
- **Regeln auf der Hauptseite beachten!**
- Abgaberepository pro Gruppe:  
<https://gitos.rrze.fau.de/i4/teaching/vezs/WS24/group<groupid>>
- Arbeitskopie als Fork erstellen

[ezs](#) > [DemoSemester](#) > [group42](#) > **Details**



**group42**   
Project ID: 11440



- Abgabe per Merge-Request gegen  
<https://gitos.rrze.fau.de/i4/teaching/vezs/WS24/group<groupid>>

# SSH-Schlüssel konfigurieren

- SSH Schlüssel erzeugen:

~> % ssh-keygen -t rsa -f ~/.ssh/gitlab

- SSH Schlüssel für Authentifizierung hinterlegen:

~> Kopieren: % xclip -selection clipboard .ssh/gitlab.pub

~> Einfügen im Gitlab unter: Benutzer → Einstellungen → SSH-Keys

- <https://gitos.rrze.fau.de/help/user/ssh>

- SSH-Config anpassen, damit der neue Schlüssel auch verwendet wird:

**`$HOME/.ssh/config`**

```
Host gitos.rrze.fau.de
  IdentityFile ~/.ssh/gitlab
```

# Dateien ignorieren mit git

- Dateien erscheinen nicht in der Ausgabe von bspw. `git status`
- Änderungen an Dateien werden ignoriert

## `.gitignore`

```
# Ignore LaTeX temporary files
*.aux
*.log

# except this one
!important.log

# everything under directory
solutions/
```

- Auch global möglich: `$HOME/.gitconfig`

# git-Konfiguration des Repositories

## Per Befehlszeile

```
% git remote set-url origin git@gitos.rrze.fau.de:<user>/<projekt>.git  
% git remote add vorgabe git@gitos.rrze.fau.de:ezs/vezs25-vorgabe.git
```

## .git/config

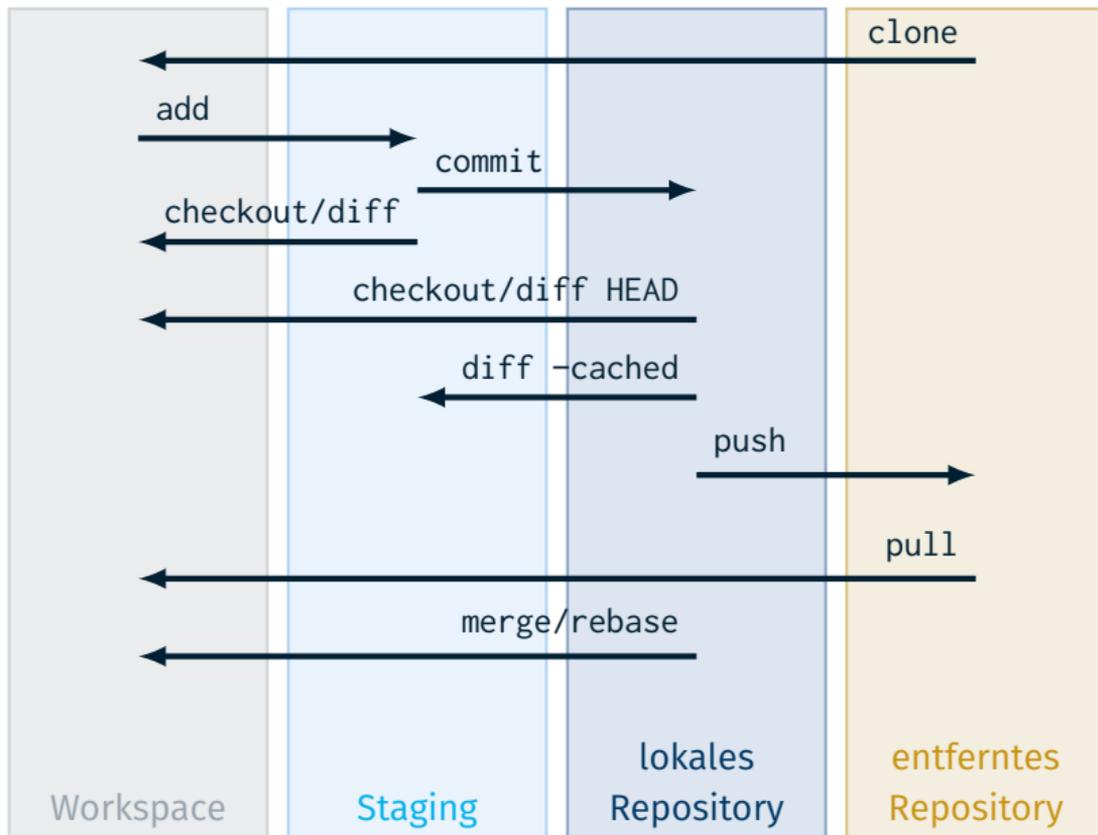
```
[remote "origin"]  
  fetch = +refs/heads/*:refs/remotes/origin/*  
  url = git@gitos.rrze.fau.de:<username>/<projektname>.git  
  
[remote "vorgabe"]  
  fetch = +refs/heads/*:refs/remotes/origin/*  
  url = git@gitos.rrze.fau.de:ezs/vezs25-vorgabe.git
```

# Globale git-Konfiguration des Systems

## `$HOME/.gitconfig`

```
[user]
  name = Max Mustermann
  email = max.mustermann@fau.de
[core]
  editor = <maxs-lieblingseditor>
[commit]
  verbose = true
[color]
  ui = auto
[alias]
  s      = status
  a      = add
  c      = commit
  co     = checkout
  b      = branch -a -v
  unstage = reset HEAD --
  visual = !gitk
  lg     = log --graph \
          --abbrev-commit \
          --date=relative
```

# Überblick: Dateien mit GIT verwalten



# Git Cheatsheet

- git init** initiales Anlegen eines Repositories
- git clone <url>** initiales Kopieren von einer Quelle
- git pull** kurz für Holen und Zusammenfügen
- git push** Übertragen in entfernte Quelle
- git add <file>** Datei als Kandidat für nächsten *commit* markieren
- git add -p** feingranular...
- git add -i** ... oder interaktiv
- git diff** unversionierte Änderungen anzeigen
- git diff -cached** Änderungen des nächsten Commits anzeigen
- git commit** Änderungen versionieren
- git clean -d <path>** alles, was nicht im git ist, löschen
- git clean -n -d <path>** anzeigen, was gelöscht werden würde

## Git Cheatsheet (II)

**git show** neuste (versionierte) Änderungen anzeigen

**git status** Änderungen zum Vorgänger anzeigen

**git log** Historie anzeigen

**git checkout - <path>** geänderte, aber nicht eingetragene Datei zurücksetzen

**git checkout <branch>** zu einem Branch wechseln

**git revert <id>** Commit rückgängig machen

**git branch <name>** Branch anlegen

**git branch -a** alle Branches anzeigen

**man git-<cmd>** Hilfe anzeigen, z.B. man git-add

- <http://gitready.com>
- <http://book.git-scm.com/>
- <http://eagain.net/articles/git-for-computer-scientists/>
- <http://sandofsky.com/blog/git-workflow.html>
- <http://365git.tumblr.com/>
  
- Zum Ausprobieren:
  - <https://learngitbranching.js.org/>
  - <https://github.com/git-game/git-game>
  - `man git-tutorial`, `man git-tutorial2`

# Verlässliche Echtzeitsysteme - Übungen

Filter

---

Wintersemester 2024

Eva Dengler, Peter Wägemann

Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

Lehrstuhl Informatik 4 (Systemsoftware)

<https://sys.cs.fau.de>

- 1 C-Quiz Teil I
- 2 Festkommaarithmetik
- 3 Softwareentwurf
- 4 Hinweise zur Aufgabe: Filter

- C99
- x86 bzw. x86-64, d. h.
  - vorzeichenbehaftete Integer als Zweierkomplement implementiert
  - char hat 8 Bit
  - short hat 16 Bit
  - int hat 32 Bit
  - long hat 32 Bit auf x86 und 64 Bit auf x86-64

## Frage 3 [2]

**Angenommen:** `int x = 1;` **Zu was wird** `(unsigned short)x > -1` **ausgewertet?**

1. 0
2. 1
3. nicht definiert

### Erklärung

- vor dem Vergleich beide Operanden nach `int` umgewandelt
- weil dies ohne Wertverlust geschehen kann
- ↪ hier werden zwei `signed`-Werte verglichen
- ↪ ein `unsigned int` würde nicht umgewandelt werden!

## Frage 4 [2]

**Zu was wird `-1L > 1U` auf x86-64 ausgewertet? Auf x86?**

1. beides 0
2. beides 1
3. 0 auf x86-64, 1 auf x86
4. 1 auf x86-64, 0 auf x86

### Erklärung

- auf x86-64 ist `int` kürzer als `long`  
~> `unsigned int` wird zu `long` ~> `-1L > 1L` ⇒ 0
- auf x86 entspricht `int` dem Datentyp `long`  
~> `UINT_MAX > 1U` ⇒ 1

## Frage 5 [2]

**Zu was wird `SCHAR_MAX == CHAR_MAX` ausgewertet?**

1. 0
2. 1
3. implementation defined

### **Erklärung**

- C99 schreibt nicht vor ob `char` vorzeichenbehaftet ist
- auf x86 und x86-64 ist `char` für gewöhnlich vorzeichenbehaftet

## Frage 6 [2]

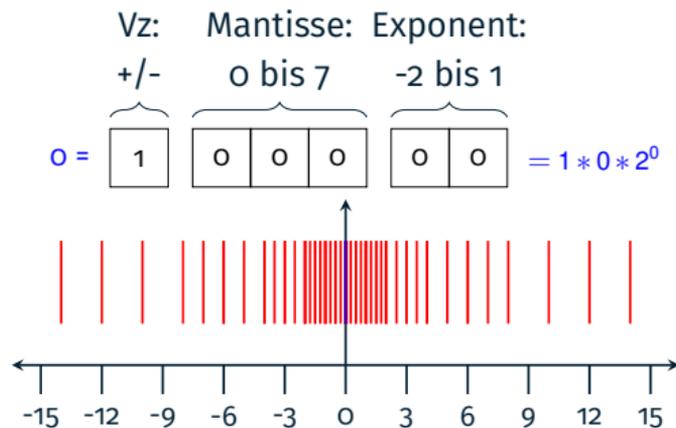
**Zu was wird `UINT_MAX + 1` ausgewertet?**

1. 0
2. 1
3. `INT_MIN`
4. `UINT_MIN`
5. nicht definiert

### **Erklärung**

Der C-Standard garantiert, dass `UINT_MAX + 1 == 0`

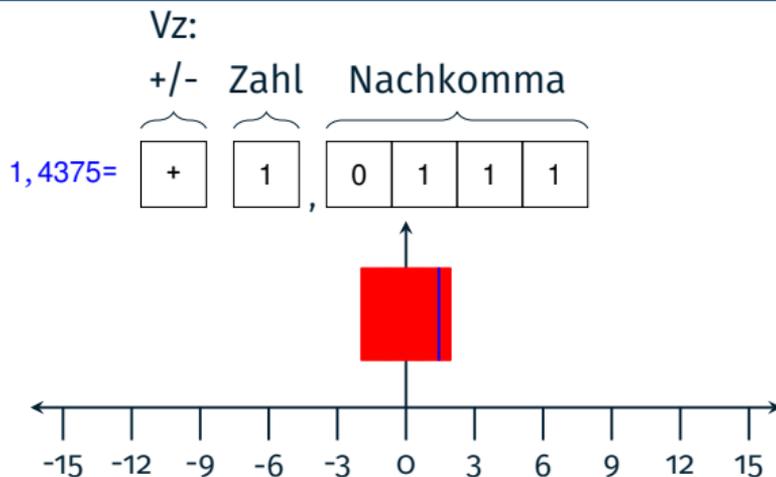
- 1 C-Quiz Teil I
- 2 Festkommaarithmetik**
- 3 Softwareentwurf
- 4 Hinweise zur Aufgabe: Filter



## IEEE 754

- Noch komplexer:
  - normalisierte/denormalisierte Darstellung
  - Rundung, Fehlersemantik, ...
  - NaN,  $\infty$ , ...
- <https://ieeexplore.ieee.org/document/4610935/>

# Festkommazahlen: Grundlagen



## C-Standard und Zahlendarstellung

- Zahlendarstellung im Standard nicht festgelegt:
  - Einerkomplement
  - Vorzeichen und Magnitude
  - Zweierkomplement
- Heute meist Zweierkomplement  $\rightsquigarrow$  kein dediziertes Vorzeichenbit

# Festkommaarithmetik – Motivation

```
float func(void){  
    volatile float a = 23.42;  
    volatile float b = 12.34;  
    return a * b;  
}
```

```
func:  
    push    {r7, lr}  
    sub     sp, #8  
    add     r7, sp, #0  
    ldr     r3, [pc, #28] ; float a  
    str     r3, [r7, #4]  
    ldr     r3, [pc, #28] ; float b  
    str     r3, [r7, #0]  
    ldr     r2, [r7, #4]  
    ldr     r3, [r7, #0]  
    adds   r0, r2, #0 ; Param 1  
    adds   r1, r3, #0 ; Param 2  
    bl     3a6c <__aeabi_fmul>  
    adds   r3, r0, #0  
    adds   r0, r3, #0  
    mov    sp, r7  
    add    sp, #8  
    pop    {r7, pc}
```

## ■ Setup

- Plattform: ARM Cortex-M0+
- Compiler: arm-gcc

## ■ Funktion `__aeabi_fmul` : 300 Zeilen Assembler

## ■ Keine Fließkommaeinheit (engl. floating-point unit, FPU) vorhanden

## ■ Emulation der **Fließkommaarithmetik in Software**

# Festkommaarithmetik – Q-Notation

- Mikrocontroller ohne *Fließkommaeinheit*
- *Kein EAN* für Fließkommazahlen
  - ↳ *Festkommaarithmetik* mit Ganzzahlen
- Zahlenformat häufig in Q-Notation [1] angegeben
- $Qm.n$  ↳ Festkommazahl mit
  - $m$  Bit vor dem Komma,  $n$  nach dem Komma, ein Vorzeichenbit
  - Wertebereich:  $[-2^m, 2^m - 2^{-n}]$
  - Auflösung:  $2^{-n}$
- Implementierung für Übungsaufgabe *vorgegeben*

## Implementierung als Integer

↳ passendes Q-Format ist **anwendungsspezifisch**

# Q-Notation – Beziehung zu Fließkommazahlen

## von Fließkomma nach Qm.n

1. Multiplikation mit  $2^n$
2. Runden auf die nächste Ganzzahl

## von Qm.n nach Fließkomma

1. Umwandlung in Fließkommazahl  $\leadsto$  cast
2. Multiplikation mit  $2^{-n}$

# Operationen – Addition/Subtraktion

- Addition und Subtraktion wie bei Ganzzahlen

## Addition

```
int32_t a = ...;  
int32_t b = ...;  
int32_t result = a + b;
```

$$\begin{array}{r} 2, 80 \\ + 13, 37 \\ \hline = 16, 17 \end{array}$$

## Subtraktion

```
int32_t a = ...;  
int32_t b = ...;  
int32_t result = a - b;
```

$$\begin{array}{r} 16, 17 \\ - 2, 80 \\ \hline = 13, 37 \end{array}$$

# Operationen – Multiplikation/Division

- Braucht Zwischenergebnis von doppelter Bitbreite

## Multiplikation

```
#define K (1 << (n - 1))
int32_t a = ...;
int32_t b = ...;
int64_t temp = (int64_t) a * (int64_t) b;
temp += K;
int32_t result = temp >> n;
```

## Division

```
int32_t a = ...;
int32_t b = ...;
int64_t temp = (int64_t) a << n;
temp += b / 2;
int32_t result = temp / b;
```

$$a \cdot b$$

$$\stackrel{Q.n}{=} (a \cdot 10^n) \cdot (b \cdot 10^n)$$

$$= (a \cdot b) \cdot 10^{2n}$$

$$\neq (a \cdot b) \cdot 10^n$$

$$\frac{a}{b} \stackrel{Q.n}{=} \frac{a \cdot 10^n}{b \cdot 10^n}$$

$$= \frac{a}{b} \neq \frac{a}{b} \cdot 10^n$$

- Siehe Implementierung in fixedpoint.c
- **Vorsicht: Rundungsfehler durch Transformationen**

- 1 C-Quiz Teil I
- 2 Festkommaarithmetik
- 3 Softwareentwurf**
- 4 Hinweise zur Aufgabe: Filter

## Anforderungen

- liest ASCII-Text über Standardeingabe ein
- zählt vorkommende Zeichen, Wörter und Zeilen
- Ausgabe: *<Anzahl Zeilen> <Anzahl Wörter> <Anzahl Zeichen>*

# Umsetzungsversuch 1

```
static int e,n,j,o,y;int main(){for(++o;(n=~getchar());e+=11==n,y++)
o=n>0xe^012>n&&'`'^n^65?!n:!o?++j:o;printf("%8d%8d%8d\n",e^n,j+!=o&&y,y);}
```

- + erfüllt Anforderungen
- ✗ schwer zu lesen
- ✗ noch schwerer zu verstehen

## Umsetzungsversuch 2

```
#include <stdio.h>
typedef size_t CharCountTy; typedef size_t WordCountTy; typedef size_t LineCountTy;
static void inc_char_count(CharCountTy *c) {*c += 1;}
static void inc_word_count(WordCountTy *w) {*w += 1;}
static void inc_line_count(LineCountTy *l) {*l += 1;}
typedef struct {int character; int error; int done;} ReadResTy;
static int isWordTerminator(int c) {return c == ' ' || (c >= '\t' && c <= '\r');}
static int isLineTerminator(int c) {return c == '\n';}
static ReadResTy getCharacter(void) { ReadResTy r;
  r.character = getchar(); r.done = 0; r.error = 0;
  if(r.character == EOF) {if(feof(stdin)) {r.done = 1;} else {r.error = 1;}} return r;
}
int main(void) {
  CharCountTy char_count = 0; WordCountTy word_count = 0;
  LineCountTy line_count = 0; int in_word = 0; ReadResTy input;
  while((input = getCharacter()), !input.error && !input.done) {
    inc_char_count(&char_count);
    if(isWordTerminator(input.character) && in_word) {
      inc_word_count(&word_count); in_word = 0;
    } else if(!isWordTerminator(input.character)) {in_word = 1;}
    if(isLineTerminator(input.character)) {inc_line_count(&line_count);}
  }
  if(input.error) {return -1;} // Something went wrong...
  printf("%8lu%8lu%8lu\n", line_count, word_count, char_count); return 0;
}
```

**X** vielleicht etwas zu viel des Guten ...

*All problems in computer science can be solved by another level of indirection, except for the problem of too many layers of indirection.*

—David J. Wheeler

- guter Softwareentwurf ist mehr Kunst als Wissenschaft
- keine Patentlösung

# Ziele des Softwareentwurfs

**Modifizierbarkeit:** lokale Veränderbarkeit

- ~> Änderungen an Anforderungen umsetzbar
- ~> Fehler korrigierbar

**Effizienz:** optimaler Betriebsmittelbedarf

- wird häufig zu früh berücksichtigt

**Verlässlichkeit:** lange Zeit funktionsfähig ohne menschlichen Eingriff

- gutmütiges Ausfallverhalten
- muss von Anfang an eingeplant sein!

**Verständlichkeit:** Isolierung von

- Daten
- Algorithmen

# Prinzipien des Softwareentwurfs

**Abstraktion:** wichtige Details hervorheben

**Kapselung:** unnötige Details verbergen

**Einheitlichkeit:** konsistente Notation

**Vollständigkeit:** alle wichtigen Aspekte berücksichtigt

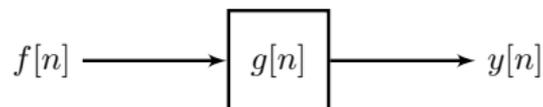
**Testbarkeit:** muss von Anfang an eingeplant werden

**C macht es einem hier nicht leicht**

→ **disziplinierte Herangehensweise** notwendig!

- 1 C-Quiz Teil I
- 2 Festkommaarithmetik
- 3 Softwareentwurf
- 4 Hinweise zur Aufgabe: Filter**

# Hinweise zur Aufgabe Implementierung Filter

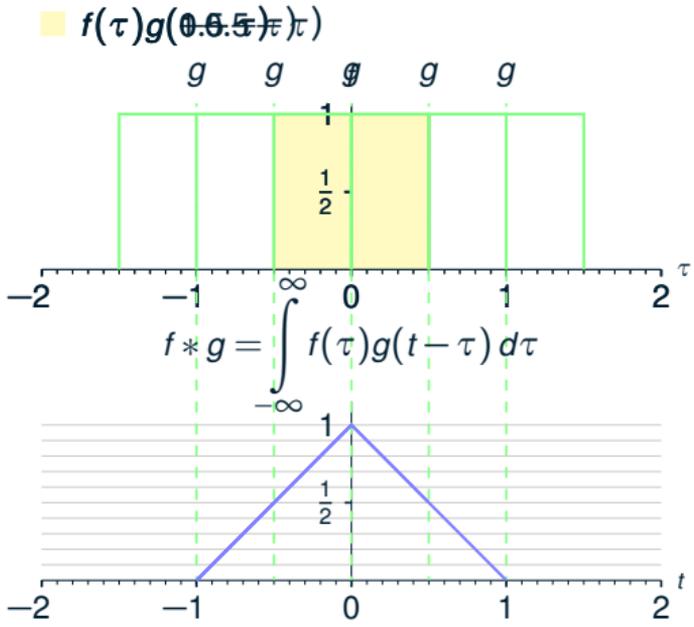


- Objekte identifizieren (z.B. Eingaben)
- Implementierung der Filterung durch **Faltung** (engl. convolution) mit Impulsantwort
  - $f$  Signalwerte,  $g$  Filterwerte

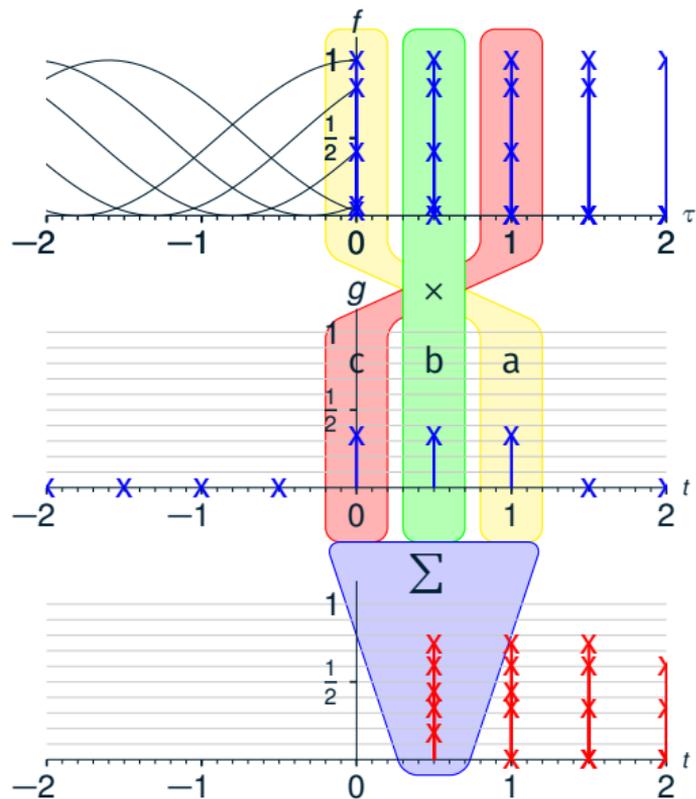
$$(f * g)[n] = \sum_{m=-\infty}^{\infty} f[m] \cdot g[n-m] \quad (1)$$

- Zunächst Verwendung von `float`, anschließend **Festkommaformat**

# Beispiel: Faltung



# Beispiel: Diskrete Faltung



$$(f * g)[n] = \sum_{m=-\infty}^{\infty} f[m] \cdot g[n-m]$$

# Exkurs: Prüfsummen

- Verkürzte Repräsentation eines Datensatzes (Bsp.: Git Commithash)
- Aus Eingabedaten errechnet
- Nutzen: Überprüfung der Datenintegrität
- Anforderungen
  - Stabil
  - Effizient berechenbar
  - Zuverlässige Fehlererkennung
- Beispiel: Quersumme mit Zehner-Restklasse:

$$\text{CHECK}(12345) = (1 + 2 + 3 + 4 + 5) \bmod 10 = 5$$

$$\text{CHECK}(12355) = (1 + 2 + 3 + 5 + 5) \bmod 10 = 6$$

~> Fehlermodell: Schützt vor allen Einzifferfehlern

~> jedoch bspw. kein Schutz gegen Vertauschung:

$$\text{CHECK}(12354) = (1 + 2 + 3 + 5 + 4) \bmod 10 = 5$$

- Wichtig: Fehlermodell, welche Arten von Bitfehlern werden erkannt?

- **Einzelnen Filterschritt** implementieren (kein Burst-Filter)
- Verwendung von **Q-Notation**
- *Wichtig für die späteren Experimente*
  1. Berechnungsdauer möglichst kurz (Fehlerinjektion dauert sehr lange)
  2. wollen keine verpflichtende Nutzung von `floats`
  3. Später dann: Keine Verwendung von `printf` bei Fehlerinjektion
  4. Konzeption einer einfachen Prüfsumme
- Aspekte:
  - Nutzung abstrakter Schnittstellen
  - Einfluss von Schnittstellen auf Verlässlichkeit
  - Entwurfsentscheidungen und -abwägung in der Systemimplementierung

-  E. L. Oberstar.  
**Fixed-point representation & fractional math.**  
Technical report, Oberstar Consulting, August 2007.
-  J. Regher.  
**A quiz about integers in c.**

# Verlässliche Echtzeitsysteme - Übungen

## Triple Modular Redundancy

---

Wintersemester 2024

Eva Dengler, Peter Wägemann

Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

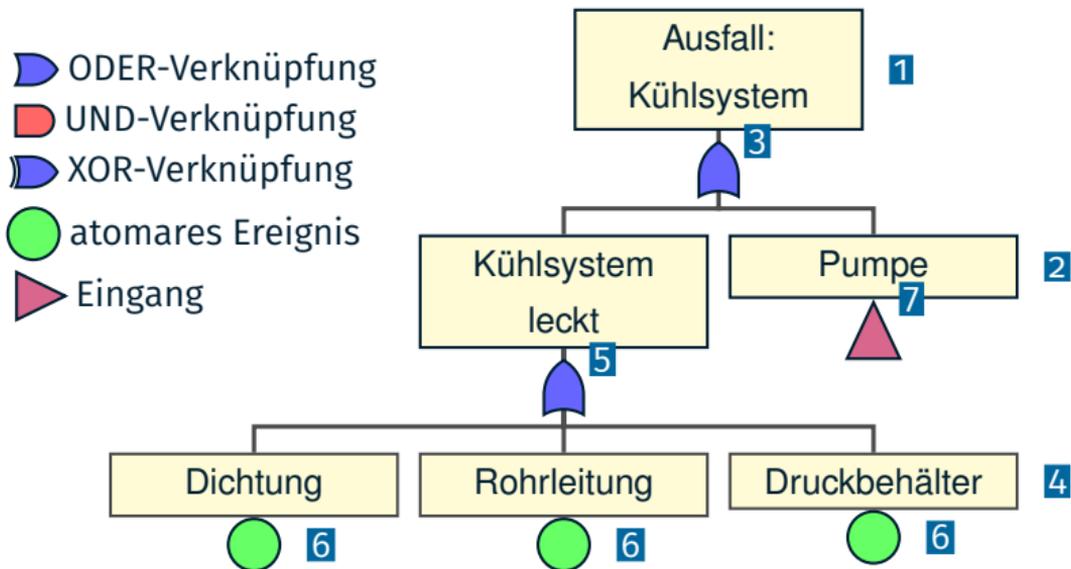
Lehrstuhl Informatik 4 (Systemsoftware)

<https://sys.cs.fau.de>

- 1 Wiederholung: Grundlagen Fehlerbäume
- 2 Wiederholung: Triple Modular Redundancy
- 3 Ausblick: Rechnerarchitektur, Replikation und Redundanz
- 4 Replikation von Code

- 1 Wiederholung: Grundlagen Fehlerbäume
- 2 Wiederholung: Triple Modular Redundancy
- 3 Ausblick: Rechnerarchitektur, Replikation und Redundanz
- 4 Replikation von Code

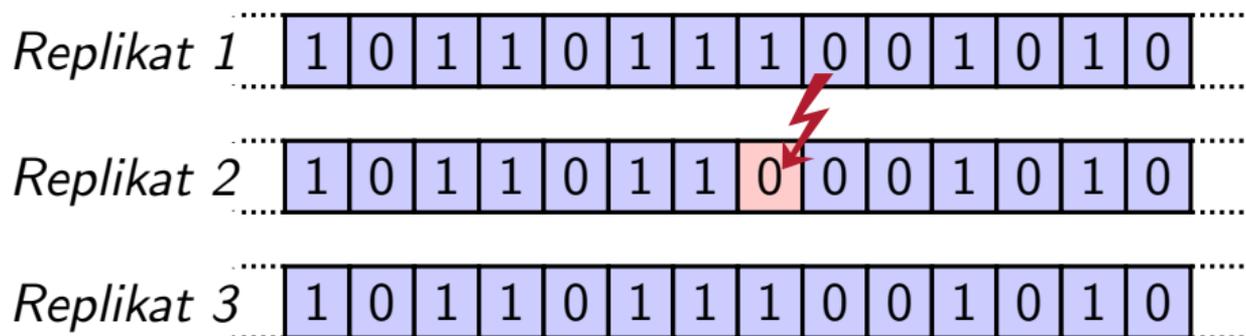
# Fehlerbäume – Wiederholung



1. Schadensereignis
2. Ereignisse auf Ebene 2
3. Logische Verknüpfung
4. Ereignisse auf Ebene 3
5. Logische Verknüpfung
6. Atomare Ereignisse
7. Eingänge zerlegen den Fehlerbaum → Neuer Teilbaum

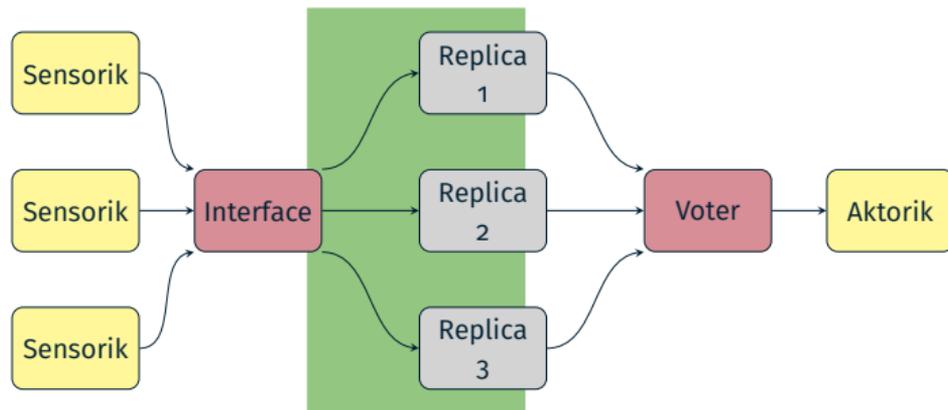
- 1 Wiederholung: Grundlagen Fehlerbäume
- 2 Wiederholung: Triple Modular Redundancy**
- 3 Ausblick: Rechnerarchitektur, Replikation und Redundanz
- 4 Replikation von Code

# Fehlerhypothese



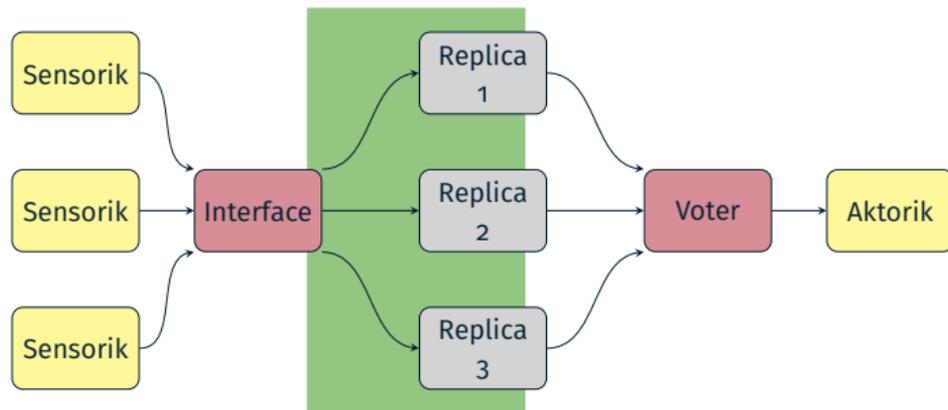
- **Wie viele Replikate** benötigt man zur Fehlermaskierung?
- Arten des Fehlverhaltens (von  $n$  Replikaten sind  $f$  fehlerhaft)
  1. fail-silent  $\rightarrow$  # Replikate:  $n = f + 1$
  2. fail-consistent  $\rightarrow$  # Replikate:  $n = 2f + 1$
  3. malicious  $\rightarrow$  # Replikate:  $n = 3f + 1$ , bösartige verteilte Systeme

# Triple Modular Redundancy



- Schnittstelle sammelt Eingangsdaten (Replikdeterminismus)
- Insbesondere: Mögl. Mehrheitsentscheid für redundante Sensordaten
- Verteilt Daten und aktiviert Replikate
- Mehrheitsentscheider (Voter) wählt Ergebnis
- Ergebnis wird an Aktuator versendet

# Triple Modular Redundancy



## Redundanzbereich

Ausschließlich Replikatausführung

- Mehrheitsentscheid über Berechnungsergebnisse
- Erweiterung der Ausgangsseite mit Informationsredundanz

# Replikdeterminismus

## Replik 1

```
void repl_1(void *p){  
    ticks_t time =  
        ezs_get_time();  
  
    ...  
}
```

## Replik 2

```
void repl_2(void *p){  
    ticks_t time =  
        ezs_get_time();  
  
    ...  
}
```

## Replik 3

```
void repl_3(void *p){  
    ticks_t time =  
        ezs_get_time();  
  
    ...  
}
```

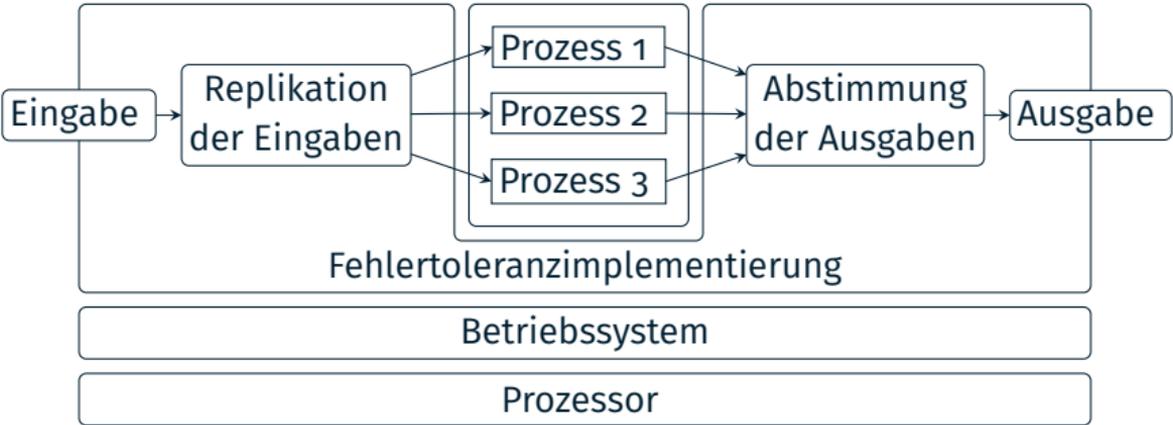
## Sicherstellung Replikdeterminismus

- Globale diskrete Zeitbasis
- Einigung über Eingabewerte
- Statische Kontrollstruktur der Replikate
- Deterministische Algorithmen

## Sicherstellung Systemverhalten

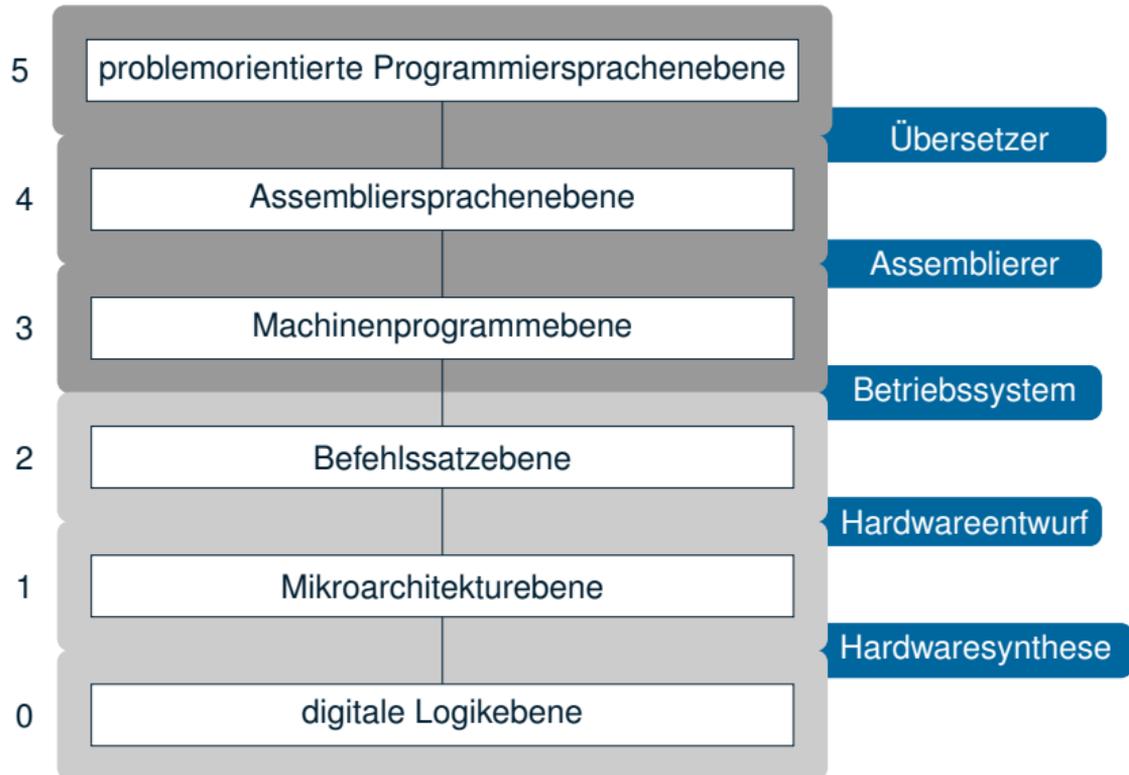
☞ Replikate müssen *innerhalb bestimmter Zeitspanne* terminieren

# Process-Level Redundancy

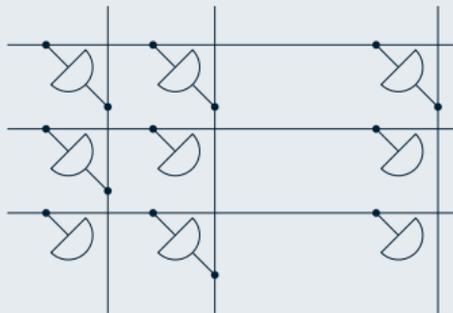


- 1 Wiederholung: Grundlagen Fehlerbäume
- 2 Wiederholung: Triple Modular Redundancy
- 3 Ausblick: Rechnerarchitektur, Replikation und Redundanz**
- 4 Replikation von Code

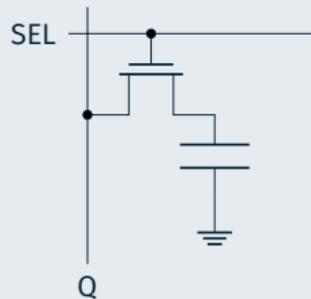
# Ebenen



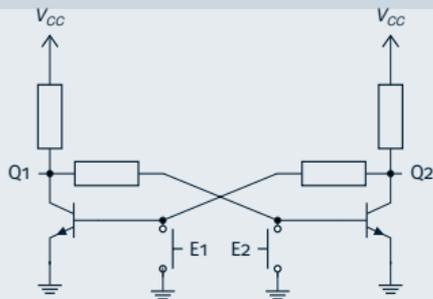
## ROM



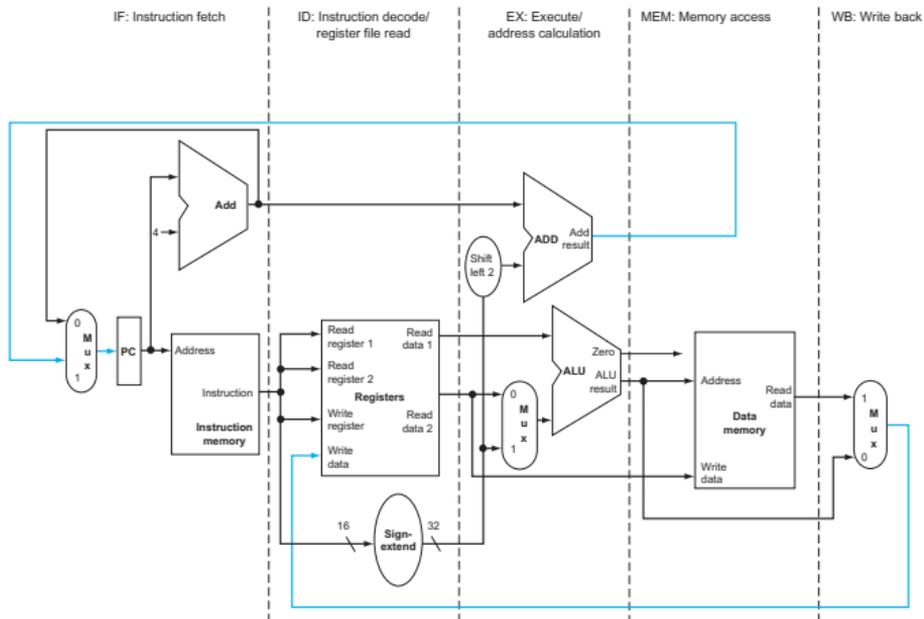
## DRAM



## RS - FlipFlop

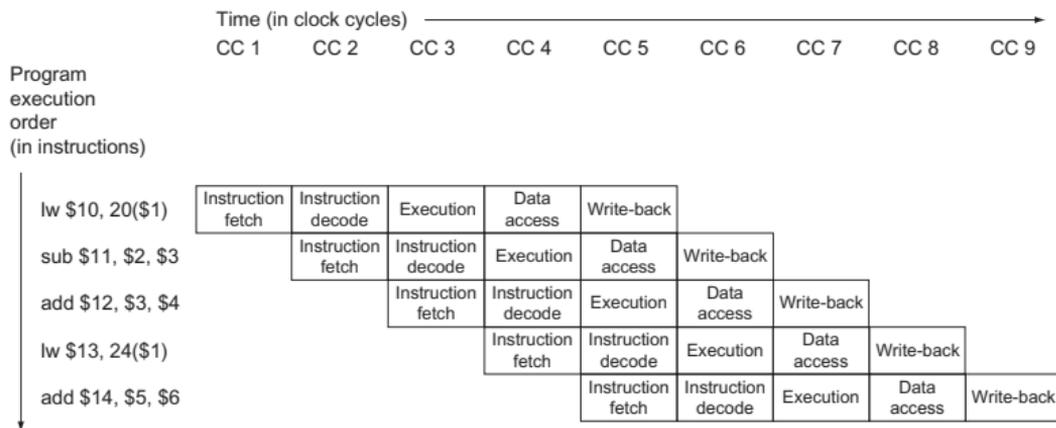


# MIPS: Single-Cycle



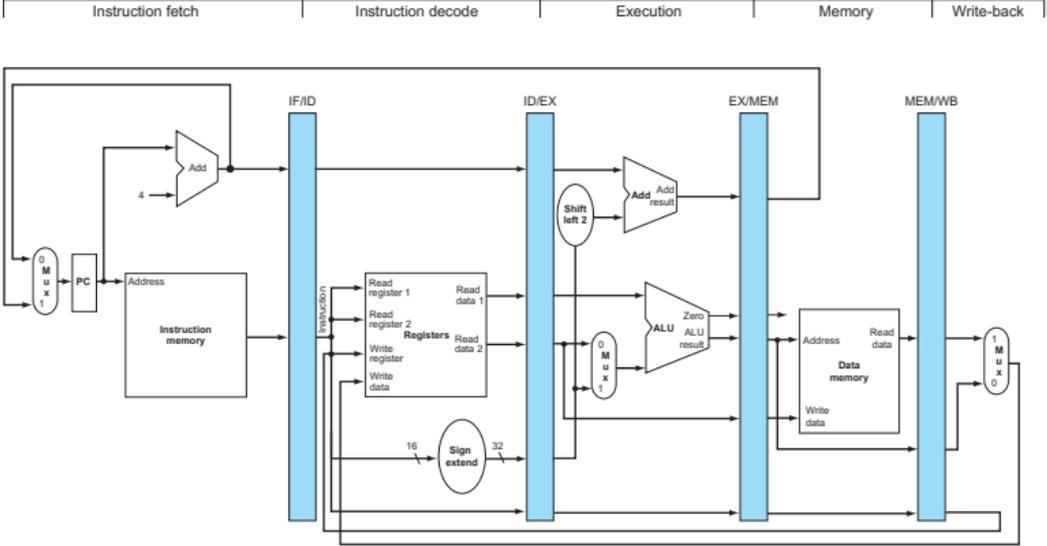
Source: D. A. Patterson und J. L. Hennessy, Computer organization and design: the hardware/software interface, 4th ed., 2012

# MIPS: Pipelining



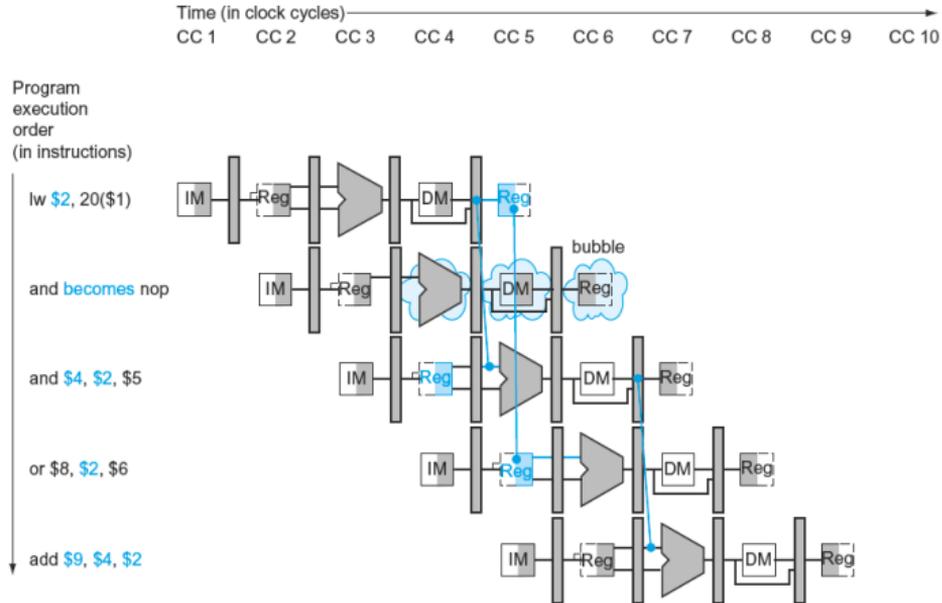
Source: D. A. Patterson und J. L. Hennessy, Computer organization and design: the hardware/software interface, 4th ed., 2012

# MIPS: Pipelining



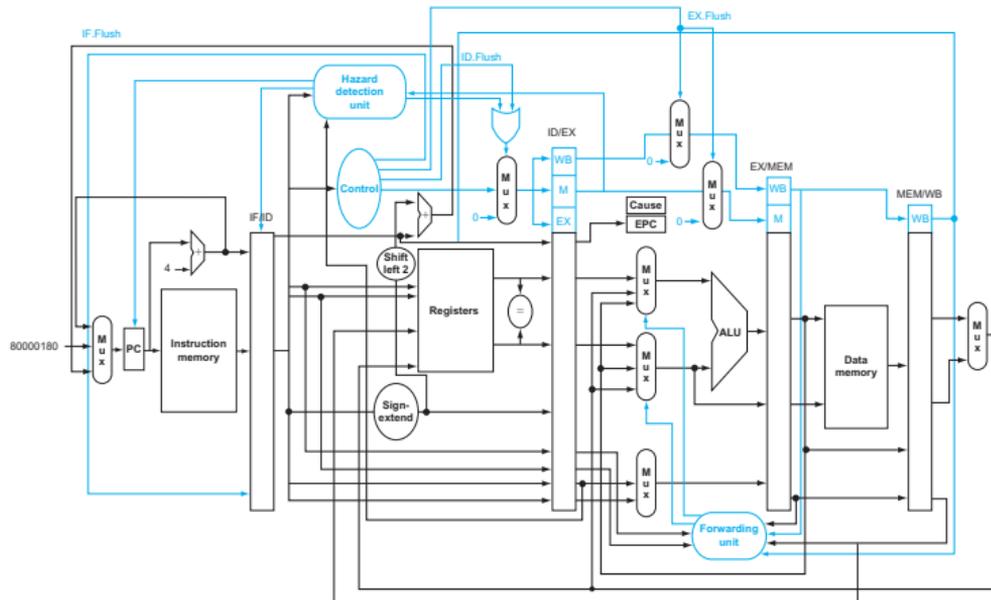
Source: D. A. Patterson und J. L. Hennessy, Computer organization and design: the hardware/software interface, 4th ed., 2012

# MIPS: Pipelining



Source: D. A. Patterson und J. L. Hennessy, Computer organization and design: the hardware/software interface, 4th ed., 2012

# MIPS: Pipelining

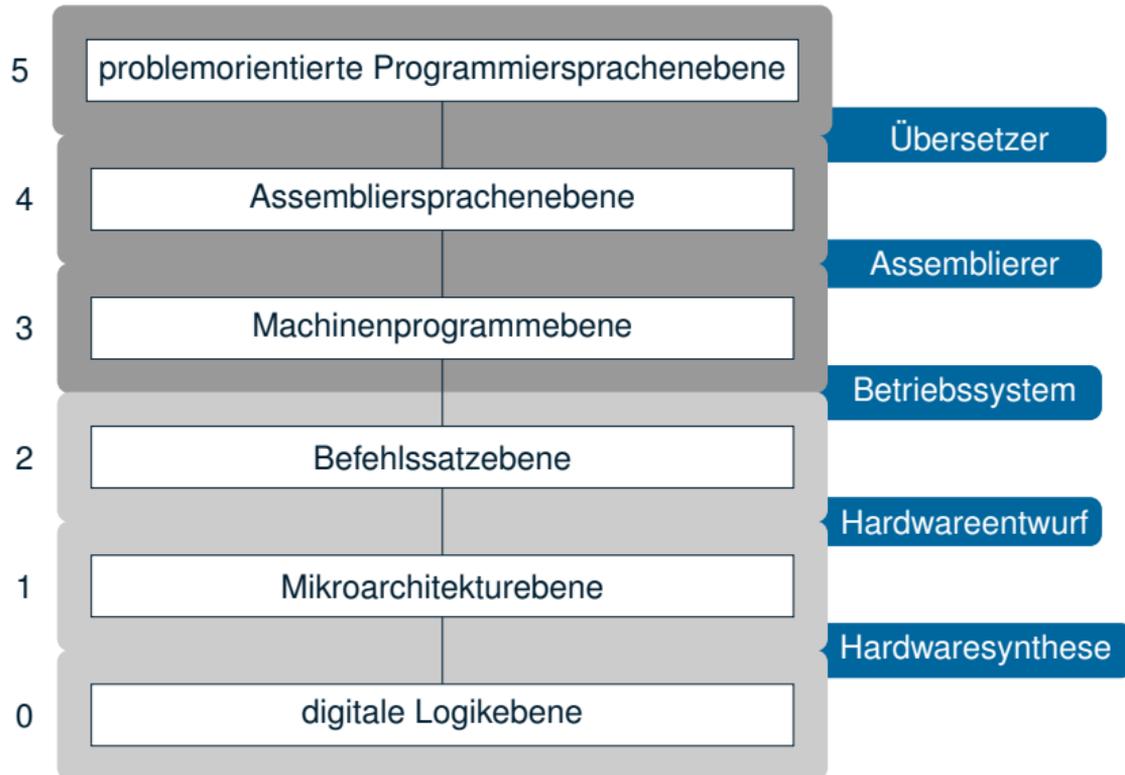


Source: D. A. Patterson und J. L. Hennessy, Computer organization and design: the hardware/software interface, 4th ed., 2012

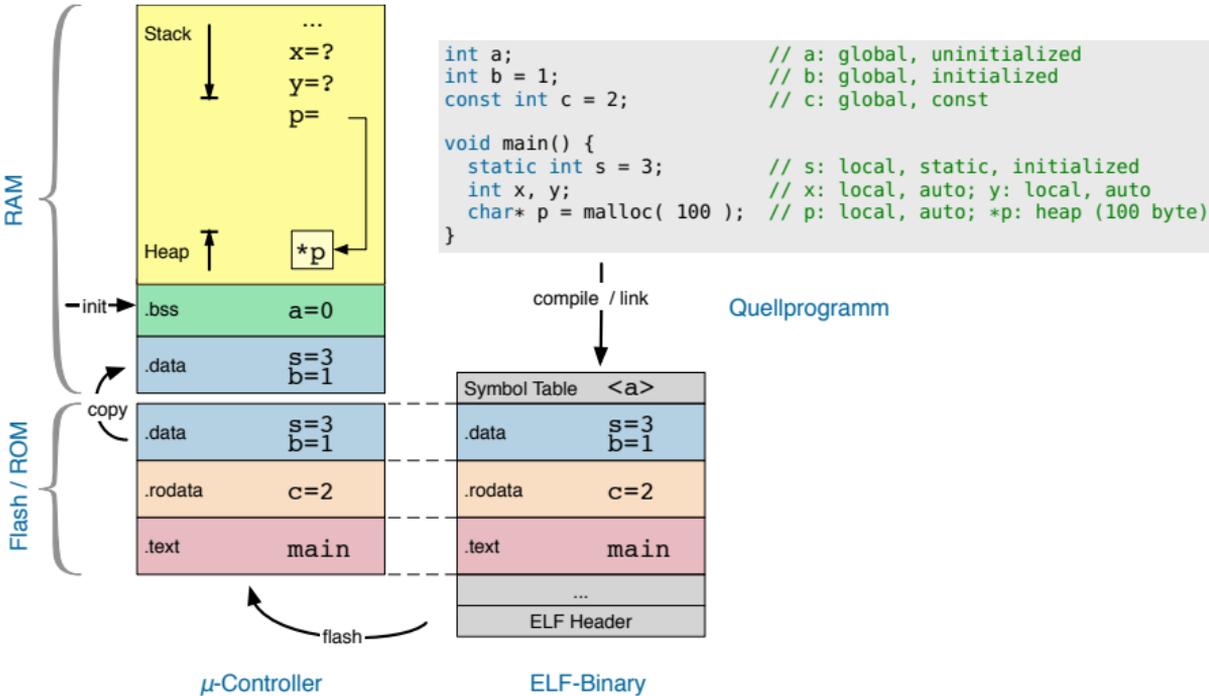
# Eigenschaften von CPU-Architekturen

- Mikroprogrammierbar vs. Fixed-Function
  - Out-of-Order-Prozessoren
  - Sprungvorhersage
  - Transaktionaler Speicher
  - Superskalarität
  - Mehrkernarchitekturen
  - Hyperthreading
  - ...
- ☞ All diese zusätzlichen Fehlerpunkte müssen im Fehlermodell berücksichtigt werden
- ☞ Ein Ein-Bit-Fehler in einer dieser Komponenten kann zu komplexen Mehrbitfehlern auf ISA-Ebene führen

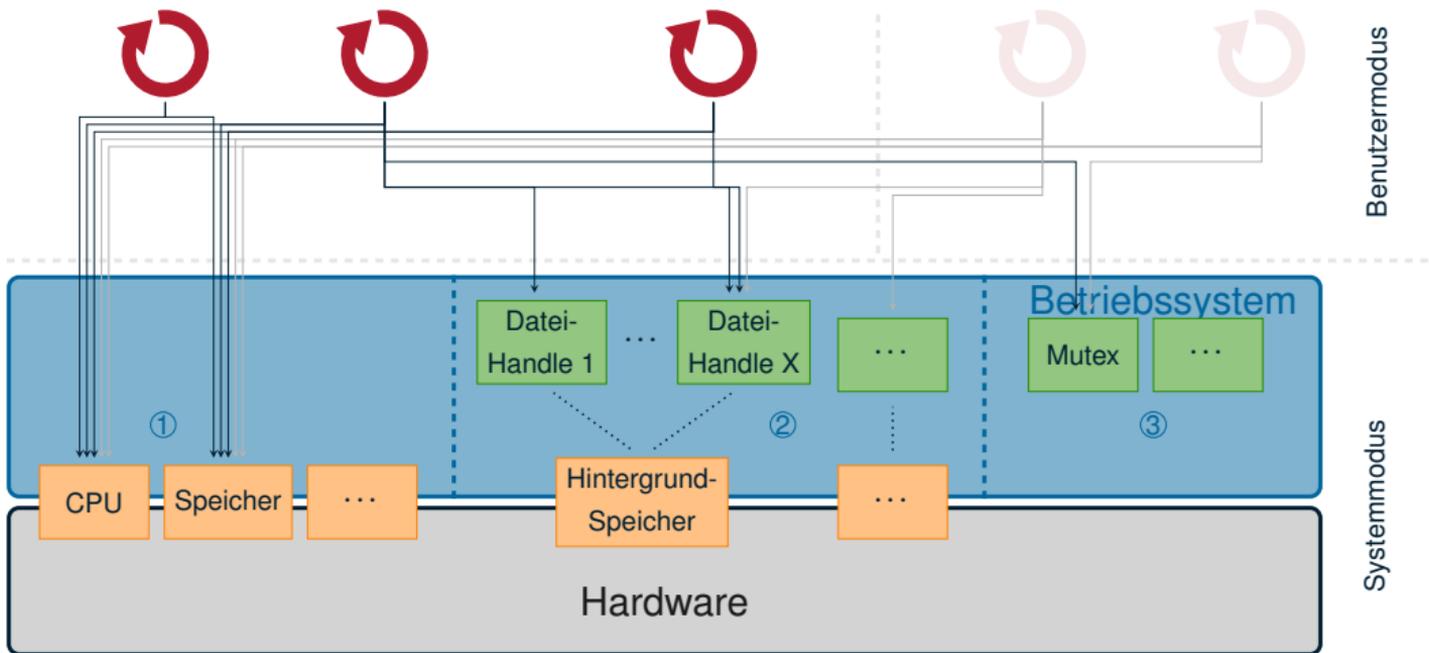
# Ebenen



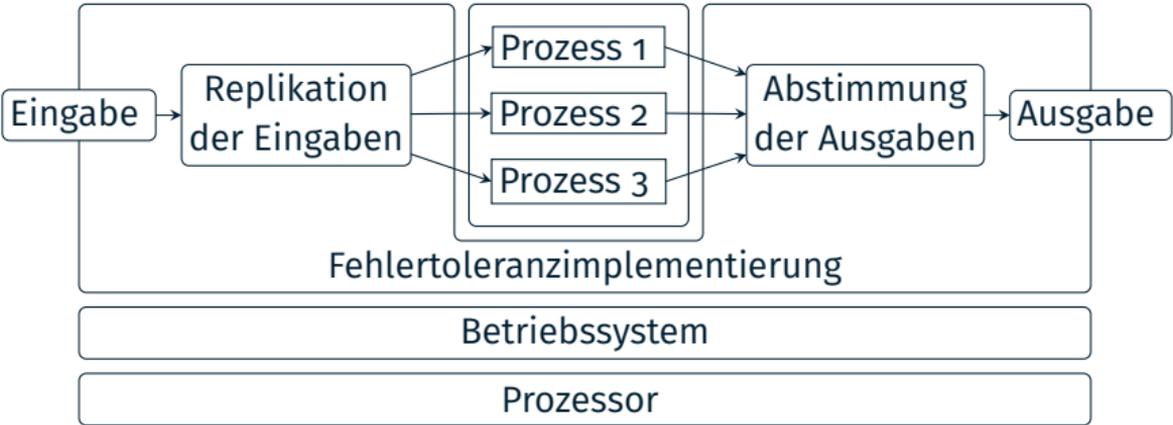
# Speicherorganisation auf einem Mikrocontroller



# Betriebssystem



# Process-Level Redundancy



# C-Code vs. Assembler-Code

## C-Code

```
int a;
int b = 1;
const int c = 2;
void main() {
    static int s = 3;
    int x, y;
    char* p =
        malloc(100);
}
```

## Assembler-Code

```
4004f0 <main>:
4004f0: push    %rbp
4004f1: mov     %rsp,%rbp
4004f4: sub     $0x10,%rsp
4004f8: movabs $0x64,%rdi
400502: callq  4003e0 <malloc@plt>
400507: mov     %rax,-0x10(%rbp)
40050b: add     $0x10,%rsp
40050f: pop     %rbp
400510: retq
```

## Wo können Datenfehler auftreten?

1. RAM: `-0 x10 (% rbp)`  
    ↪ Stack, globale Daten, Heap, (Programmcode)
2. Allgemeine CPU-Register: `% rsp`
3. Sonstige CPU-Register: `% rip , % rflags`

- 1 Wiederholung: Grundlagen Fehlerbäume
- 2 Wiederholung: Triple Modular Redundancy
- 3 Ausblick: Rechnerarchitektur, Replikation und Redundanz
- 4 Replikation von Code**

# Code-Replikation: Stringification

## Stringification von CPP

```
#define CMP_FUNC(pre, repl, type, op) \
    type pre##repl(type a, type b) { \
        return a op b ? a : b; \
    }

CMP_FUNC(max, 1, int, >); // Funktion ?max1
CMP_FUNC(max, 2, int, >); // Funktion ?max2
...
CMP_FUNC(min, 1, int, <); // Funktion ?min1
```

- Verwendung des C-Präprozessors (CPP)
- #: „Token Pasting Operator“
- Konkatenieren zweier Token zu einem
- Aufruf & Deklaration müssen erstellt werden
  - ☞ Es geht eleganter ...

## C++ Template

```
template <typename T>
T max(T x, T y) {
    T value;
    if (x < y) value = y;
    else value = x;
    return value;
}
double md = max<double>(2.3, 4.2);
auto mi = max<int>(23U, 42);
```

- Templates ermöglichen generische Programmierung
- Wiederverwendung durch **Parametrisierung**
- Unterscheidung von Funktions- & Klassen-Templates
- Expansion zur Compilezeit  $\leadsto$  Quelltext muss verfügbar sein (Header)
- „Code Bloat“ beim Compilieren  $\rightarrow$  **nutzbar für Replikation von Code**

- Explizite Typen als Templateparameter möglich
- Nutzbar zum „Zählen“ von Templates

## Indizierte Template-Spezialisierung

```
template <typename T, unsigned INDEX>
T max(T x, T y) {
    T value;
    if (x < y)
        value = y;
    else
        value = x;
    return value;
}
...
auto m0 = max<int, 0>(23, 42);
auto m1 = max<int, 1>(23, 42);
```

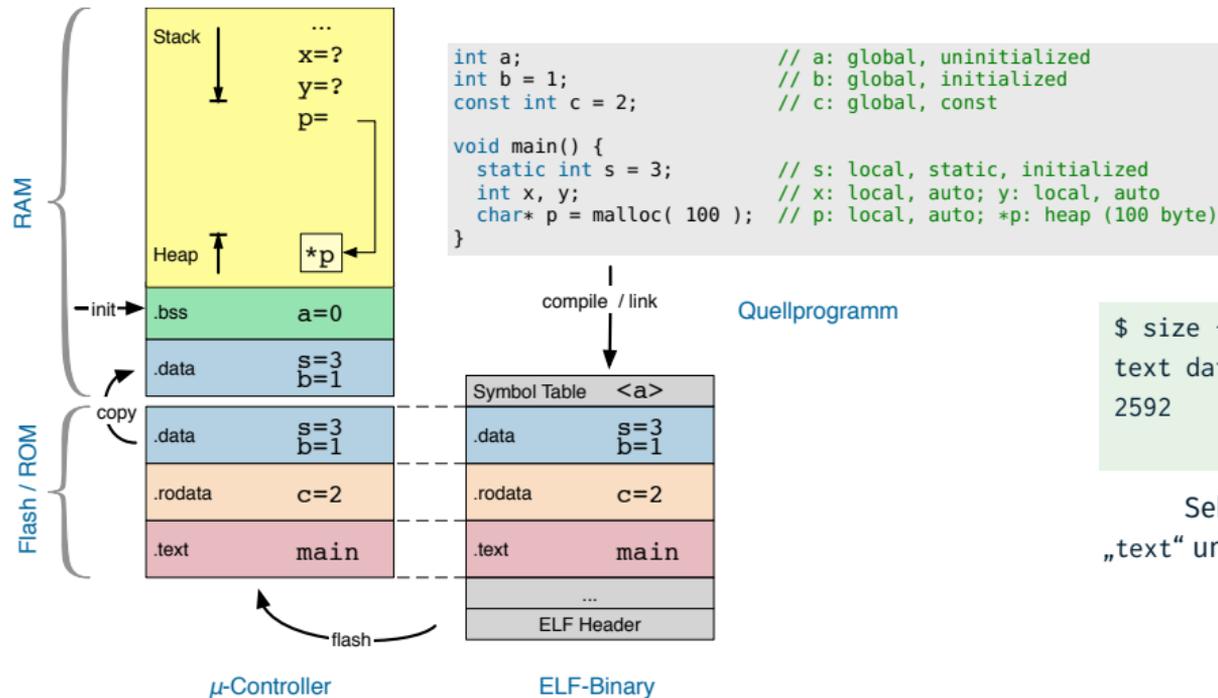
# Einbinden von C++-Code in C

## C Linkage

```
// C++ code
extern "C" void f(int); // one way
extern "C" {           // another way
    int g(double);
    double h();
};
void code(int i, double d)
{
    f(i);
    int ii = g(d);
    double dd = h();
    // ...
}
```

- C++ betreibt name mangling  
⇒ `int test(int) ↦ _Z4testi`
- Name mangling verhindern  
⇒ C++-Code aus C-Code aufrufbar

# Speicherorganisation und Sektionsgrößen



```

$ size --format=berkeley a.out
text data bss  dec  hex  filename
2592   8   4 2604 a2c   a.out
    
```

Sektionsgrößen in Byte,  
„text“ umfasst hier: .text + .rodata

# Umgang mit Assembly-Code I

## nm: Ausgabe der Symboltabelle

```
00000000000004028 D var_initialized
...
00000000000201028 B __bss_start
00000000000201028 b var_uninitialized
...
0000000000000061a T main
00000000000000580 t register_tm_clones
00000000000000510 T _start
...
0000000000000066d t int max<int,0u>(int,int)
0000000000000067c t int max<int,1u>(int,int)
```

### ■ Nützliche Optionen

- -C, --demangle: Dekodieren der C++-Namensmangelung:  
\_Z3maxIiLj0EET\_S0\_S0\_ ⇒ `int max<int, 0u>(int, int)`
- -S, --print-size: Ausgabe der Symbolgrößen  
0000000000000061 a 00000028 T main

# Umgang mit Assembly-Code II

## objdump: Ausgabe von Informationen über Objektdateien

```
int main(){
4007cd: 55                push   %rbp
4007ce: 48 89 e5         mov    %rsp,%rbp
4007d1: 48 83 ec 10     sub    $0x10,%rsp
int a = max<int>(23U, 42);
4007d5: be 2a 00 00 00   mov    $0x2a,%esi
4007da: bf 17 00 00 00   mov    $0x17,%edi
4007df: e8 04 01 00 00   callq 4008e8 <_Z3maxIiET_S0_S0_>
4007e4: 89 45 fc         mov    %eax,-0x4(%rbp)
std::cout << a << "\n";
4007e7: 8b 45 fc         mov    -0x4(%rbp),%eax
...
```

### ■ Nützliche Optionen

- -S: Ausgabe von Quell-Code im Assembly-Code (Debug-Symbole notwendig)
- -D: alle Sektionen disassemblieren

# Verlässliche Echtzeitsysteme - Übungen

Arbeiten mit Binärdateien und Assembler, Codierung

---

Wintersemester 2024

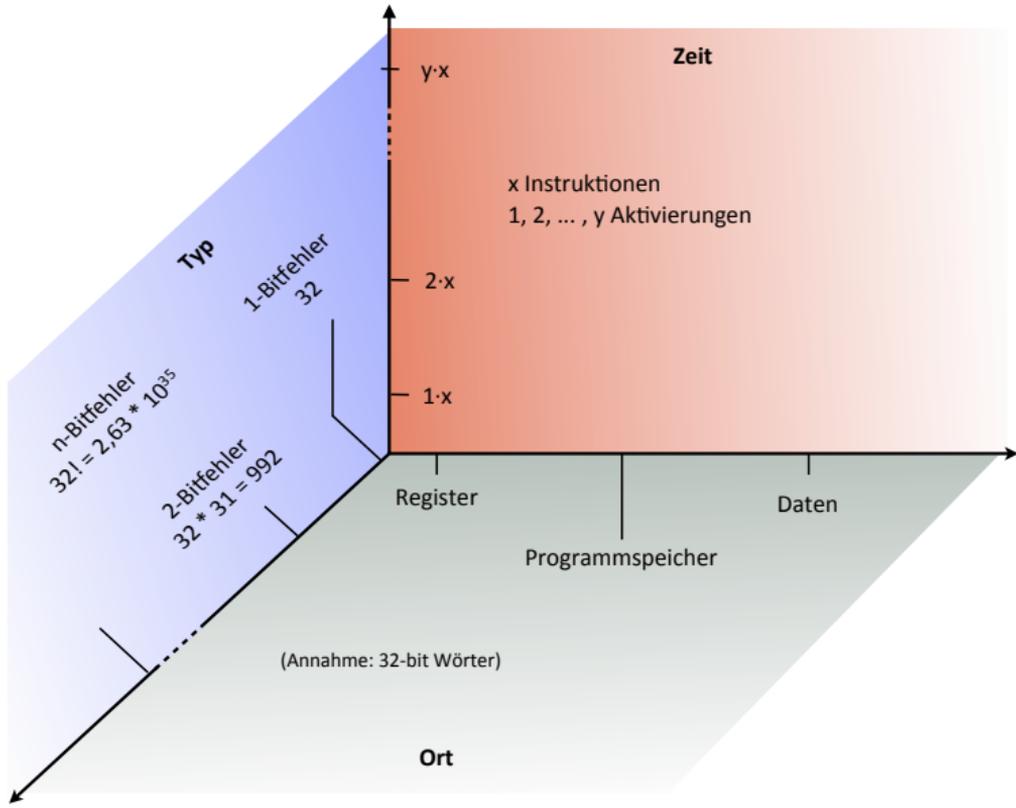
Eva Dengler, Peter Wägemann

Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

Lehrstuhl Informatik 4 (Systemsoftware)

<https://sys.cs.fau.de>

# Fehlerraum



# C-Code vs. Assembler-Code

## C-Code

```
int a;  
int b = 1;  
const int c = 2;  
void main() {  
    static int s = 3;  
    int x, y;  
    char* p =  
        malloc(100);  
}
```

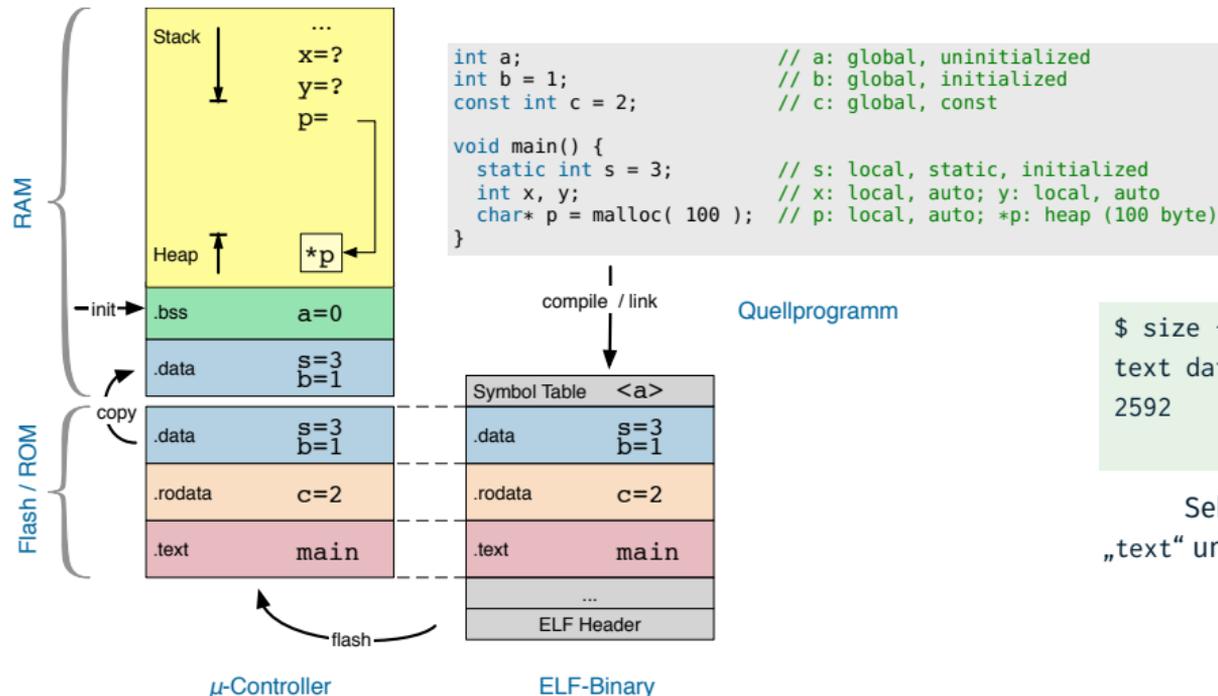
## Assembler-Code

```
4004f0 <main>:  
4004f0: push    %rbp  
4004f1: mov     %rsp,%rbp  
4004f4: sub     $0x10,%rsp  
4004f8: movabs $0x64,%rdi  
400502: callq  4003e0 <malloc@plt>  
400507: mov     %rax,-0x10(%rbp)  
40050b: add     $0x10,%rsp  
40050f: pop     %rbp  
400510: retq
```

## Wo können Datenfehler auftreten?

1. RAM: `-0 x10 (% rbp)`  
    ↪ Stack, globale Daten, Heap, (Programmcode)
2. Allgemeine CPU-Register: `% rsp`
3. Sonstige CPU-Register: `% rip , % rflags`

# Speicherorganisation und Sektionsgrößen



```

$ size --format=berkeley a.out
text data bss dec hex filename
2592 8 4 2604 a2c a.out
    
```

Sektionsgrößen in Byte,  
„text“ umfasst hier: .text + .rodata

# Umgang mit Assembly-Code I

## nm: Ausgabe der Symboltabelle

```
00000000000004028 D var_initialized
...
00000000000201028 B __bss_start
00000000000201028 b var_uninitialized
...
0000000000000061a T main
00000000000000580 t register_tm_clones
00000000000000510 T _start
...
0000000000000066d t int max<int,0u>(int,int)
0000000000000067c t int max<int,1u>(int,int)
```

### ■ Nützliche Optionen

- -C, --demangle: Dekodieren der C++-Namensmangelung:  
`_Z3maxIiLj0EET_S0_S0_`  $\Rightarrow$  `int max<int, 0u>(int, int)`
- -S, --print-size: Ausgabe der Symbolgrößen  
`0000000000000061 a 00000028 T main`

# Umgang mit Assembly-Code II

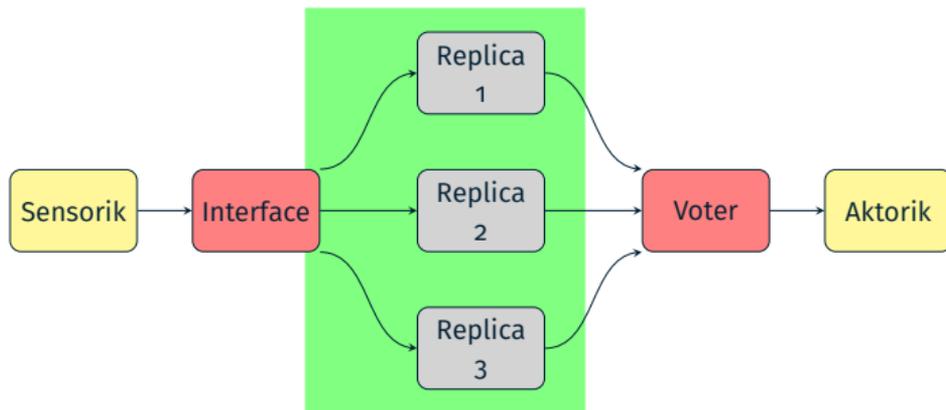
## objdump: Ausgabe von Informationen über Objektdateien

```
int main(){
4007cd: 55                push   %rbp
4007ce: 48 89 e5         mov    %rsp,%rbp
4007d1: 48 83 ec 10     sub    $0x10,%rsp
int a = max<int>(23U, 42);
4007d5: be 2a 00 00 00   mov    $0x2a,%esi
4007da: bf 17 00 00 00   mov    $0x17,%edi
4007df: e8 04 01 00 00   callq 4008e8 <_Z3maxIiET_S0_S0_>
4007e4: 89 45 fc         mov    %eax,-0x4(%rbp)
std::cout << a << "\n";
4007e7: 8b 45 fc         mov    -0x4(%rbp),%eax
...
```

### ■ Nützliche Optionen

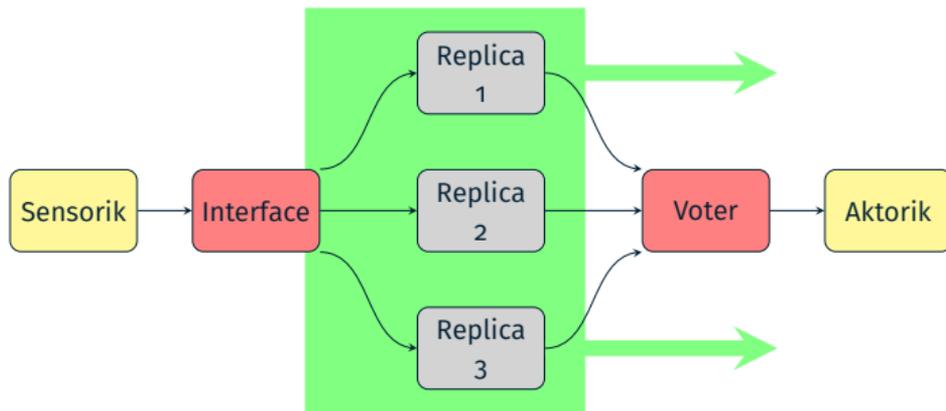
- -S: Ausgabe von Quell-Code im Assembly-Code (Debug-Symbole notwendig)
- -D: alle Sektionen disassemblieren

# Klassische “Triple Modular Redundancy” (TMR)



- Schnittstelle sammelt Eingangsdaten (Replikdeterminismus)
- Verteilt Daten und aktiviert Replikate
- Mehrheitsentscheider (Voter) wählt Ergebnis
- Ergebnis wird an Aktuator versendet

# Klassische “Triple Modular Redundancy” (TMR)



## Redundanzbereich

Ausschließlich Replikatausführung

- ~ Erweiterung der Ausgangsseite mit Informationsredundanz
- ~ Mehrheitsentscheid über codierte Prüfsumme

# Erweiterte arithmetische Codierung

nach Forin 1989: "Vital coded microprocessor principles and application for various transit systems"

- Arithmetisch codierter Wert  $V_C$
- Ausgangswert

$$V_C = V * A + B_V + D$$

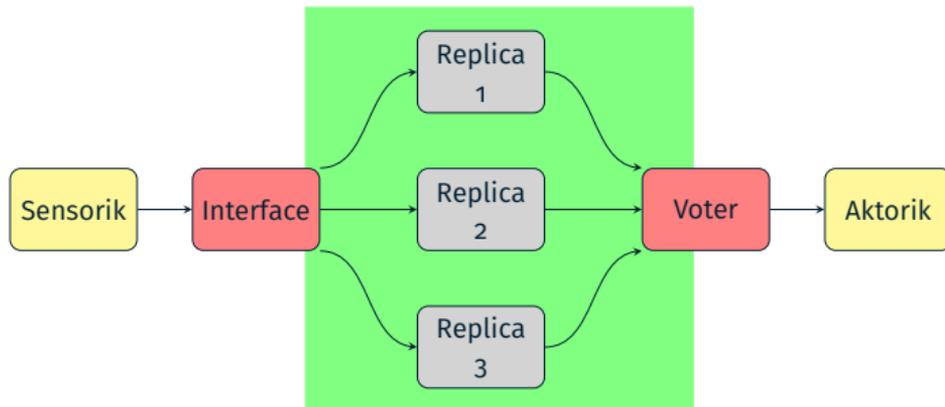
The diagram shows the equation  $V_C = V * A + B_V + D$  with four terms highlighted in colored boxes:  $V$  (purple),  $A$  (red),  $B_V$  (green), and  $D$  (yellow). Arrows point from the list items below to these terms: 'Ausgangswert' points to  $V$ , 'Schlüssel' points to  $A$ , 'Variablenspezifische Signatur' points to  $B_V$ , and 'Zeitstempel' points to  $D$ .

- Schlüssel
- Variablenspezifische Signatur
- Zeitstempel

# Wertebereichseinschränkungen

- Schlüssel  $A$  sollte so groß wie möglich sein:
  - ↷ Möglichst geringe Restfehlerwahrscheinlichkeit ( $P = 1/A$ )
- Wertebereich des dynamischen Zeitstempels
  - $D = \{x \mid x \in \mathbb{N}_0 \wedge x \leq D_{max}\}$
  - Zeitstempel darf überlaufen:  $D_{max} + 1 = 0$
- Für jede Signatur  $B_* \in \mathbb{N}$  muss dann gelten
  - $B_* + D_{max} < A$
  - Die minimale Distanz zwischen jeweils zwei Signaturen im System muss größer  $D_{max}$  sein:  $\forall i, j : |B_i - B_j| > D_{max}$
  - Sämtliche Distanzen zwischen jeweils zwei Signaturen müssen unterschiedlich sein:  $\forall i : \forall j, k : |B_i - B_j| = |B_k - B_j| \Rightarrow i = k$

# Erweiterung I – codierte Ausgangswerte



- Replikate liefern arithmetisch codierte Ergebnisse
- Mehrheitsentscheid auf codierten Prüfsummen
- Übertragung codierter Ergebnisse

# EAN Vergleichsoperator

## Vereinfachung für diese Übungsaufgabe

- Kein Zeitstempel

- Voting basiert auf codierter Vergleichsoperation:

$$\leadsto X_C \equiv Y_C \Rightarrow X * A + B_X \equiv Y * A + B_Y$$

- Im fehlerfreien Fall gilt:

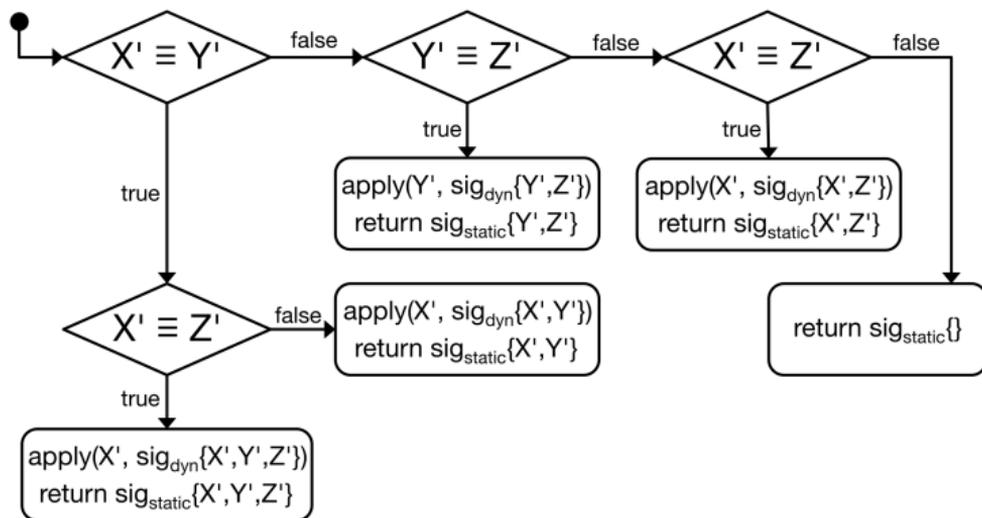
- Rohwerte sind identisch
- Schlüssel ist per Definition identisch
- Signaturen sind unterschiedlich (aber konstant!)

$$X = Y, A = A \text{ aber } B_X \neq B_Y !$$

## Bestimmung der Gleichheit durch Differenzbildung:

$$\leadsto X_C - Y_C = B_X - B_Y = \text{const.}$$

# Codierter Mehrheitsentscheid



- Bestimmung von dynamischer und statischer Signatur:

→  $\text{sig\_dyn}(X', Y') : X' \equiv Y' \Rightarrow X' - Y'$

→  $\text{sig\_static}(X', Y') : X' \equiv Y' \Rightarrow B_X - B_Y$

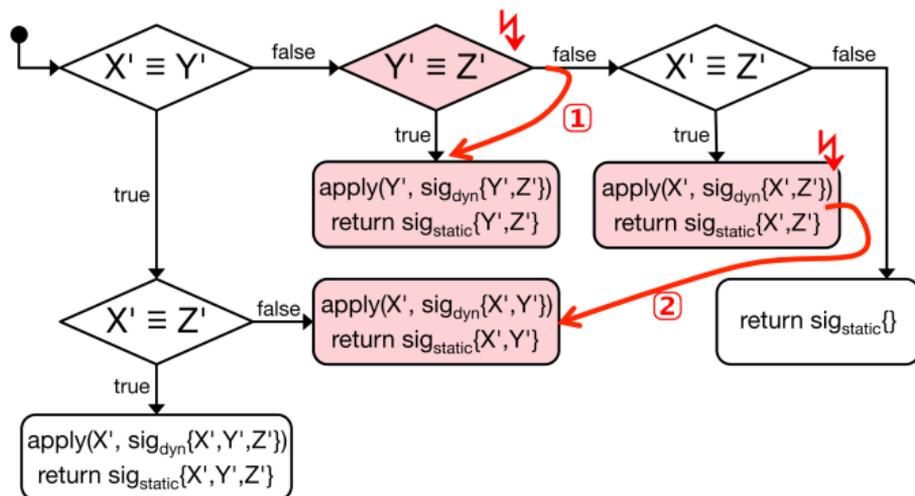
- Für die Signaturen muss gelten:  $B_X > B_Y > B_Z$

## Codierter Mehrheitsentscheid (Forts.)

1. Vergleichsoperation wird durchgeführt (z. B.  $X' \equiv Y' \wedge X' \equiv Z'$ )
  - Berechnung von  $sig_{dyn}$
  - Vergleich mit  $sig_{static}$
2. Verzweigungsentscheidung wird nachberechnet:
  - Wiederholte (redundante) Berechnung von  $sig_{dyn}$
  - Erneuter Vergleich:  $sig_{dyn} = sig_{static}$
  - Addiere  $sig_{dyn}$  (*apply*) zum gewählten Ergebnis
3. Konstante Signatur des durchlaufenen Zweiges identifiziert Gewinner (Rückgabewert:  $sig_{static}$ )
  - Akteur wählt entsprechendes Replikatergebnis
  - Führt inverse Operation zu *apply* durch

Im Voter wurde die *dynamisch berechnete Signatur der Verzweigungsentscheidung* hinzu addiert. Im Akteur wird mit der entsprechenden *konstanten Signatur zurückgerechnet*.

# Codierter Mehrheitsentscheid - Fehlerfall



## 1. Falsche Verzweigungsentscheidung: ( $Y' \not\equiv Z'$ )

- $Y'$  wird als korrekt angenommen,  $sig_{dyn}$  wird berechnet
- allerdings ist  $sig_{dyn}$  tatsächlich  $\neq sig_{static}$
- Fehler wird vor dem `apply` erkannt

## 2. Falscher (plötzlicher) Sprung

# Ausgangslage

- Wähle  $A = 601$
- Initiale Ergebniskodierung in den Replikaten:

	X	Y	Z
Wert	7	5	7
B	37	23	5
Kodiert	$X' = A * 7 + 37$ $= 4244$	$Y' = A * 5 + 23$ $= 3028$	$Z' = A * 7 + 5$ $= 4212$

- Berechnung der statischen Signaturen **vorab, statisch**:

$$sig_{static} \{X', Y', Z'\} = (B_X - B_Y) + (B_X - B_Z) = 46$$

$$sig_{static} \{X', Y'\} = (B_X - B_Y) = 14$$

$$sig_{static} \{Y', Z'\} = (B_Y - B_Z) = 18$$

$$sig_{static} \{X', Z'\} = (B_X - B_Z) = 32$$

# Regulärer Durchlauf

- Das eigentliche Voting geschieht dann zur Laufzeit:

1.  $X' = Y'?$

$$X' - Y' \stackrel{?}{=} \text{sig}_{\text{static}} \{X', Y'\} \Leftrightarrow 4244 - 3028 = 1216 \stackrel{?}{=} 14 \Leftrightarrow \text{false}$$

2.  $Y' = Z'?$

$$Y' - Z' \stackrel{?}{=} \text{sig}_{\text{static}} \{Y', Z'\} \Leftrightarrow 3028 - 4212 = -1184 \stackrel{?}{=} 18 \Leftrightarrow \text{false}$$

3.  $X' = Z'?$

$$X' - Z' \stackrel{?}{=} \text{sig}_{\text{static}} \{X', Z'\} \Leftrightarrow 4244 - 4212 = 32 \stackrel{?}{=} 32 \Leftrightarrow \text{true}$$

4. Berechnung der dynamischen Signaturen zur Laufzeit:

$$\text{sig}_{\text{dyn}} \{X', Z'\} = (X' - Z') = (4244 - 4212) = 32$$

## Regulärer Durchlauf (II)

5.  $sig_{dyn} \{X', Z'\} \stackrel{?}{=} sig_{static} \{X, Z\} \Leftrightarrow 32 \stackrel{?}{=} 32 \Leftrightarrow true$

6.  $X' = apply(X', sig_{dyn} \{X', Z'\}) = 4276$

7.  $B_E \leftarrow sig_{static} \{X', Z'\} = 32$

8.  $return(32)$

9. Nachschlagen der zugrundeliegenden Variable mittels  $B_{dyn} = 32$  (erste Variable der Konsensmenge), basierend auf den vorberechneten statischen Werten:

$$(result_{variable}, result_{extrasignature}) \leftarrow (X', B_X)$$

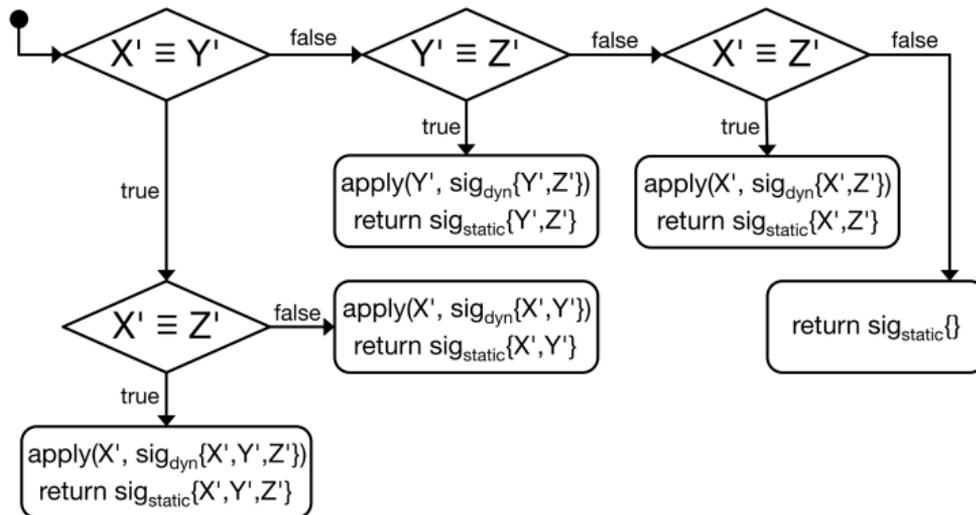
10.  $inv\_apply(result_{variable}, B_{dyn}) = inv\_apply(4276, 32) = 4276 - 32 = 4244$

# Regulärer Durchlauf (III)

## 11. Signaturverifikation:

$$\text{check}(4244, A, B_X): \frac{4244 - B_X}{A} = 7 \text{ Rest: } 0$$

## 12. Ergebnis erfolgreich dekodiert: 7



Es hat somit eine erfolgreiche Einigung auf die Konsensmenge  $\{X', Z'\}$  stattgefunden.

# Ausgangslage (unverändert)

- Wähle  $A = 601$
- Initiale Ergebniskodierung in den Replikaten:

	X	Y	Z
Wert	7	5	7
B	37	23	5
Kodiert	$X' = A * 7 + 37$ $= 4244$	$Y' = A * 5 + 23$ $= 3028$	$Z' = A * 7 + 5$ $= 4212$

- Berechnung der statischen Signaturen **vorab, statisch:**

$$sig_{static} \{X', Y', Z'\} = (B_X - B_Y) + (B_X - B_Z) = 46$$

$$sig_{static} \{X', Y'\} = (B_X - B_Y) = 14$$

$$sig_{static} \{Y', Z'\} = (B_Y - B_Z) = 18$$

$$sig_{static} \{X', Z'\} = (B_X - B_Z) = 32$$

## Fehlerszenario ①

1.  $X' = Y'?$

$$X' - Y' \stackrel{?}{=} \text{sig}_{\text{static}} \{X', Y'\} \Leftrightarrow 4244 - 3028 = 1216 \stackrel{?}{=} 14 \Leftrightarrow \text{false}$$

2.  $Y' = Z'?$

$$Y' - Z' \stackrel{?}{=} \text{sig}_{\text{static}} \{Y', Z'\} \Leftrightarrow 3028 - 4212 = -1184 \stackrel{?}{=} 18 \Leftrightarrow \text{false}$$

3. Hier tritt nun der Operatorfehler ein, die falsche Verzweigung ① wird ausgewählt

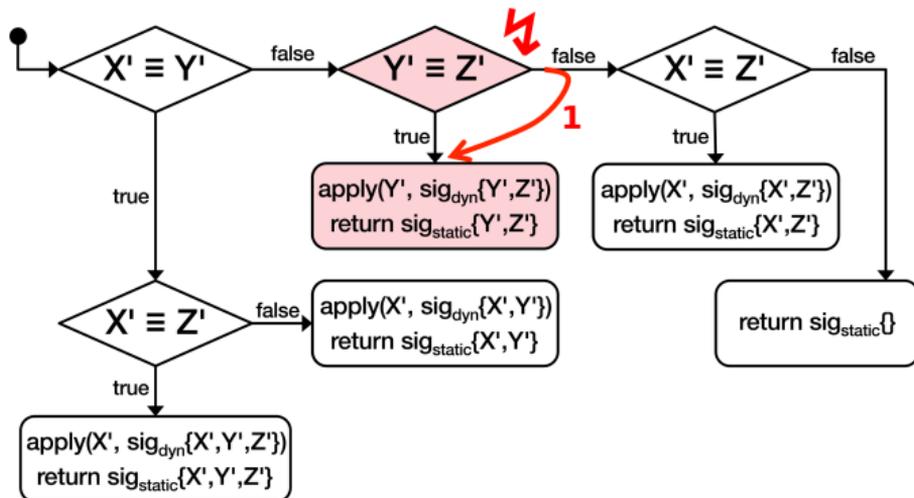
4. Berechnung der dynamischen Signaturen zur Laufzeit:

$$\text{sig}_{\text{dyn}} \{Y', Z'\} = (Y' - Z') = (3028 - 4212) = -1184$$

5.  $\text{sig}_{\text{dyn}} \{Y', Z'\} \stackrel{?}{=} \text{sig}_{\text{static}} \{Y, Z\} \Leftrightarrow -1184 \stackrel{?}{=} 18 \Leftrightarrow \text{false}$

# Fehlerszenario ① (II)

6. Fehler erfolgreich detektiert: Vergleich zwischen  $sig_{dyn}$  und  $sig_{static}$  für Konsensmenge  $\{Y', Z'\}$  fehlgeschlagen



# Ausgangslage (unverändert)

- Wähle  $A = 601$
- Initiale Ergebniskodierung in den Replikaten:

	X	Y	Z
Wert	7	5	7
B	37	23	5
Kodiert	$X' = A * 7 + 37$ $= 4244$	$Y' = A * 5 + 23$ $= 3028$	$Z' = A * 7 + 5$ $= 4212$

- Berechnung der statischen Signaturen **vorab, statisch:**

$$sig_{static} \{X', Y', Z'\} = (B_X - B_Y) + (B_X - B_Z) = 46$$

$$sig_{static} \{X', Y'\} = (B_X - B_Y) = 14$$

$$sig_{static} \{Y', Z'\} = (B_Y - B_Z) = 18$$

$$sig_{static} \{X', Z'\} = (B_X - B_Z) = 32$$

## Fehlerszenario ②

1.  $X' = Y'$ ?

$$X' - Y' \stackrel{?}{=} sig_{static} \{X', Y'\} \Leftrightarrow 4244 - 3028 = 1216 \stackrel{?}{=} 14 \Leftrightarrow \text{false}$$

2.  $Y' = Z'$ ?

$$Y' - Z' \stackrel{?}{=} sig_{static} \{Y', Z'\} \Leftrightarrow 3028 - 4212 = -1184 \stackrel{?}{=} 18 \Leftrightarrow \text{false}$$

3.  $X' = Z'$ ?

$$X' - Z' \stackrel{?}{=} sig_{static} \{X', Z'\} \Leftrightarrow 4244 - 4212 = 32 \stackrel{?}{=} 32 \Leftrightarrow \text{true}$$

4. Berechnung der dynamischen Signaturen zur Laufzeit:

$$sig_{dyn} \{X', Z'\} = (X' - Z') = (4244 - 4212) = 32$$

## Fehlerszenario ②

5.  $sig_{dyn} \{X', Z'\} \stackrel{?}{=} sig_{static} \{X, Z\} \Leftrightarrow 32 \stackrel{?}{=} 32 \Leftrightarrow true$
6.  $X' = apply(X', sig_{dyn} \{X', Z'\}) = 4276$
7. Hier tritt nun der Kontrollflussfehler ② ein
8.  $B_E \leftarrow sig_{static} \{X', Y'\} = 14$
9.  $return(14)$
10. Nachschlagen der zugrundeliegenden Variable mittels  $B_{dyn} = 14$  (erste Variable der Konsensmenge), basierend auf den vorberechneten statischen Werten:

$$(result_{variable}, result_{extrasignature}) \leftarrow (X', B_X)$$

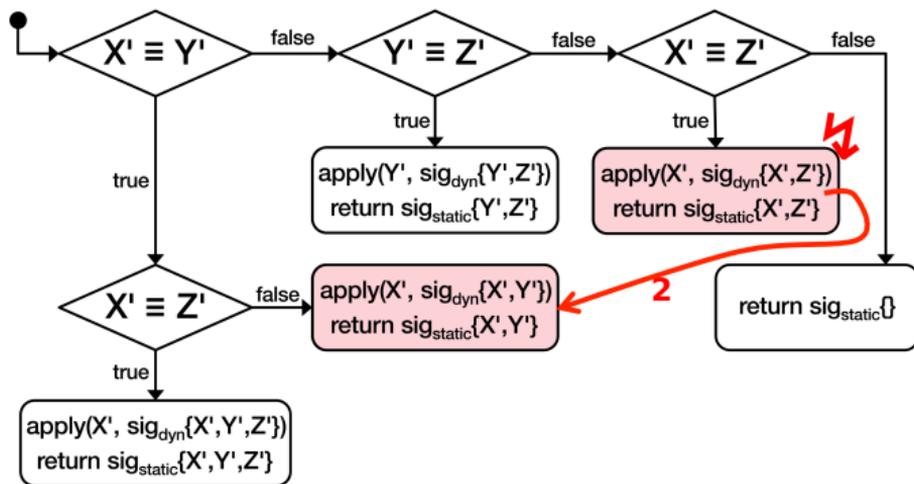
11.  $inv\_apply(result_{variable}, B_{dyn}) = inv\_apply(4276, 14) = 4276 - 14 = 4262$

## Fehlerszenario ② (II)

### 12. Signaturverifikation:

$$\text{check}(4262, A, B_X): \frac{4262 - B_X}{A} = 7 \text{ Rest: } 18$$

### 13. Fehler erfolgreich detektiert: Dekodieren schlägt fehl



## Analyse der Toleranzmaßnahmen

- Fehlerräumenanalyse

- Einfluss des Speichers
- Einfluss der Laufzeit

- Aufrufgraph

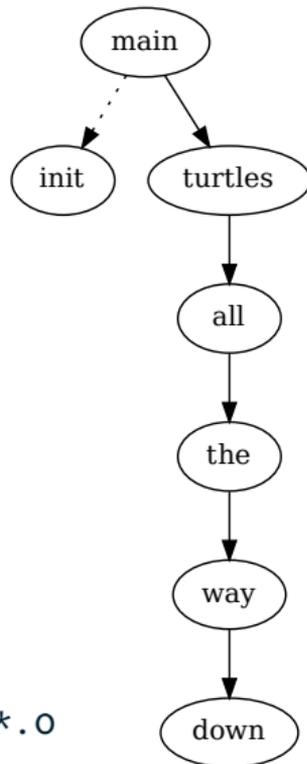
`make callgraph_{baseline,tmr,ean}`

- ELF

`build/{baseline,tmr,ean}.elf`

- Objektdateien

`build/CMakeFiles/{baseline,tmr,ean}.dir/src/*.o`



## Aufgabe

- Absichern des Voters per EAN mittels CoRed-Ansatz
- Berechnungen mit codierten Werten
  - Berücksichtigung der (statischen) Signaturen
    - ↪ Eigene Operationen mit konstanten Signaturwerten notwendig
    - ↪ bspw. eigenes equals anstatt ==

# Verlässliche Echtzeitsysteme - Übungen

Testen

---

Wintersemester 2024

Eva Dengler, Peter Wägemann

Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

Lehrstuhl Informatik 4 (Systemsoftware)

<https://sys.cs.fau.de>

1 Abfangen von Integer-Fehlern

2 Testen

- Vollständig Testen

- Peer-Review

3 Übungsaufgabe

# Defensives Programmieren

- C bietet viele subtile Fehlermöglichkeiten
- Wie verhält man sich als Programmierer richtig?
- *Defensives Programmieren*

↪ beispielhaft anhand von Ganzzahloperationen

## Was soll da schon schiefgehen...

```
unsigned int func(unsigned int a, unsigned int b) {  
    return a + b;  
}
```

## Vorbedingungstest

```
#include <limits.h>  
unsigned int func(unsigned int a, unsigned int b) {  
    if (UINT_MAX - a < b) { raise("wraparound"); }  
    return a + b;  
}
```

## Nachbedingungstest

```
unsigned int func(unsigned int a, unsigned int b) {  
    unsigned int ret = a + b;  
    if (ret < a) { raise("wraparound"); }  
    return ret;  
}
```

## Was soll da schon schiefgehen...

```
unsigned int func(unsigned int a, unsigned int b) {  
    return a - b;  
}
```

## Vorbedingungstest

```
unsigned int func(unsigned int a, unsigned int b) {  
    if (a < b) { raise("wraparound"); }  
    return a - b;  
}
```

## Nachbedingungstest

```
unsigned int func(unsigned int a, unsigned int b) {  
    unsigned int ret = a - b;  
    if (ret > a) { raise("wraparound"); }  
    return ret;  
}
```

## Was soll da schon schiefgehen...

```
unsigned int func(unsigned int a, unsigned int b) {  
    return a * b;  
}
```

## Vorbedingungstest

```
#include <limits.h>  
unsigned int func(unsigned int a, unsigned int b) {  
    if (a == 0 or b == 0) { return 0; }  
    if (UINT_MAX / a < b) { raise("wraparound"); }  
    return a * b;  
}
```

## Was soll da schon schiefgehen...

```
unsigned int func(signed int a) {  
    return (unsigned int) a; /* keine Compilerwarnung wg. Cast */  
}
```

## Vorbedingungstest

```
unsigned int func(signed int a) {  
    if (a < 0) { raise("wraparound"); }  
    return (unsigned int) a;  
}
```

## Was soll da schon schiefgehen...

```
unsigned char func(unsigned long int a) {  
    return (unsigned char) a; /* keine Compilerwarnung wg. Cast */  
}
```

## Vorbedingungstest

```
unsigned char func(unsigned long int a) {  
    if (a > UCHAR_MAX) { raise("overflow"); }  
    return (unsigned char) a; /* keine Compilerwarnung wg. Cast */  
}
```

## Was soll da schon schiefgehen...

```
signed char func(unsigned long int a) {  
    return (signed char) a; /* keine Compilerwarnung wg. Cast */  
}
```

## Vorbedingungstest

```
#include <limits.h>  
signed char func(unsigned long int a) {  
    if (a > SCHAR_MAX) { raise("overflow"); }  
    return (signed char) a;  
}
```

## Was soll da schon schiefgehen...

```
signed char func(signed long int a) {  
    return (signed char) a; /* keine Compilerwarnung wg. Cast */  
}
```

## Vorbedingungstest

```
#include <iso646.h>  
#include <limits.h>  
signed char func(signed long int a) {  
    if (a < SCHAR_MIN or SCHAR_MAX < a) { raise("overflow"); }  
    return (signed char) a; /* keine Compilerwarnung wg. Cast */  
}
```

## Was soll da schon schiefgehen...

```
signed int func(signed int a, signed int b) {  
    return a + b;  
}
```

## Vorbedingungstest

```
#include <iso646.h>  
#include <limits.h>  
signed int func(signed int a, signed int b) {  
    if ((b > 0 and a > INT_MAX - b)  
        or (b < 0 and a < (INT_MIN - b))) { raise("overflow"); }  
    return a + b;  
}
```

## Was soll da schon schiefgehen...

```
signed int func(signed int a, signed int b) {  
    return a - b;  
}
```

## Vorbedingungstest

```
#include <iso646.h>  
#include <limits.h>  
signed int func(signed int a, signed int b) {  
    if ((b > 0 and a < INT_MIN + b)  
        or (b < 0 and a > INT_MAX + b)) { raise("overflow"); }  
    return a - b;  
}
```

## Was soll da schon schiefgehen...

```
signed long func(signed long a, signed long b) {  
    return a / b;  
}
```

## Vorbedingungstest

```
#include <iso646.h>  
#include <limits.h>  
signed long func(signed long a, signed long b) {  
    if (b == 0) { raise("division by 0"); }  
    return a / b;  
}
```

- Reicht das schon?

## Was soll da schon schiefgehen...

```
signed long func(signed long a, signed long b) {  
    if (b == 0) { raise("division by 0"); }  
    return a / b;  
}
```

## Vorbedingungstest

```
#include <iso646.h>  
#include <limits.h>  
signed long func(signed long a, signed long b) {  
    if (b == 0) { raise("division by zero"); }  
    if (a == LONG_MIN and b == -1) { raise("overflow"); }  
    return a / b;  
}
```

## Was soll da schon schiefgehen...

```
signed long func(signed long a, signed long b) {  
    return a % b;  
}
```

## Vorbedingungstest

```
#include <iso646.h>  
#include <limits.h>  
signed long func(signed long a, signed long b) {  
    if (b == 0) { raise("division by zero"); }  
    if (a == LONG_MIN and b == -1) { raise("overflow"); }  
    return a % b;  
}
```

## Was soll da schon schiefgehen...

```
signed long func(signed long a) {  
    return -a;  
}
```

## Vorbedingungstest

```
#include <limits.h>  
signed long func(signed long a) {  
    if (a == LONG_MIN) { raise("overflow"); }  
    return -a;  
}
```

## Was soll da schon schiefgehen...

```
signed int func(signed int a, signed int b) {  
    return a * b;  
}
```

## Vorbedingungstest

```
#include <iso646.h>  
#include <limits.h>  
signed int func(signed int a, signed int b) {  
    if (a == 0 or b == 0) { return 0; }  
    if (a > 0 and b > 0 and a > INT_MAX / b) { raise("overflow"); }  
    if (a > 0 and b < 0 and b < INT_MIN / a) { raise("overflow"); }  
    if (a < 0 and b > 0 and a < INT_MIN / b) { raise("overflow"); }  
    if (a < 0 and b < 0 and b < INT_MAX / a) { raise("overflow"); }  
    return a * b;  
}
```

## Konstruktiver Ausschluss

- Einhalten der Grenzbereiche durch Verifikation sichergestellt
- *beweisbare* Sicherheit

## Garantiertes Ausnahmeverhalten

- auf Sprachebene
  - Rust: Operationen mit Überprüfung (bspw. `checked_add`)
  - D: Operationen mit Überprüfung: `checkedint`
  - Ada: `Constraint_Error` bei Überläufen
- durch die Hardware  $\rightsquigarrow$  MIPS

# Weitere Maßnahmen (II)

## Softwareseitige Maßnahmen

- compilergestützt
  - gcc built-in functions
    - `__builtin_{add,sub,mul}_overflow`
  - spezielle Warnungen nutzen
    - `-W-sign-compare`, `-W-sign-conversion`
    - `-W-strict-overflow`, `-W-shift-overflow`
- mittels Bibliotheken (bspw. *Safe Numerics* von boost.org)

## Keine Patentlösung

- abhängig von Anwendung und System
- muss beim *Systementwurf* bedacht werden
- zieht sich durch die *gesamte Systementwicklung*
- C macht es einem hier nicht einfach

1 Abfangen von Integer-Fehlern

2 Testen

- Vollständig Testen
- Peer-Review

3 Übungsaufgabe

# Spezifikation einer Warteschlange (1)

Die Warteschlange soll folgenden Anforderungen genügen: Es soll möglich sein, eine beliebige Anzahl von Warteschlangen zu erstellen, und die maximale Anzahl der Elemente einer solchen Warteschlange soll nur durch den verfügbaren freien Speicher und die Zahl der Prioritätsebenen begrenzt sein. Jede Prioritätsebene soll innerhalb einer Warteschlange maximal einem Element gleichzeitig zugewiesen sein. 0 entspricht hierbei der höchsten Priorität. Die Warteschlange soll nicht-vorzeichenbehaftete 64 Bit-Ganzzahlen verwalten.

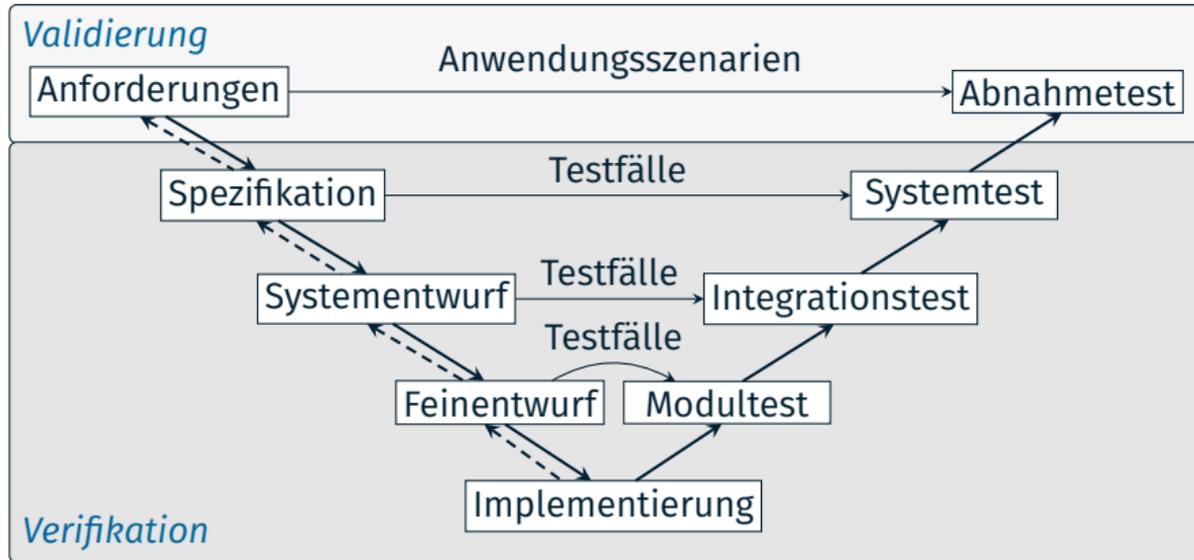
Versucht der Benutzer ein Element mit einer Priorität einzufügen, die in der Warteschlange bereits vergeben ist, so ist dies ein Fehler. Dieser soll nicht durch eine Ausgabe auf dem Bildschirm, sondern durch einen Rückgabewert angezeigt werden. Geht während des Aufrufs einer Warteschlangenoperation der Hauptspeicher aus, so ist dies ein Fehler, über den der Benutzer über die API benachrichtigt wird. Die Reaktion auf den Fehler ist dem Aufrufer überlassen.

## Spezifikation einer Warteschlange (2)

Die Warteschlange soll die Möglichkeit bieten, das höchstpriorre Element zu entfernen und hierbei den Wert dieses Elements dem Benutzer zugänglich zu machen. Ferner soll es möglich sein, die Anzahl der Elemente, die sich derzeit in der Warteschlange befinden, zu erfragen.

Im Fehlerfall soll sich die Warteschlange allgemein gutmütig verhalten, d. h. ein Speicherzugriffsfehler oder nicht definiertes Verhalten sind beispielsweise nicht akzeptabel. Sofern das Verhalten der Warteschlange vom Laufzeitsystem abhängig ist, soll dies dokumentiert werden.

Nebenläufige Operationen auf der Warteschlange müssen **nicht** unterstützt werden. Es ist also keine Synchronisation erforderlich.



- Erste Grundregeln:
  - Testbarkeit von vornherein einplanen
    - ↪ Feingranulare Testfälle
    - ↪ *Separate Testfälle für jede einzelne Funktion!*
  - Teste Datentypen an ihren Wertebereichsgrenzen
  - Fehlerfälle explizit testen
  - *Minimale Testabdeckung* erreichbarer Codeüberdeckung
- Hilfsmittel:
  - Überdeckungsmetriken
  - Automatisierte Testinfrastruktur

## Vorsicht!

- Testfälle können nur die Anwesenheit von Fehlern zeigen
- Nicht deren Abwesenheit! (→ vgl. formale Verifikation)
- ↪ Alle *Randfälle* erkennen und abdecken

# Peer-Review und Quality-Assurance

1. ✉ Betreff: "Euer QA-Team wartet"
2. make doxy: Dokumentation lesen und implementieren
3. make pack-review

**To:** i4ezsmux+projectX-dev@i4.cs.fau.de

**Subject:** Mögliche Fehler

Hallo liebes Dev-Team,

bei uns schlagen die folgenden Tests mit eurer Implementierung fehl:

- unordered\_insert:

Der Test fügt in inverser Reihenfolge ein und prüft den folgenden Satz der Spezifikation "..."

Ausgabe: ...

- .. make pack-review, ALIEN\_TEST, ... im CIP ausführen

Sag ~> Referenzumgebung für alle

- 1 Abfangen von Integer-Fehlern
- 2 Testen
  - Vollständig Testen
  - Peer-Review
- 3 Übungsaufgabe

# Aufgabe 5 – Testen

- Verwendung von GNU/Linux (kein eCos mehr)
- Ziele
  1. Testfokussierter Softwareentwurf
  2. Testfallentwurf
    - Vollständige Pfadüberdeckung
    - Abdecken aller Randfälle
  3. Implementierung von Software und Testfällen
    - Getrennte Implementierung von Software und Testfällen
    - Möglichst durch verschiedene Übungsteilnehmer

~> Peer-Review
- Implementiert werden soll eine *Prioritätswarteschlange*
- Einfügen, Entfernen, *Iterieren*

~> `for (... x = ...; x = ...; ++x) ...!`

  - Implementierung?

- *Datenstruktur als Array* im Header vereinbaren
- Zugriff durch Zeigerarithmetik

```
typedef struct Element { ... } Element;  
Element elements[ELEMENTS_SIZE];  
...  
for (size_t i = 0; i < ELEMENTS_SIZE; ++i)  
    { use(elements[i]); }
```

- *Vorteile:*
  - Einfache Implementierung
  - Für den Compiler leicht zu optimieren
- *Nachteil:* Implementierung offen gelegt  
    ↪ Verpflichtung gegenüber Benutzer

- *Iterator als Teil des Objekts*

- Header:

```
typedef struct Elements Elements;  
void El_reset_iterator(Elements *self);  
void El_next(Elements *self);  
bool El_isAtEnd(Elements *self);  
int64_t El_iterator_value(Elements *self);
```

- Verwendung:

```
El_reset_iterator(dings);  
while(!El_isAtEnd(dings)) {  
    use(El_iterator_value(dings));  
    El_next(dings);  
}
```

## ■ Implementierung:

```
typedef struct Element { int64_t value; } Element;
struct Elements {
    Element elements[ELEMENTS_SIZE];
    Element *it;
};
void El_reset_iterator(Elements *self)
{ self->it = &self->elements }
void El_next(Elements *self)
{ self->it = self->it + 1; }
bool El_isAtEnd(Elements *self)
{ return self->it
    == &(self->elements[ELEMENTS_SIZE]); }
int64_t El_iterator_value(Elements *self)
{ return self->it->value; }
```

## ■ *Vorteil:* Kapselung sehr gut

## ■ *Nachteile:*

- Für den Compiler evtl. nicht mehr optimierbar (Schleife ausrollen)
- So nur ein Iterator gleichzeitig möglich

- *Iterator als eigenes Objekt*

- Header:

```
typedef struct Elements Elements;
typedef struct El_Iterator El_Iterator;

El_Iterator *El_begin(Elements *self);
void El_Iterator_destroy(El_Iterator *self);
void El_Iterator_next(El_Iterator *self);
bool El_Iterator_isAtEnd(El_Iterator *self);
int64_t El_Iterator_value(El_Iterator *self);
```

- Verwendung:

```
El_Iterator *it;
for (it = El_begin(dings);
     not El_Iterator_isAtEnd(it);
     El_Iterator_next(it)) {
    use(El_Iterator_value(it))
}
El_Iterator_destroy(it);
```

## ■ Implementierung:

```
typedef struct Element { int64_t value; } Element;
struct Elements { Element elements[ELEMENTS_SIZE]; };
struct El_Iterator {
    Element *position;
    Element *end;
};

El_Iterator *El_begin(Elements *self) {
    El_Iterator *ret = malloc(sizeof(El_Iterator));
    if (ret == NULL) { return NULL; }
    ret->position = self->elements;
    ret->end = &self->elements[ELEMENTS_SIZE];
    return ret;
}

void El_Iterator_next(El_Iterator *self)
    { self->position += 1; }
bool El_Iterator_isAtEnd(El_Iterator *self) { ... }
int64_t El_Iterator_value(El_Iterator *self) { ... }
void El_Iterator_destroy(El_Iterator *self) { ... }
```

## ■ *Vorteile:*

- Vollständige Kapselung
- Beliebig viele Iteratoren möglich

## ■ *Nachteil:*

- Iterator muss nach Gebrauch beseitigt werden
- Compiler hat evtl. Probleme zu optimieren

⇒ Verwendung in der Übung

# Verlässliche Echtzeitsysteme - Übungen

Analyse

---

Wintersemester 2024

Eva Dengler, Peter Wägemann

Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

Lehrstuhl Informatik 4 (Systemsoftware)

<https://sys.cs.fau.de>

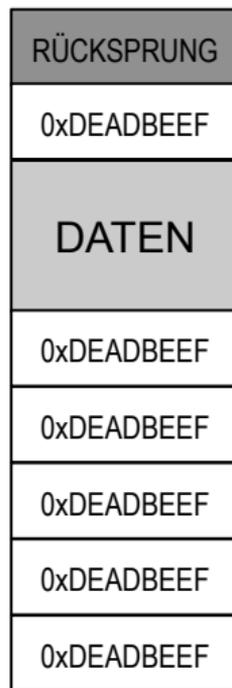
- 1 Stackbedarfsanalyse
- 2 Worst-Case Stack Usage
- 3 AbsInt Stack Analyzer
- 4 Aufgabenstellung



- Harte, verlässliche Echtzeitsysteme
  - Garantien über Ressourcenbedarf notwendig
    - ☞ statische Analyse unabdingbar
- Mögliche Ressourcen: Speicherbedarf, Laufzeit, etc.
- Übung: Analyse des Stackverbrauchs einer Feldbibliothek
- Stack-Analyse
  1. Dynamisch: Wasserstandstechnik
  2. Statisch: „Eigenbau“ und aiT (Stack-Analyzer der a<sup>3</sup> Suite)
- WCET-Analyse mittels aiT (bereits in EZS behandelt)

# Dynamische Analyse des Stapelspeicherbedarfs

- *Messung zur Laufzeit*: Wasserstandsmessung
- Grundidee: Einfügen von **Stack Canaries**
- Explizite Verwaltung des Stapelspeichers notwendig
- pthread-Bibliothek ermöglicht Verwaltung
- Mögliche Canaries
  - Lesbare Bitmuster: 0xDEADBEEF
  - Unwahrscheinliche Bitmuster: 0b101010101010...
  - Kleinere Bitmuster  $\leadsto$  größere Auflösung
- ⚠ Keine allgemeingültigen Aussagen
  - Liefert nur den konkreten Bedarf der Messungen
  - Vorsichtige Aussagen über Worst-Case-Verhalten
- Einsatz zur dynamischen Fehlererkennung





## 1. (Globalen) Stack anlegen:

```
static unsigned int g_data[DATA_SIZE];
```

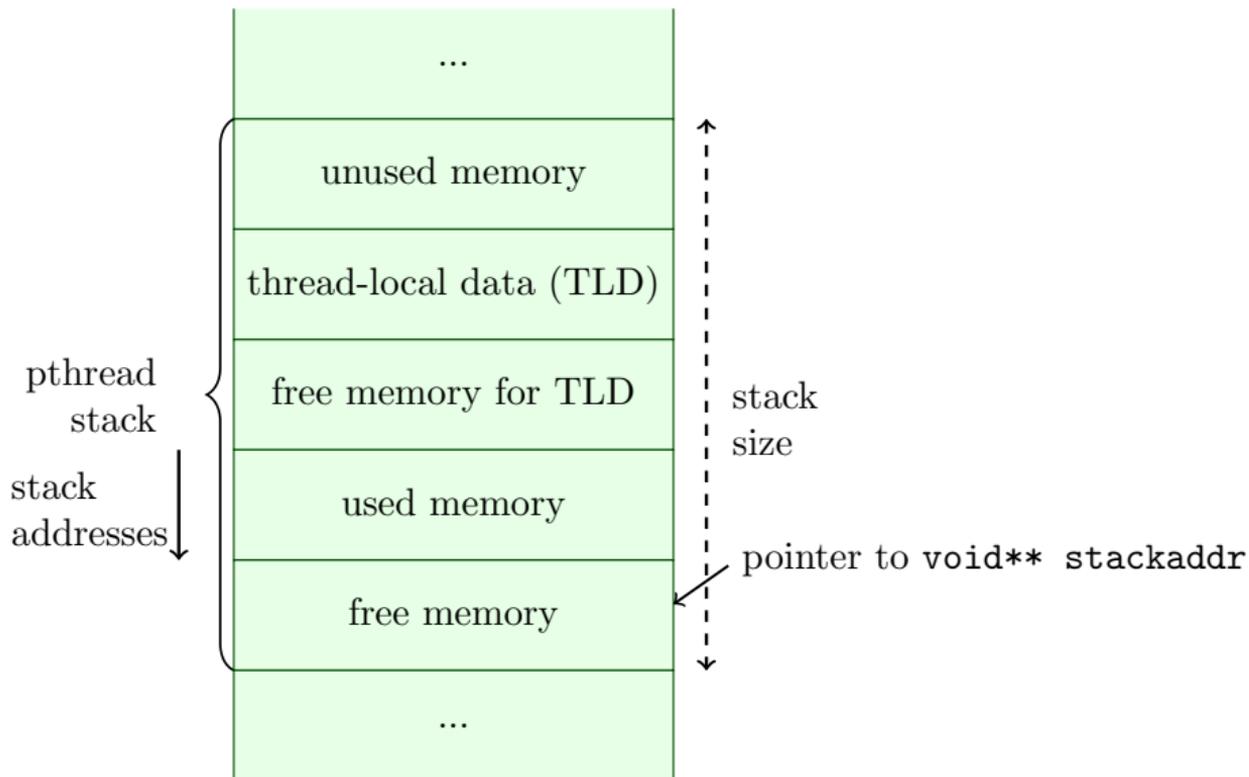
## 2. Thread anlegen & starten:

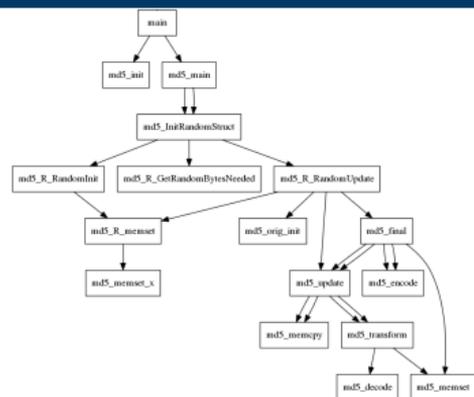
```
pthread_t thread;  
pthread_attr_t attr;  
pthread_attr_init(&attr);  
pthread_attr_setstack(&attr, &g_stack, STACK_SIZE);  
// worker function: void *run(void *param)  
int status = pthread_create(&thread, &attr, run, NULL);  
if (status != 0) { ... // handle error
```

## 3. Auf Thread warten:

```
pthread_join(thread, &ret);
```

# pthread Stack





```
/* Objective function */
max: +16 md5_orig_init +64 md5_update \
     +64 md5_final +16 md5_memset \
     +208 md5_transform +16 md5_encode ...;
```

```
/* Constraints */
+main = 1;
+md5_init +md5_main <= +main;
...
```

## ■ Beispiel: md5-Summe<sup>1</sup>

## ■ Vorgehen

1. Callgraph bestimmen
2. Stackbedarf einzelner Funktionen (gcc -fstack-usage)
3. ILP<sup>2</sup> aufstellen (Nebenbedingungen aus 1., Kosten aus 2. verwenden)
4. ILP z.B. mittels lp\_solve  $\leadsto$  **maximaler Stackbedarf**

<sup>1</sup><https://github.com/tacle/tacle-bench/>

<sup>2</sup>Integer Linear Program (dt. ganzzahliges lineares Programm)

# Optimierungsziel

- Jeder Stapelrahmen einer Funktion  $f$  hat eine Größe  $size$
- Jede Funktion kann auf einem Pfad ein- oder mehrfach (Rekursion), insgesamt  $n$ -fach auf dem Stapel vorkommen
- Gesucht: Fluss durch den Aufrufgraphen, welcher Stapelbedarf maximiert
- Dabei müssen **Flussbedingungen** eingehalten werden
  - Aufruferbeziehung
  - Alternativen
  - ...

## Optimierungsziel

$$\max \sum_{\text{Funktion } f} size_f \cdot n_f$$

In lp\_solve -Syntax: `max : +64 n_f1 +48 n_f2 +42 n_f3 ;`

# Flussbedingung: Initialer Aufruf

## Semantik

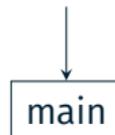
Der initiale Aufruf erfolgt maximal (wahlweise auch genau) ein mal

## Formalisierung

$$n_{\text{main}} \leq 1$$

## lp\_solve -Syntax

```
n_main <= 1;
```



# Flussbedingung: Mehrere Vorgänger

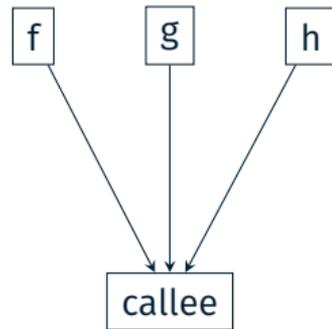
## Semantik

Jede Funktion kann nur so oft ausgeführt werden, wie sie von den Vorgängern aus aufgerufen wird

## Formalisierung

Sei  $f_{a \rightarrow b}$  die Anzahl der Aufrufe von b durch a:

$$n_{callee} \leq \sum_{p \in \text{Aufrufer}(callee)} f_{p \rightarrow callee}$$



## lp\_solve -Syntax

```
n_callee <= + f_f_callee + f_g_callee + f_h_callee ;
```

# Flussbedingung: Immer nur ein Nachfolger pro Funktion

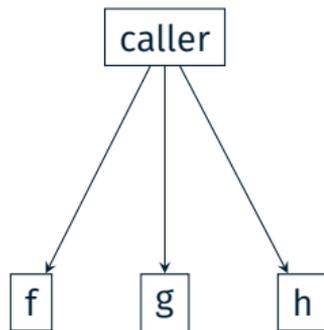
## Semantik

Jede Funktionsinkarnation ruft gleichzeitig jeweils maximal eine weitere Funktion auf

## Formalisierung

Sei  $f_{a \rightarrow b}$  die Anzahl der Aufrufe von  $b$  durch  $a$ :

$$\sum_{c \in \text{Aufgerufene}(\text{caller})} f_{\text{caller} \rightarrow c} \leq n_{\text{caller}}$$



## lp\_solve -Syntax

```
+ f_caller_f + f_caller_g + f_caller_h <= n_caller ;
```

# Flussbedingung: Rekursion

## Semantik

Rekursive Funktionen können pro Aufruf von außen bis zu ihrer maximalen Rekursionstiefe ( $d$ ) oft ausgeführt werden.

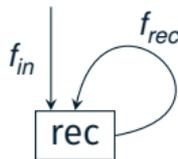
## Formalisierung

$$f_{rec} \leq d_{rec} \cdot f_{in}$$

$$n_{rec} \leq f_{in} + f_{rec}$$

## lp\_solve -Syntax

```
f_rec <= +42 f_in ;  
n_rec <= f_in + f_rec ;
```



# Beispiel

## ■ Problemformulierung in lpsolve:

```
max: +40 n_main +20 n_f +60 n_g;
```

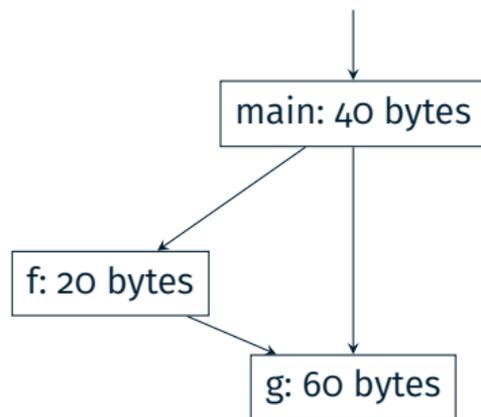
```
n_main <= 1;  
+f_main_f +f_main_g <= n_main;  
n_f <= +f_main_f;  
+f_f_g <= n_f;  
n_g <= +f_f_g +f_main_g;
```

## ■ Ausgabe von lp\_solve :

```
Value of objective function: 120.00000000
```

```
Actual values of the variables:
```

n_main	1
n_f	1
n_g	1
f_main_f	1
f_main_g	0
f_f_g	1



# LP-Solve Fallstricke: Infeasible model

```
$ lp_solve infeasible.lp  
This problem is infeasible
```

## Infeasible Models

Logischer Widerspruch in Nebenbedingungen

Leider bietet `lp_solve` selbst direkt keine Hilfestellung zur Lokalisation.  
Die Entwickler empfehlen das Einführen von “slack”-Variablen:<sup>3</sup>

<code>max: x + y;</code>	<code>max: x + y</code>	<code>x: 20</code>
<code>x + 1 &lt;= x;</code>	<code>-1000 e_1</code>	<code>y: 20</code>
<code>y &gt; y + 1;</code>	<code>-1000 e_2;</code>	<code>e_1: 1</code>
<code>x &lt;= 20;</code>	<code>x + 1 - e_1 &lt;= x;</code>	<code>e_2: 1</code>
<code>y &lt;= 20;</code>	<code>y + e_2 &gt; y + 1;</code>	
	<code>x &lt;= 20;</code>	
	<code>y &lt;= 20;</code>	

<sup>3</sup><http://lpsolve.sourceforge.net/5.5/Infeasible.htm>

# LP-Solve Fallstricke: Unbounded model

```
$ lp_solve unbounded.lp  
This problem is unbounded
```

## Unbounded Models

Eine oder mehrere der Variablen sind nach oben unbeschränkt

Durch künstliche Beschränkung aller Variablen im System (auf einen sehr großen Wert) lassen sich unbeschränkte Variablen detektieren:

```
max: x + y + z;  
z <= y + 1;  
y <= 20;
```

```
max: x + y + z;  
z <= y + 1;  
y <= 20;  
x <= 5000;  
y <= 5000;  
z <= 5000;
```

```
x: 5000  
y: 20  
z: 21
```

- `lp_solve` ist auf die Lösung linearer Gleichungssysteme ausgelegt
- Es ist dementsprechend nicht möglich, zwei Variablen zu multiplizieren
  - `a * b`  $\Rightarrow$  Syntaxfehler
  - `max: a b`  $\Rightarrow$  optimiert  $a + b$
- Lösung in VEZS für Konstanten (Stapelrahmengrößen):

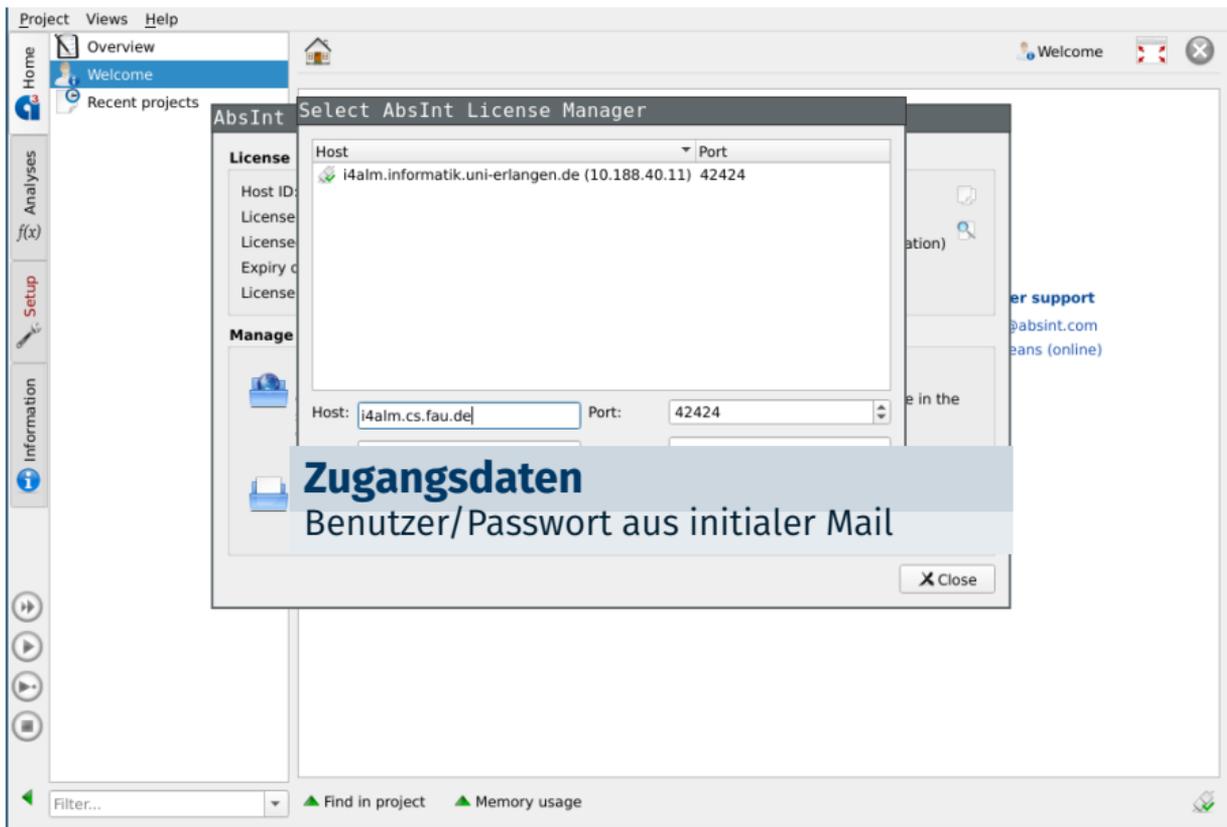
C-Präprozessor:

```
#define s_main 40  
#define s_f 20  
#define s_g 60
```

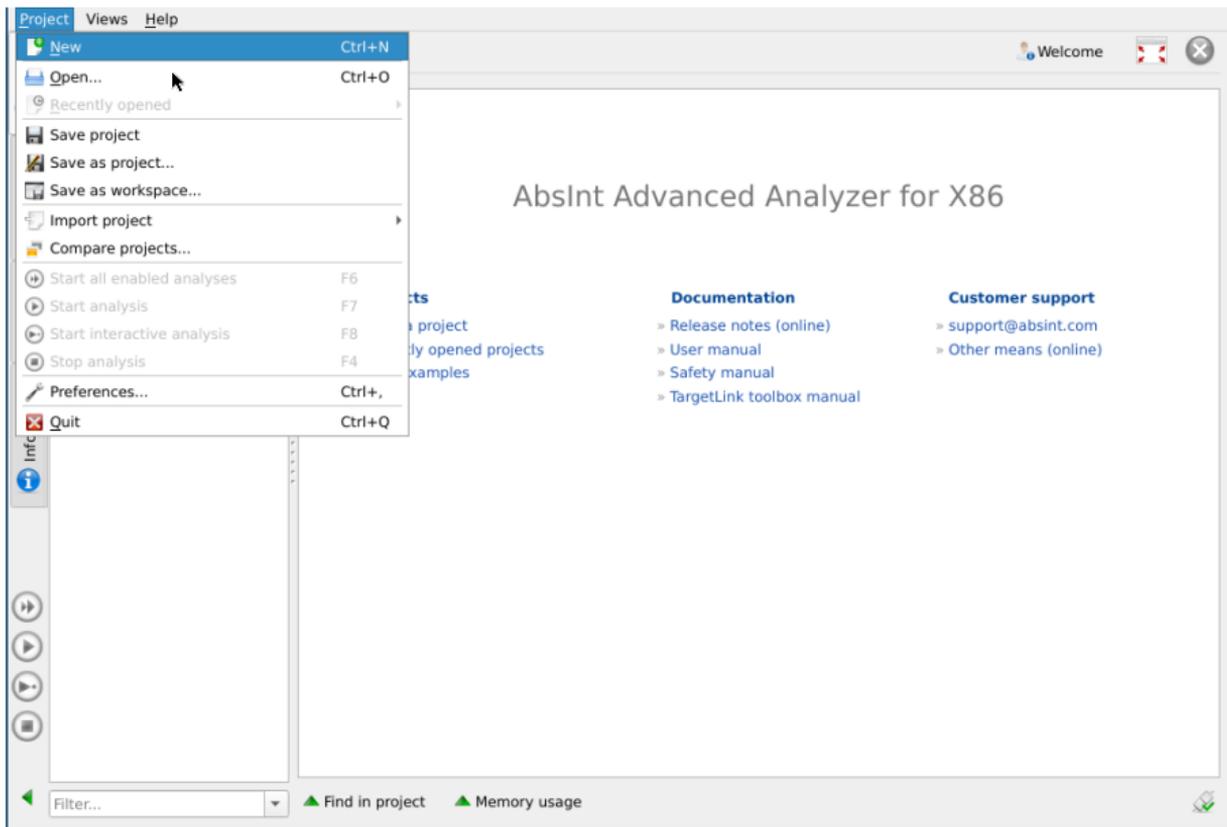
```
max: +s_main n_main +s_f n_f +s_g n_g;
```

- Statische Code-Analyse mit a<sup>3</sup> Tool-Suite
  1. aiT: WCET-Analyse
  2. Stack-Analyzer: Stackbedarf
  3. ...
- Installiert im CIP-Pool
- `/proj/i4ezs/tools/a3_x86/bin/a3x86`

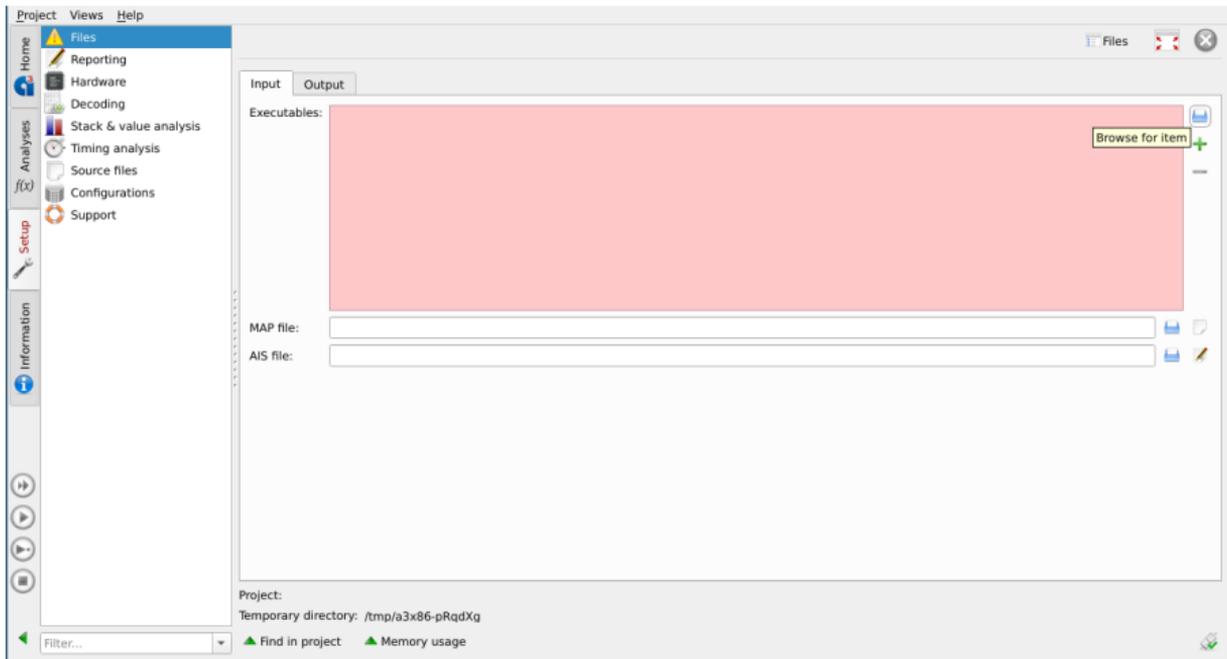
# a<sup>3</sup> Analyzer – Lizenzserver



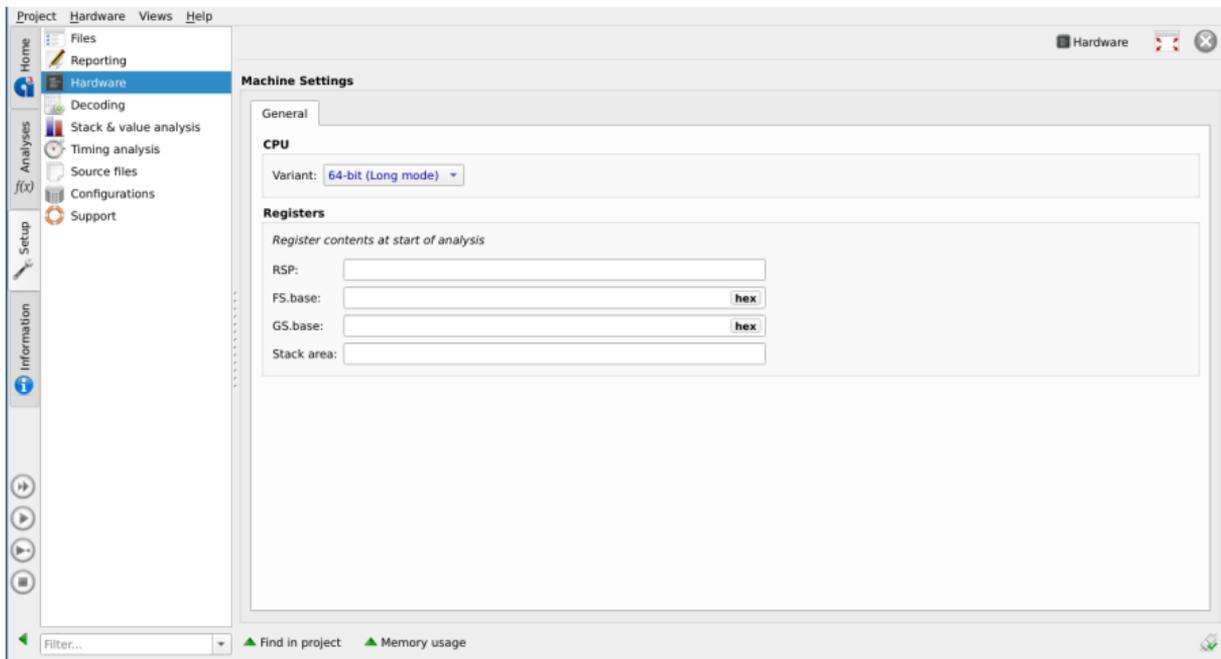
# a<sup>3</sup> Analyzer – Neues Projekt Anlegen



# a<sup>3</sup> Analyzer – Executable Angeben



# a<sup>3</sup> Analyzer – Hardware Auswählen



# a<sup>3</sup> Analyzer – Stack-Analyse Selektieren

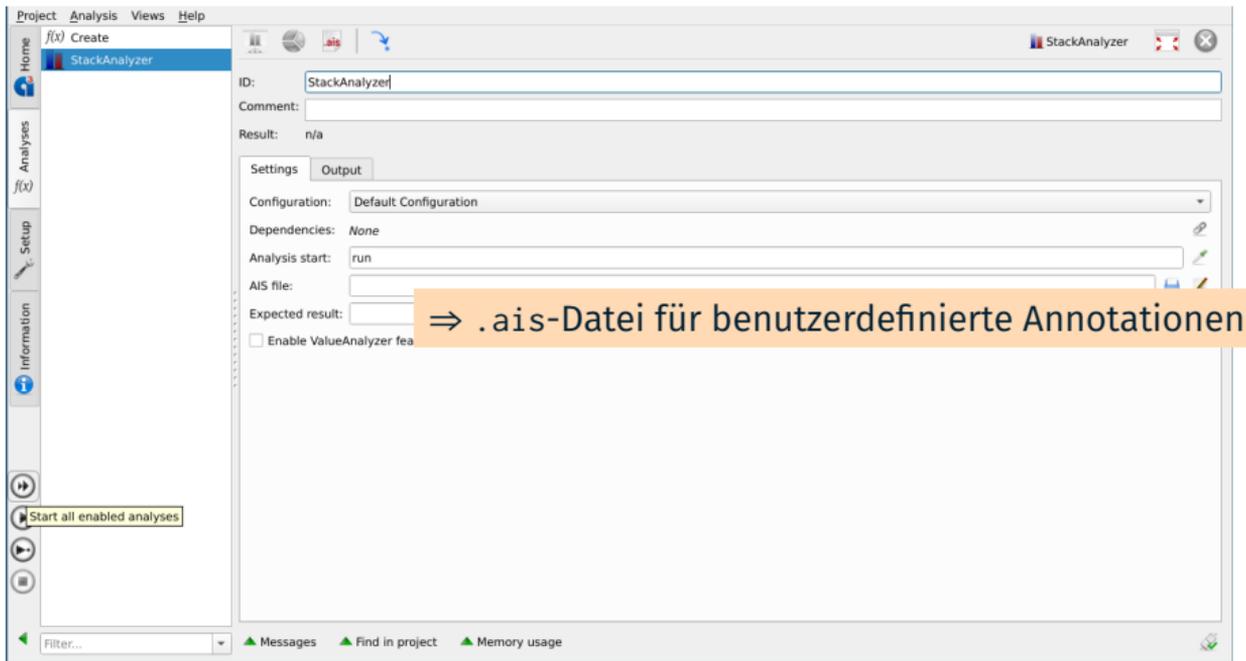
The screenshot displays the a3 Analyzer application window. The title bar shows 'Project Views Help' and the current project is 'f(x) Create'. The left sidebar contains navigation buttons for 'Home', 'Analyses', 'Setup', and 'Information'. The main area is titled 'f(x)' and contains a text box with the instruction: 'You can also use the **Symbols** or **DWARF** view to create multiple analyses of the same type by selecting the analysis entries and using the **Create analyses** action from the toolbar or context menu.'

Below the instruction, four analysis options are listed:

- StackAnalyzer**: Stack usage analysis (represented by a bar chart icon)
- ValueAnalyzer**: Program value analysis (represented by a binary code icon)
- ResultCombinator**: Combination of results according to formula (represented by a greenboard icon with the equation  $Z+Z=4$ )
- Control-Flow Visualizer**: Visualization of control-flow graph (represented by a flowchart icon)

At the bottom of the window, there is a 'Filter...' dropdown menu and two buttons: 'Find in project' and 'Memory usage'. A small green icon is visible in the bottom right corner.

# a<sup>3</sup> Analyzer – Stack-Analyse Starten



# a<sup>3</sup> Analyzer – Analyseoutput

The screenshot shows the StackAnalyzer application interface. The main window displays the analysis results for a project named 'StackAnalyzer'. The results are categorized into 'Control-Flow & Stack Analysis' and 'Reporting'. A specific warning is highlighted with a yellow background and a red triangle icon: '#1033: ELF file is not an executable, but shared object file.' and '#1033: ELF file is not a statically linked executable, but contains dyn'. A pink callout box with an arrow points to this warning, containing the text '⇒ Warnung zu ELF ignorieren'. Other visible warnings include '#1034: ELF file is not a statically linked executable, but contains dyn' and '#1097: For routine 'h' the default incarnation limit of 1 is used.'. The interface also shows settings for configuration, dependencies, and analysis start options. The bottom status bar indicates 'Overall analysis time: <1s'.

Project: Analysis Views Help

StackAnalyzer

ID: StackAnalyzer

Comment:

Result: System: 96 bytes

Settings Output

Configuration: Default Configuration

Dependencies: None

Analysis start: run

AIS file:

Expected result:

Enable ValueAnalyzer features

Errors, warnings and info Latest log

StackAnalyzer - StackAnalyzer (0 Errors, 4 Warnings): Finished on 2020-06-15 at 17:10:14 after analyzing for 1 second

Control-Flow & Stack Analysis

- Reading binary 'stacktest'.
  - #1033: ELF file is not an executable, but shared object file.
  - #1033: ELF file is not a statically linked executable, but contains dyn
  - #1034: ELF file is not a statically linked executable, but contains dyn
- Using decoder for 'x86\_64' and compiler 'GCC'.
  - Recursion 0x1125 'h' found, recursion members:
    - Value analyzer statistics (max-length=2, default-unroll=2, normal mode):
      - Loop analysis found 0 loop bounds.
  - The analyzer optimized the stack graph of entry 'run' from 5/5 to 2/2 nodes \* calls (non-optimizable routines: 2).
- #1097: For routine 'h' the default incarnation limit of 1 is used.
  - The analyzer optimized the stack graph of entry 'run' from 5/5 to 4/4 nodes \* calls (non-optimizable routines: 2).
  - Maximum global stack height: 96
  - Last process took 0 s and used not more than 30 MB (RSS 13 MB) of memory
- Reporting
  - Creating HTML report
    - Finished on 2020-06-15 at 17:10:14 after analyzing for 1 second with 0 errors, 4 warnings

Filter... Messages Find in project Memory usage Overall analysis time: <1s

# a<sup>3</sup> Analyzer – Callgraph

The screenshot displays the a3 Analyzer interface for the StackAnalyzer project. The top menu bar includes Project, Analysis, Views, and Help. The left sidebar shows navigation options: Home, Analysis, Setup, and Information. The main window is titled 'StackAnalyzer' and contains the following sections:

- Settings:** Configuration is set to 'Default Configuration'. Dependencies are 'None'. Analysis start is 'run'. AIS file is empty. Expected result is empty. There is an unchecked checkbox for 'Enable ValueAnalyzer features'.
- Output Log:** Shows a summary: 'StackAnalyzer - StackAnalyzer (0 Errors, 4 Warnings): Finished on 2020-06-15 at 17:10:14 after analyzing for 1 second'. Below this, a 'Control-Flow & Stack Analysis' section lists warnings: '#1030: ELF file is not an executable, but shared object file.', '#1033: ELF file is not a statically linked executable, but contains relocations.', and '#1034: ELF file is not a statically linked executable, but contains dynamic link information.' It also notes 'Using decoder for 'x86\_64' and compiler 'GCC'', 'Recursion 0x1125 'r' found, recursion members:', and 'Value analyzer statistics (max-length=2, default-unroll=2, normal mode):'. A 'Reporting' section indicates 'Finished on 2020-06-15 at 17:10:14 after'.

A context menu is open over the log, with 'Show in call graph' selected. Other menu items include Copy, Copy part, Show in disassembly, Show in file, Copy path, Copy AIS annotation, Find 'limit' in DWARF, Show all folded messages of this type, Show all folded messages, Reset state of all folded messages, Clear all, Expand recursively, Collapse recursively, Expand all, and Collapse all.

At the bottom right, the overall analysis time is shown as '<1s'.

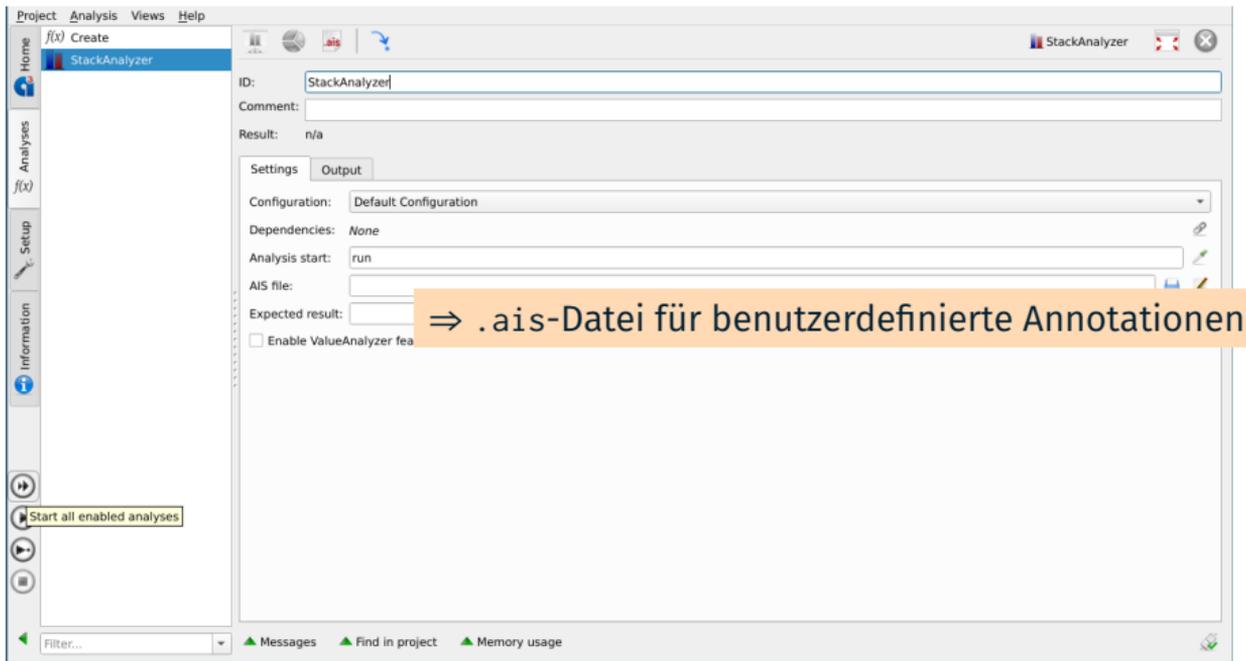
# a<sup>3</sup> Analyzer – Annotationstemplate kopieren

The screenshot displays the a3 Analyzer interface. At the top, a menu bar includes 'Project', 'Analysis', 'Graph', 'Views', and 'Help'. Below the menu, a toolbar contains various icons for file operations and analysis. The main window shows a stack graph with nodes for 'run: [-8..32]', 'g: [-8..32]', and '[REC]'. A context menu is open over the '[REC]' node, listing actions such as 'Toggle fold', 'Show address in disassembly', 'Find address in DWARF', 'Show source', 'Copy AIS annotation', 'Show message', 'Create analyses...', 'Show analysis statistics (context)', 'Unfold', 'Unfold recursively', 'Unfold routines to basic-block level', 'Exclusive subgraph', 'Scale to fit selection', 'Copy', 'Copy address', 'Copy name', 'Go to caller', and 'Go to target h'. A secondary menu is also visible, listing 'Recursion bounds', 'Incarnation limit', 'Enter with', 'Infeasible', and 'Not analyzed'. The bottom panel shows a log of messages, including warnings about ELF files and stack optimization. A semi-transparent text box in the foreground contains the following text:

## Ais-Notationen

- Auch als C-Kommentar verwendbar
- `// ai: routine "h" recursion bound : 0 .. 42;`

# a<sup>3</sup> Analyzer – Stack-Analyse Starten



# a<sup>3</sup> Analyzer – Annotationstemplate kopieren

The screenshot displays the a3 Analyzer interface. At the top, a menu bar includes Project, Analysis, Graph, Views, and Help. Below it, a toolbar contains icons for Home, Create, StackAnalyzer, AIS files, and Analysis graph. The main window shows a stack graph with nodes: 'run: [-8..32]', 'g: [-8..32]', and '[REC]'. A context menu is open over the '[REC]' node, listing actions like 'Toggle fold', 'Show address in disassembly', 'Find address in DWARF', 'Show source', 'Copy AIS annotation', 'Show message', 'Create analyses...', 'Show analysis statistics (context)', 'Unfold', 'Unfold recursively', 'Unfold routines to basic-block level', 'Exclusive subgraph', 'Scale to fit selection', 'Copy', 'Copy address', 'Copy name', 'Go to caller', and 'Go to target h'. A secondary menu is open over 'Copy AIS annotation', listing 'Recursion bounds', 'Incarnation limit', 'Enter with', 'Infeasible', and 'Not analyzed'. The bottom panel shows 'Errors, warnings and info' with a log entry: 'StackAnalyzer - StackAnalyzer (0 Errors, 4 Warnings): Finished on 2020-06-15 at 17:10:14'. The log includes warnings about ELF files and a note that the analyzer optimized the stack graph for entry 'run' from 5/5 to 2/2 nodes \* calls (non-optimizable). A note states: '#1032: For routine "h" the default incarnation limit of 8 is used. The analyzer optimized the stack graph of entry "run" from 5/5 to 4/4 nodes \* calls (non-optimizable). Maximum global stack height: 96. Last process took 0 s and used not more than 30 MB (RSS 13 MB) of memory.'

## Ais-Notationen

- Auch als C-Kommentar verwendbar
- `// ai: routine "h" recursion bound : 0 .. 42;`

# a<sup>3</sup> Analyzer – Kommentar-Parsing Aktivieren

The screenshot displays the a3 Analyzer software interface. The left sidebar contains a navigation menu with categories: Home (Files, Reporting, Hardware, Decoding), Analyses (Stack & value analysis, Timing analysis, Source files, Configurations), Setup, and Information. The 'Decoding' option is selected. The main window title is 'Decoding' and it includes standard window controls. The settings are organized into three sections:

- Annotations:**
  - Use legacy AIS annotations
  - Extract annotations from executables
  - Extract annotations from source files

AIS source code annotation prefix:  // ai: loop here bound: \_
- Decoding:**
  - Use only safe patterns
  - Always read program headers
  - Enable value-iterative decoding
  - Enable trace-iterative decoding
  - Use automatic annotations for call graph creation and disassembly
- DWARF Debug Information:**
  - Extract debug information
  - Extract volatile memory regions
  - Extract constant memory regions

At the bottom of the window, there is a 'Filter...' dropdown, 'Find in project' and 'Memory usage' buttons, and a status indicator 'Overall analysis time: <1s'.

- Existierende Implementierung: Array-Datenstruktur
- Vorgegebene Funktionen: Sortieren, Maximumssuche, ...
- Aufgaben
  1. Dynamische Analyse
    - 1.1 Thread erstellen
    - 1.2 Stack initialisieren
    - 1.3 Programm (mit Eingabedaten) ausführen
    - 1.4 Stackverbrauch messen
  2. Statische Analyse
    - 2.1 ILP aus Aufrufgraph aufstellen
    - 2.2 Mittels `lp_solve` lösen
    - 2.3 Verwendung `a3` Stack-Analyzer
  3. Optional: Zeitanalyse mit `aiT`

# Verlässliche Echtzeitsysteme - Übungen

## Abstrakte Interpretation & Verifikation

---

Wintersemester 2024

Eva Dengler, Peter Wägemann

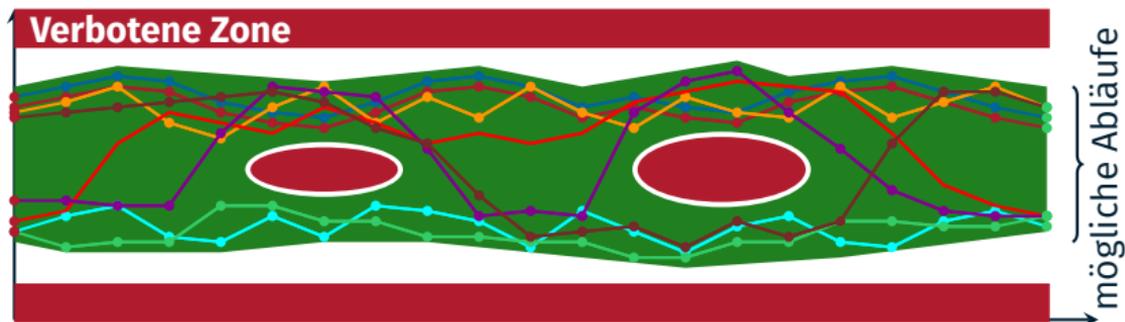
Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

Lehrstuhl Informatik 4 (Systemsoftware)

<https://sys.cs.fau.de>

- 1 Abstrakte Interpretation mit Astrée
- 2 Formale Verifikation mit Frama-C
- 3 Aufgabenstellung
- 4  $\alpha$ - $\beta$ -Filter

# Abstrakte Interpretation



- *Abstrakte Interpretation* (engl. *abstract interpretation*)
  - Betrachtet eine *abstrakte Semantik* (engl. *abstract semantics*)
    - Sie umfasst **alle Fälle der konkreten Programmsemantik**
  - Ist die abstrakte Semantik sicher  $\Rightarrow$  konkrete Semantik ist sicher

- Ziel: Nachweis der Abwesenheit von Laufzeitfehlern
- Findet *alle* potentiellen Laufzeitfehler
- Leider auch *falsch-positive*  
    ↪ **Gödelsches Unvollständigkeitstheorem**

## Programm ist korrekt, wenn

- Astrée keine Alarme meldet
- Oder für alle Alarme nachgewiesen, dass falsch-positiv

- Überschreitung von Array-Grenzen
- Ganzzahldivision durch Null
- Ungültige Dereferenzierung, arithmetische Überläufe
- Ungültige Gleitkommaoperationen
- Unerreichbarer Code
- Lesezugriff auf nicht initialisierte Variablen
- Verletzung benutzerdefinierter Zusicherungen  
     $\rightsquigarrow$  `assert()`

# Einschränkungen

- Rekursion prinzipiell erlaubt, wird aber nicht analysiert
  - ↳ für Rekursionsergebnis werden keine Einschränkungen ermittelt
- Auswertungsreihenfolge in C nicht vollständig spezifiziert
  - ↳ *eine* bestimmte Ordnung wird angenommen
    - stimmt nicht notwendigerweise mit Compiler überein
    - optionale Warnung durch Astrée
- Funktionen der Standard-C-Bibliothek werden nicht erkannt
  - ↳ mitgelieferte Stubs nutzen
- Dynamischer Speicher nicht erlaubt
  - ↳ kein `malloc()`
    - keine Einschränkung im sicherheitskritischen Echtzeitbereich

Astrée nimmt an, dass folgende semantische Regeln gelten:

1. Der C99-Standard
2. Implementierungsabhängiges Verhalten
  - Größe von Datentypen
  - Gleitkommastandard
  - ...
3. Benutzerdefinierte Einschränkungen
  - z. B. ob statische Variablen mit 0 initialisiert werden
4. Außerdem *benutzerspezifizierte Zusicherungen*  
    ↪ und da wird es interessant ☺

# Benutzerdefinierte Zusicherungen

## `__ASTREE_known_fact((B))`

- Analyser nimmt an, dass B gegeben ist
- Analyser warnt, falls B *nie wahr werden kann*
- `__ASTREE_known_range((V; [a, b]))`  $\rightsquigarrow$  Wertebereich

## `assert((B)) / __ASTREE_assert((B))`

- Analyser erzeugt Alarm, falls B *nicht immer wahr ist*
- Analyser nimmt danach an, dass B gilt
- B kann nicht von der Form `e1 ? e2 : e3` sein
- `__ASTREE_global_assert(())`  $\rightsquigarrow$  gesamtes Programm
- `__ASTREE_check((B))`  $\rightsquigarrow$  keine Annahme über B danach
- B muss seiteneffektfrei sein
- *Doppelte Klammerung ist wichtig!*

# Beispiel

```
#include <astree.h> // Astree-Makros ggf. abschalten

float filter(Alpha_State *s, float val) {
    __ASTREE_known_fact((val == val)); // known_fact(!isnan(val))
    __ASTREE_known_fact((-10.0f < val && val < 10.0f));
    __ASTREE_known_fact((s->val == s->val));
    __ASTREE_known_fact((FLT_MIN < s->val
                        && s->val < FLT_MAX));
    __ASTREE_assert((0.0f < s->alpha));
    __ASTREE_assert((s->alpha < 1.0f));

    float residual = val - s->val;
    s->val = s->val + s->alpha * residual;

    __ASTREE_assert((s->val == s->val));
    // ...
    return s->val;
}
```

## \_\_ASTREE\_modify((V1, ..., Vn[;effect]))

- Modelliert Veränderung der Variablen V1 bis Vn

↪ Braucht man, um Stubs zu bauen

- Beispiele

- Emulation von Sensoren
- Beschreibung des Verhaltens von Bibliotheksfunktionen

- Kein *effect* ↪ kompletter Wertebereich (inklusive NaN, +/-Inf)

## Beispiel

```
#ifdef __ASTREE__
__ASTREE_modify((x; full_range)); // alles außer NaN, +/-Inf
__ASTREE_modify((x; [10, 20])) // Einschränkung auf Intervall
#else
// ... Implementierung
#endif
```

# Schleifen ausrollen

- Astrée beschreibt abstrakte Semantik
- Frage: Wie viele Schleifendurchgänge betrachten?
- ↪ Astrée versucht Aufwand zu vermeiden
- ↪ Schleifen werden (standardmäßig) einmal ausgerollt
- Konsequenz:

## Beispiel

```
unsigned int i = 0;
unsigned int j = 20;
while (j > 0) { --j; ++i; }
```

- Astrée kann nicht zeigen, daß die Schleife terminiert (☞ Satz von Rice)
- ↪ Annahme für weitere Analyse: i läuft über

## Lösung:

```
__ASTREE_unroll((30))
while (j > 0) { --j; ++i; }
```

# Verzweigungen

- Dito bei Verzweigungen
  - Astrée betrachtet normalerweise nur schlimmsten Fall aller Zweige
- ~> Pessimistisches Ergebnis
- Falls Betrachtung der unterschiedlichen Pfade erforderlich:
  - Lösung: Analyse vorübergehend aufspalten:

## Verzweigungsanalyse

```
__ASTREE_partition_control  
if (...) { ... }  
else { ... }  
...  
__ASTREE_partition_merge_last();
```

- Auch für Schleifen, `switch` und Funktionsaufrufe
  - `__ASTREE_partition_merge` verschmilzt *alle* Partitionen
- ~> Blick ins Handbuch: es gibt noch weitere Tricks

## `__ASTREE_volatile_input((V))`

- Zeigt an, dass V sich jederzeit ändern kann
- ↪ Modelliert Eingabe von außen

## `__ASTREE_volatile_input((Vp, r))`

- p ist Pfad in der Variablen,  
z. B. `V.a[3-4].b` ↪ Variable V, Arrayelemente `a[3]` und `a[4]`,  
Struct-Element b
  - `[i]` ↪ Element i
  - `[i-j]` ↪ Elemente i bis j
  - `[]` ↪ alle Elemente
- r schränkt Wertebereich ein `[i, j]` ↪ von i bis j

# Exkurs: Beschränkte Laufzeit

- Viele Echtzeitsysteme endlosschleifenbasiert
- Allerdings durch andere Umstände begrenzt
- 1kHz Ausführungsfrequenz, Neustart nach 7 Tagen  $\leadsto$  604,800,000 Ticks
- `__ASTREE_max_clock((N))` legt Obergrenze für (virtuelle) Clock
- `__ASTREE_wait_for_clock(( ))` wartet auf nächsten Clock-Tick

```
__ASTREE_max_clock((10)); // maximale Anzahl Clock-Ticks
void main(void) {
    int state_log = 0;
    while (1) {
        state_log = increment_state(state_log);
        __ASTREE_wait_for_clock(( )); // auf naechsten Clock-Tick warten
    }
}
```

⇒ Wert von `state_log` begrenzt

# Exkurs: Asynchrone Programme

- Astrée modelliert auch asynchrone Ausführung von Aufgaben
- Keine Annahmen über Scheduler oder Prioritäten
- `automatic-shared-variables` muss auf `yes` stehen

```
int x, y;
volatile int s;

void t1(void) {
    x = 1; s = 1; x = 0;
}

void t2(void) {
    if (s > 0) {
        y = -1;
    } else {
        y = 1;
    }
}

void main(void) {
    x = y; // synchroner Teil
    __ASTREE_asynchronous_loop((t1(), t2()));
}
```

```
__ASTREE_analysis_log(()
```

- Gibt Zustand der Analyse an dieser Stelle aus

```
__ASTREE_log_vars((V1, ..., Vn))
```

- Zeigt Zustand der Analyse in Bezug auf einzelne Variablen an

```
__ASTREE_print("text")
```

- Gibt Text aus

# Analyse untersuchen

The screenshot displays the Astree IDE interface. The main editor window shows the source code of `main.c` with the following content:

```
346
347
348 int main(void) {
349     int i = 0;
350     __ASTREE_modify((i: [1,20]));
351     __ASTREE_log_vars((i));
352     i += 20;
353     __ASTREE_log_vars((i));
354     __ASTREE_assert((i > 10 && i < 100));
355
356
357
358 /**
```

The analysis window below the code shows the following information:

```
ASTREE alarm((raise at caller;check stdlib limits)); at clib.c:1409.26-80
ASTREE alarm((raise at caller;check stdlib limits)); at clib.c:1380.25-79
ASTREE alarm((raise at caller;check stdlib limits)); at clib.c:1369.25-79
ASTREE alarm((raise at caller;check stdlib limits)); at clib.c:1358.25-79
ASTREE alarm((raise at caller;check stdlib limits)); at clib.c:1347.25-79
/* Domains: Pointers, and Guard domain, and Packed (Octagons), and High_passband_domain(10), and Sec
No ambiguity due to side effects in expressions
/* Executing <main> */
[ log:
call#main@348:
direct =
<init: i : initialized >
<integers (intv+cong+bitfield+set): i in [1, 20] /\ != 0 >
Equivalence Class:i:{i};
i does not depend on itself
at main.c:351.1-24 ]
[ log:
call#main@348:
direct =
<init: i : initialized >
<integers (intv+cong+bitfield+set): i in [21, 40] /\ != 0 >
Equivalence Class:i:{i};
i does not depend on itself
|i| <= 1.*(20. + clock *0.) + 20. <= 72000040.
at main.c:353.1-24 ]
f call#main@348 at main.c:348.0-396.1
```

The bottom status bar indicates 0 errors.

\_\_ASTREE\_

■ Gibt Zu

\_\_ASTREE\_

■ Zeigt Zu

\_\_ASTREE\_

■ Gibt Te

- Astrée im CIP:

  - % /proj/i4ezs/tools/astree\_c/bin/a3c

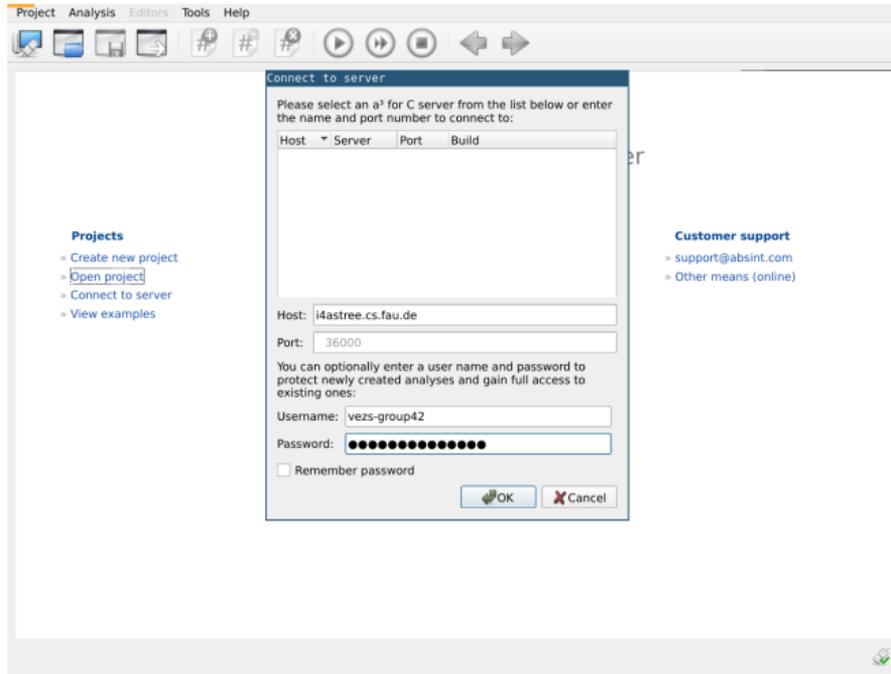
- Anmeldung mit Benutzername und Passwort

  - ↪ Passwort wird bei der ersten Anmeldung festgelegt

- Dokumentation

  - PDF: /proj/i4ezs/tools/astree\_c/help/a3c.pdf

# Anmelden



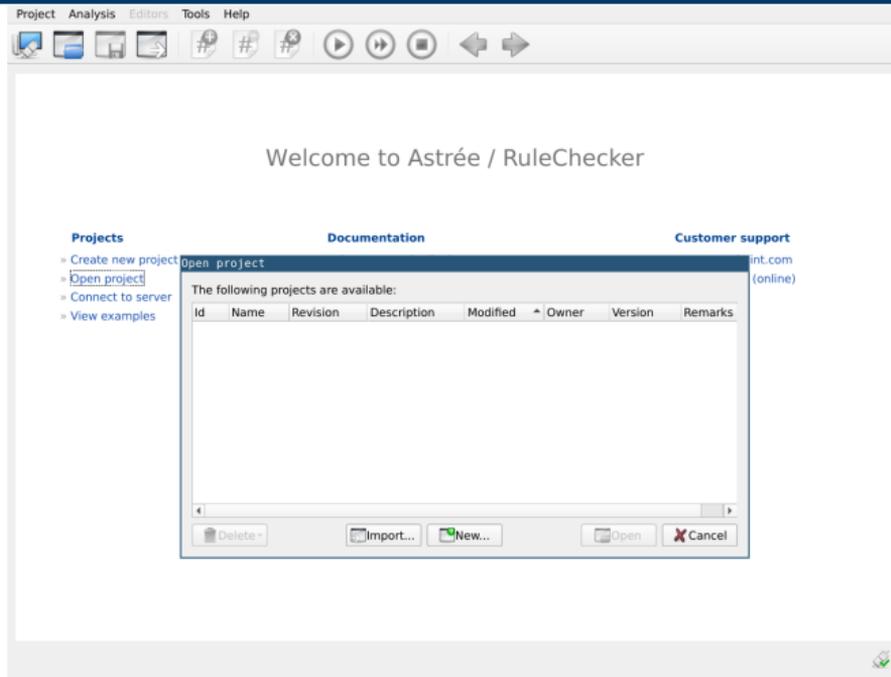
**Host** i4astree.cs.fau.de

**Port** 36000

**Benutzer** vezs-groupXX

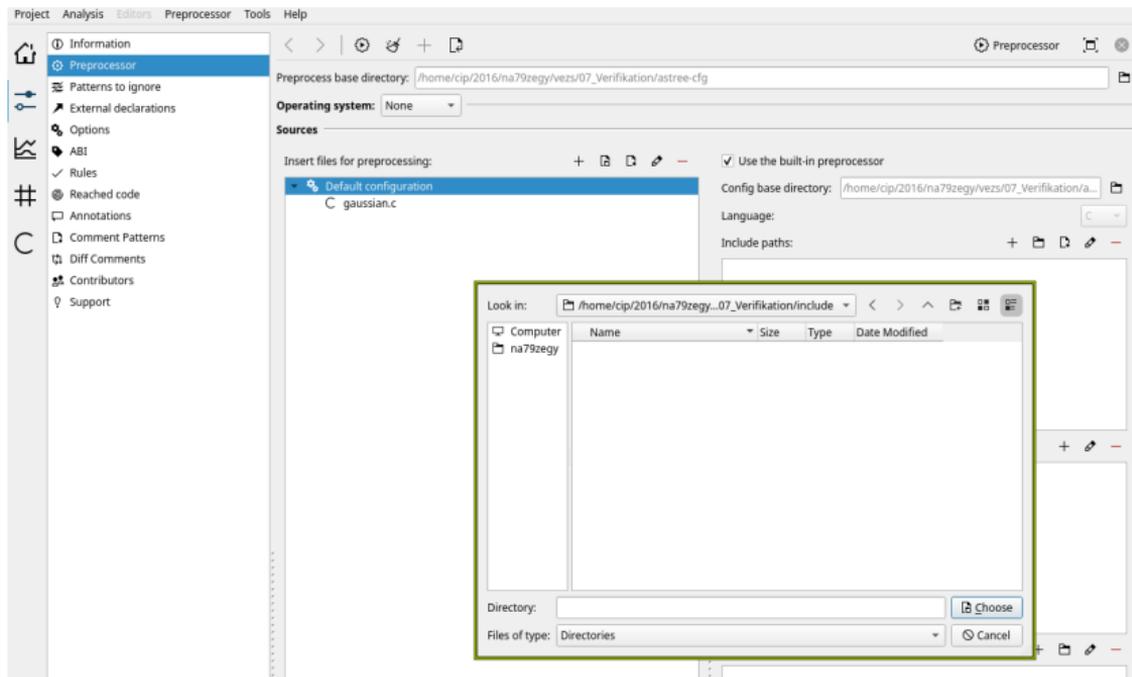
**Passwort** Beliebig wählbar

# Projekt anlegen



- „Import..“
- Projekt aus Vorgabedatei `astree-cfg/vezs.dax` importieren

# Quelldateien konfigurieren



- Quelltextdateien und Includepfade definieren

# Analyse starten

The screenshot shows the 'Preprocessor' configuration window in a code analysis tool. The window is titled 'Preprocessor' and has a menu bar with 'Project', 'Analysis', 'Editors', 'Preprocessor', 'Tools', and 'Help'. On the left, there is a sidebar with a tree view containing the following items: Information, Preprocessor (selected), Patterns to ignore, External declarations, Options, ABI, Rules, Reached code, Annotations, Comment Patterns, Diff Comments, Contributors, and Support. Below the sidebar is a 'Filter...' dropdown and a summary of error counts: 'Errors: 0', 'Code locations with alarms', 'Run-time errors: 0', 'Flow anomalies: 0', 'Preprocess and start analysis' (highlighted with a yellow box), 'Memory locations with alarms', 'Data races: 0', 'Reached code: n/a', and 'Duration: n/a'. The main area of the window is divided into several sections: 'Preprocess base directory:' with a text field containing '/home/cip/2016/na79zegy/vezs/07\_Verifikation/astree-cfg'; 'Operating system:' with a dropdown menu set to 'None'; 'Sources' section containing 'Insert files for preprocessing:' with a list of files under 'Default configuration' including 'gaussian.c'; 'Use the built-in preprocessor' checkbox which is checked; 'Config base directory:' with a text field containing '/home/cip/2016/na79zegy/vezs/07\_Verifikation/...'; 'Language:' with a dropdown menu set to 'C'; 'Include paths:' with a text field containing '/home/cip/2016/na79zegy/vezs/07\_Verifikation/include'; 'Macro definitions:' with a text field containing '\_\_\_ASTREE\_\_'; and 'Automatic includes:' with an empty text field. At the bottom, there is an 'Options' section with 'Use stubs for the standard libraries' and 'Keep comments' checkboxes, both of which are checked. The bottom status bar shows icons for 'Output', 'Findings', 'Locations', 'Search', and 'Project monitor'.

# Programme zur Softwareverifikation

- Astrée
- Frama-C
- VeriFast
- Dafny
- SeaHorn
- Coq
- Isabelle/HOL
- Agda
- Idris
- ...



```
method fact(n: nat) : nat {
  require n > 0
  ensure ! (n > 0 && ! (n == 1 && fact(n-1) == n * fact(n-1)))
  var f := 1
  for i in 1..n {
    f := f * i
  }
  return f
}
```



SeaHorn



- Bestimmt die *schwächste notwendige Vorbedingung*  $wp(S, Q)$ 
  - Für ein gegebenes *imperatives Programmsegment*  $S$
  - Um die ebenfalls gegebene Nachbedingung  $Q$  sicherzustellen
  - Dieser Sachverhalt wird beschrieben durch:  $P \Rightarrow wp(S, Q)$ 
    - Lässt sich die schwächste notwendige Vorbedingung  $wp(S, Q)$  aus der gegebenen Vorbedingung  $P$  folgern?
- Das WP-Kalkül ist eine *Rückwärtsanalyse*
  - Sie beginnt mit der Nachbedingung und durchläuft das Programmsegment in umgekehrter Reihenfolge
  - „Sozusagen“ umgekehrter Einsatz der Regeln des Hoare-Kalküls
- Jeder Anweisung wird eine *Prädikattransformation* zugewiesen
  - Abbildung: Nachbedingung  $\mapsto$  notwendige schwächste Vorbedingung
  - Eine rückwärtige *symbolische Ausführung* des Programmsegments
- Frama-C setzt WP-Kalkül ein: Nachweis der Schritte erfolgt über verschiedene Theorembeweiser und Löser: Alt-Ergo, Coq, Why3, Z3, ...

# Beispiel: WP-Kalkül Maximumsfunktion

WP: ?  $(a > b \Rightarrow a \geq b \wedge a \geq a) \wedge (\neg(a > b) \Rightarrow b \geq b \wedge b \geq a)$

$\Leftrightarrow (a > b \Rightarrow a \geq b) \wedge (a \leq b \Rightarrow b \geq a)$

$\Leftrightarrow \top$  // Gilt ohne Vorbedingung

if ( a > b )

$a > b \Rightarrow a \geq b \wedge a \geq a$

result = a;

$a > b \Rightarrow \text{result} \geq b \wedge \text{result} \geq a$

else

$\neg(a > b) \Rightarrow b \geq b \wedge b \geq a$

result = b;

$\neg(a > b) \Rightarrow \text{result} \geq b \wedge \text{result} \geq a$

$\text{result} \geq b \wedge \text{result} \geq a$

return result ;

$\backslash \text{result} \geq b \wedge \backslash \text{result} \geq a$

$wp(\text{if } b \text{ then } S1 \text{ else } S2, Q) \equiv (b \Rightarrow wp(S1, Q)) \wedge (\neg b \Rightarrow wp(S2, Q))$

$wp(x = y, Q) \equiv Q[x/y]$

$wp(x = y, Q) \equiv Q[x/y]$

$wp(\text{return } x, Q) \equiv Q[\backslash \text{result}/x]$

Auswertungsreihenfolge

Q:

- erlaubt Nachweise funktionaler Eigenschaften mittels wp-Kalkül
  - Prädiaktenlogik erster Stufe
    - $\forall$ : `\forallall`
    - $\exists$ : `\existsexists`
    - $\Rightarrow$ : Implikation, `==>`
    - aussagenlogische Verknüpfungen: `!`, `&&`, `||`, `==`, `!=`, ...
- Vor-/Nachbedingungen als Kommentare direkt im C-Code vor der betreffenden Funktion
  - `//@` oder `/*@ */`
- Vorbedingung: `requires`
- Nachbedingung: `ensures`
- Variablen, die durch die Funktion verändert werden: `assigns`
  - inklusive Arraybereiche: `a[start..end]`
  - Spezialfall `\nothing`
- Ergebnis des Funktionsaufrufs: `\result`

# Beispiel: Maximumsfunktion

$P$ : wahr

```
S: int maximum(int a, int b) {  
    int result = INT_MIN;  
  
    if(a > b)  
        result = a;  
    else  
        result = b;  
  
    return INT_MAX;  
}
```

$Q$ :  $\backslash \text{result} \geq a \wedge \backslash \text{result} \geq b \wedge$   
 $(\backslash \text{result} == a \vee \backslash \text{result} ==$   
 $b)$

```
/*@  
    assigns \nothing;  
  
    ensures \result >= a;  
    ensures \result >= b;  
    ensures \result == a || \result == b;  
*/  
int maximum(int a, int b) {  
    int result = INT_MIN;  
    if (a > b) {  
        result = a;  
    } else {  
        result = b;  
    }  
    return result;  
}
```

## Frama-C (II): Speicherspezifikation

```
// Swap array[0] with pointer other, do not modify the rest of array
/*@ requires \valid(array) && \valid(other);
    requires \base_addr(array) != \base_addr(other);

    assigns array[0], *other;

    ensures array[1 .. (length - 1)] == \old(array[1 .. (length - 1)]);
    ensures *other == \old(array[0]);
    ensures array[0] == \old(*other); */
void swap_first_element(int *array, size_t length, int *other) {
    int tmp = array[0];
    array[0] = *other;
    *other = tmp;
}
```

- Übergebene Zeiger sind gültig: `\valid(ptr)`
- Speicherobjekte hinter Zeigern überlappen sich nicht:  
`\base_addr(ptr1) != \base_addr(ptr2)`
- `assigns`: Nur bestimmte (außen sichtb.) Variablen werden verändert
- `ensures`: Zusammenhänge zwischen Werten vor (`\old(var)`) und nach (`var`) der Ausführung anfordern

Gesucht:  $wp(\text{while } (B) \{S\};, Q)$

- Wann ist die Berechnung korrekt?
  - Stellt  $Q$  her  $\leadsto$  Schleifen**invariante**
  - Terminiert  $\leadsto$  Schleifen**variante**
- Schleifenvariante: Streng monoton fallender, *nichtnegativer* Ausdruck  
In Frama-C: `//@ loop variant length - i;`
- Schleifeninvariante: Ausdruck, der vor der Schleife als nach jedem Durchlauf des Schleifenkörpers  $B$  gilt  
In Frama-C: `//@ loop invariant i % 2 == 0;`
- Ferner: Schleife überschreibt nur bestimmte Werte  
In Frama-C: `//@ loop assign i, j, *ptr;`

# Schleifen (Fortsetzung)

Beispiel:

```
int i = 0;  
while (i < 30) { i++; }
```

- Schleifenvariante:  $30 - i \geq 0$
- Schleifeninvariante:  $0 \leq i \leq 30$

Die Schleifenvariante gilt vor, während und nach der Schleife

Nach der Schleife ist die Schleifenbedingung falsch:

$\leadsto \neg(i < 30) \wedge (0 \leq i \leq 30)$

$\leadsto i == 30$

# Beispiel: Maximum in Liste finden

$P: a \neq \text{NULL} \wedge \text{length} > 0$

```
S: int findMax(int *a, size_t length) {  
    int max = a[0];  
    for (size_t i = 0; i < length; i++) {  
        if (a[i] > max) {  
            max = a[i];  
        }  
    }  
    return max;  
}
```

$Q: \forall k. k \geq 0 \wedge k < \text{length}$   
 $\Rightarrow a[k] \leq \text{result}$   
 $\exists k. k \geq 0 \wedge k < \text{length}$   
 $\Rightarrow a[k] == \text{result}$

```
/*@  
requires \valid(a);  
requires \valid(a +(0 .. length));  
requires length > 0;  
  
assigns \nothing;  
  
ensures \forall size_t i;  
    0 <= i < length ==> a[i] <= \result;  
ensures \exists size_t i;  
    0 <= i < length ==> a[i] == \result;  
*/  
int findMax(int *a, size_t length) {  
    int max = a[0];  
    size_t index = 0;  
    /*@  
    loop invariant \forall size_t k;  
        0 <= k < i ==> a[k] <= max;  
    loop invariant a[index] == max;  
    loop invariant 0 <= index < i;  
    loop invariant \exists size_t k;  
        0 <= k < i ==> a[k] == max;  
    loop assigns max, index, i;  
    loop variant length - i;  
    */  
    for (size_t i = 1; i < length; i++) {  
        if (a[i] > max) {  
            max = a[i];  
            index = i;  
        }  
    }  
    return max;  
}
```

## Frama-C (III): Prädikate

- „Wiederverwendbare“ aussagenlogische Formulierung
  - ↪ logische Prädikate: predicate
- ↪ „Funktionen“ auf ACSL-Ebene, erleichtern Formulierung von Bedingungen
- Beispiel: Maximum einer Sequenz

```
/*@ predicate is_max_of_seq(int max, int *seq, int start, int end) =
    \forall int i; start <= i < end ==> max >= seq[i];
*/
...
/*@ ...
    ensures is_max_of_seq(\result, a, (int)0, length);
    ...
*/
int findMax(int *a, int length) {
    ...
    /*@ loop invariant is_max_of_seq(max, a, (int)0, i);
        ...
    */
    for (int i = 0; i < length; i++) {
        ...
    }
    return max;
}
```

# Frama-C: Datenstrukturen beschreiben

- Invarianten über der Datenstruktur definieren
- Jede Methode setzt Gültigkeit der Invarianten voraus + erhält Sie nach Ausführung

↪ Bei Kapselung: Korrektheit der Datenstruktur sichergestellt

- Beispiel: Konto

```
struct account {  
    int balance;  
    int credit_limit;  
};
```

```
/*@ requires \valid(a);  
    ensures valid_account(a); */  
void init(struct account *a) {  
    a->balance = 0; a->credit_limit = 0;  
}
```

- Invariante: Kreditrahmen wird nie verletzt:

```
/*@ predicate valid_account(struct account *a) =  
    \valid(a) // Gültiger Zeiger  
    && a->balance >= a->credit_limit; // Kreditrahmen nicht verletzt  
*/
```

- Alle Methoden erfordern und erhalten die Invariante:

```
/*@ requires valid_account(a);  
    requires amount > 0;  
    ensures valid_account(a); */  
bool withdraw(struct account *a, int amount) {  
    /* ... */  
    return true;  
}
```

```
/*@ requires valid_account(a);  
    requires amount > 0;  
    ensures valid_account(a); */  
void deposit(struct account *a, int amount) {  
    /* ... */  
}
```

↪ Solange Konto nur per `withdraw` und `deposit` modifiziert wird, kann der Kreditrahmen nie verletzt werden

- Oft gelten Nachbedingungen nur für bestimmte Eingabewerte

```
/*@ requires i != INT_MIN;
    ensures i < 0 ==> \result == -i;
    ensures i >= 0 ==> \result == i; */
int abs(int i) {
    if (i >= 0) return i;
    else      return -i;
}
```

- Behaviors beschreiben Verhalten in bestimmten Kontexten:

- `assumes`: Voraussetzungen, die das Verhalten aktiviert
- `ensures`: Nachbedingung, die die Funktion dann einhält

*Eingabe ist negativ*

behavior negative:

```
assumes i < 0;
ensures \result == -i;
```

*Eingabe ist positiv*

behavior positive:

```
assumes i >= 0;
ensures \result == i;
```

- `complete behaviors`: Beschreibung ist vollständig  
Behaviors beschreiben das Verhalten für alle Aufrufkontexte
- `disjoint behaviors`: beschriebene Verhalten überlappen sich nicht

# Frama-C: Beispiel Behaviors

```
#include <limits.h>

/*@ requires i != INT_MIN;
    behavior negative:
        assumes i < 0;
        ensures \result == -i;
    behavior positive:
        assumes i >= 0;
        ensures \result == i;
    complete behaviors;
    disjoint behaviors; */
int abs(int i) {
    if (i >= 0) return i;
    else      return -i;
}
```

- Die Frama-C-Gui bietet keinen Editor an!
- Reihenfolge der Annotationen z.T. relevant. Empfehlung:
  - Funktionen*
    - requires
    - assigns
    - ensures
  - Schleifen*
    - loop invariants
    - loop assigns
    - loop variants
- `assert()` wird als nicht terminierend angenommen  
↪ Frama-C `assert` verwenden: `//@ assert x == 1;`
- Mehrere Annotationen immer in einen gemeinsamen Block `/*@ */`
- Weitere Informationen:
  - Fraunhofer Fokus: ACSL-By-Example:  
<https://github.com/fraunhoferfokus/acsl-by-example>
  - A. Blanchard: Introduction to C program proof with Frama-C and its WP plugin:  
<https://allan-blanchard.fr/publis/frama-c-wp-tutorial-en.pdf>

- 1 Abstrakte Interpretation mit Astrée
- 2 Formale Verifikation mit Frama-C
- 3 Aufgabenstellung**
- 4  $\alpha$ - $\beta$ -Filter

# Aufgabenstellung

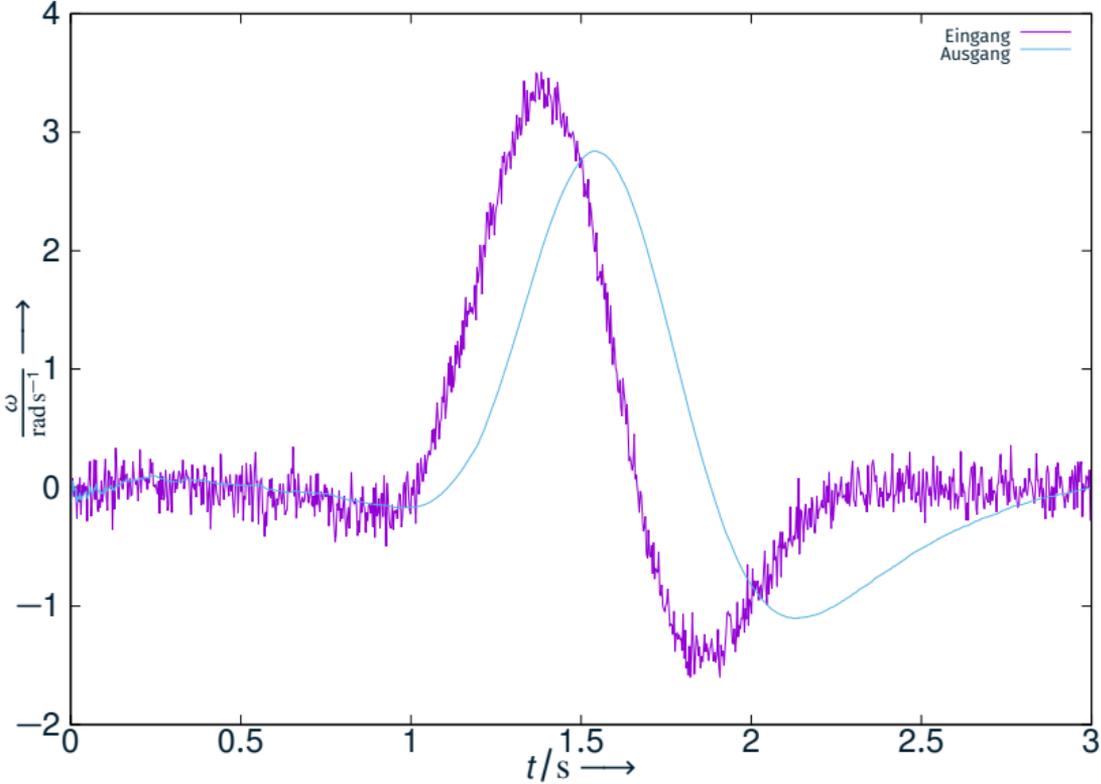
- Sensorstubs implementieren
- Implementierung eines Ringpuffers zur Verwaltung der Sensorwerte
- System erstellen:
  - Sensoren und Filter initialisieren
  - Sensorwerte abrufen
  - Sensorwerte filtern
- Abwesenheit von Laufzeitfehlern nachweisen
  - ↳ Astrée
- Numerische Stabilität des Filters nachweisen
  - ↳ Astrée
- Funktionale Korrektheit des Ringpuffers nachweisen
  - ↳ Frama-C

- 1 Abstrakte Interpretation mit Astrée
- 2 Formale Verifikation mit Frama-C
- 3 Aufgabenstellung
- 4  $\alpha$ - $\beta$ -Filter**



- Rauschunterdrückungsfilter
- geeignet zur Schätzung von physikalischen Größen
  - mit Ableitung  $\neq 0$
  - z. B. Position eines Flugzeugs, Lagewinkel ...
  - im I4Copter
    - liefern Sensoren häufiger Werte als diese später verarbeitet werden
    - ~>  $\alpha$ - $\beta$ -Filter für *Ratenwandlung* verwendet
    - ~> nutzt gewonnene Information vollständig

# Beispiel $\alpha$ - $\beta$ -Filter



# Filteralgorithmus

- wird für jeden Messwert ausgeführt
- $y[\kappa]$ : Eingabewert für Abtastschritt  $\kappa$
- $\hat{x}[\kappa]$ : Schätzung der Messgröße zum Abtastschritt  $\kappa$
- $T$  Abtastintervall,  $\alpha$ ,  $\beta$  Filterparameter
- Initialisierung: z. B.  $\hat{x}[0] = \hat{\dot{x}}[0] = 0$

$$r[\kappa] = y[\kappa] - \hat{x}[\kappa - 1] \quad \leadsto \text{Schätzfehler} \quad (1)$$

$$\hat{\dot{x}}[\kappa] = \hat{\dot{x}}[\kappa - 1] + \frac{\beta}{T} \cdot r[\kappa] \quad \leadsto \text{1. Ableitung} \quad (2)$$

$$\hat{x}[\kappa] = \hat{x}[\kappa - 1] + T \cdot \hat{\dot{x}}[\kappa] + \alpha \cdot r[\kappa] \quad \leadsto \text{Schätzwert} \quad (3)$$

- sinnvolle Werte für  $\alpha$  und  $\beta$ ?
  - Literatur beschreibt viele Verfahren  $\leadsto$  hier beispielhaft nur eines [6, 5]

# Filterparameter

$T$  Abtastintervall

$\leadsto$  in welchem Zeitabstand gemessen wird

$\sigma_w^2$  Prozessvarianz

$\leadsto$  wie lebhaft der gemessene Prozess ist

$\sigma_v^2$  Rauschvarianz

$\leadsto$  wie verrauscht das Signal ist

$$\lambda = \frac{\sigma_w T^2}{\sigma_v} \quad \leadsto \text{Tracking Index} \quad (4)$$

$$\theta = \frac{4 + \lambda - \sqrt{8\lambda + \lambda^2}}{4} \quad \leadsto \text{Dämpfungsparameter} \quad (5)$$

$$\alpha = 1 - \theta^2 \quad \leadsto \text{Gewicht für Wert} \quad (6)$$

$$\beta = 2(2 - \alpha) - 4\sqrt{1 - \alpha} \quad \leadsto \text{Gewicht für Ableitung} \quad (7)$$

# Initialisierungsphase

- Zu Beginn hat der Filter keinen gültigen Zustand
- ↪ Einschwingphase, in der der Filter „lernt“
- $n$  startet bei 1 und wächst in jeder Runde um 1

$$\alpha_n = \frac{2(2n+1)}{(n+2)(n+1)} \quad (8)$$

$$\beta_n = \frac{6}{(n+2)(n+1)} \quad (9)$$

- Einschwingphase endet, wenn  $\alpha_n < \alpha$
- Wird der Filterzustand im Betrieb ungültig, wird eine neue Einschwingphase eingeleitet

# Korrektheitsbedingung

- Filter ist nur dann korrekt, wenn er auch *stabil* ist
  - ↪ für wertbegrenzte Eingabe erfolgt wertbegrenzte Ausgabe [7]
  - ↪ für Eingabe 0 geht der Filterausgang asymptotisch gegen 0
- $\alpha$ - $\beta$ -Filter stabil, wenn gilt

$$0 < \alpha \leq 1 \quad (10)$$

$$0 < \beta \leq 2 \quad (11)$$

$$0 < 4 - 2\alpha - \beta \quad (12)$$

- Außerdem: laut [2] Rauschunterdrückung nur dann, wenn

$$0 < \beta < 1 \quad (13)$$

- Stabilität muss auch in der Initialisierungsphase gegeben sein!

- Erfahrungen mit dem I4Copter haben gezeigt, dass sich die Parameter in folgenden Bereichen bewegen:

**Abtastintervall**  $T \in (0 \dots 1]$

**Prozessvarianz**  $\sigma_w^2 \in [0.5 \dots 30.0]$

**Rauschvarianz**  $\sigma_v^2 \in [10^{-3} \dots 10^{-1}]$

**Wert**  $y[k] \in [-10 \dots 10]$

~> Korrektheit mindestens für diese Wertebereiche zeigen!

## ■ Beispiel für dynamisch angelegten Ringpuffer

```
struct BndBuf{  
    int* buf; // array of <size>  
    int size;  
    int read_pos;  
    int write_pos;  
};
```

## ■ „Füllstandsanzeige“: Speichern von

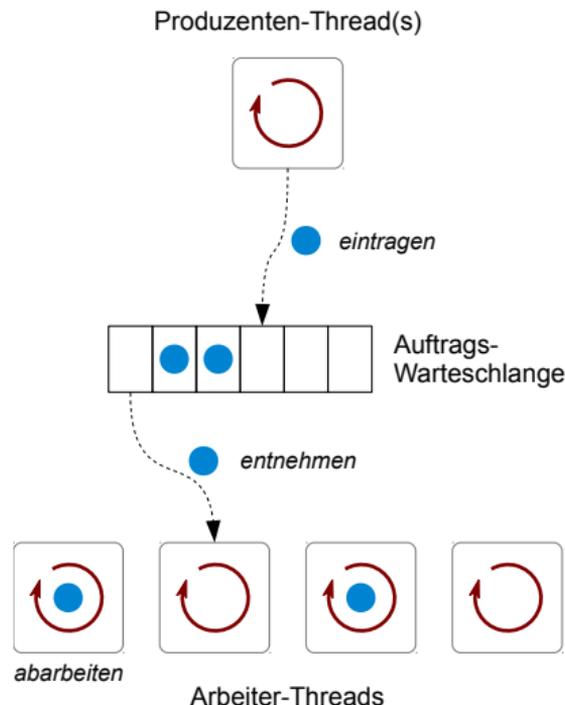
- Belegten Plätzen
- Verfügbaren Plätzen

## ■ Mögliche Signalisierung falls

- Plätze frei wurden
- Plätze belegt wurde

# Ringpuffer – Anwendungsszenario

- Verwaltung einer begrenzten Anzahl an Ressourcen
- Beispiel: Thread-Pool
- Feste Menge von Arbeiter-Threads:
  - laufen endlos
  - erhalten Aufträge zur Abarbeitung
- Verteilen der Aufträge mittels zentraler, synchronisierter Warteschlange (z. B. Ringpuffer)
- Vorteil: kein ständiges Erzeugen + Zerstören von Threads für Aufträge



-  AbsInt Angewandte Informatik GmbH.  
***The Static Analyzer Astrée, April 2012.***
-  C. F. Asquith.  
***Weight selection in first-order linear filters.***  
Technical report, Army Inertial Guidance and Control Laboratory  
Center, Redstone Arsenal, Alabama, 1969.
-  E. Brookner.  
***Tracking and Kalman Filtering Made Easy.***  
Wiley-Interscience, 1st edition, 4 1998.

-  E. W. Dijkstra.  
**Guarded commands, nondeterminacy and formal derivation of programs.**  
*Commun. ACM*, 18(8):453–457, Aug. 1975.
-  E. Gray, J. and W. Murray.  
**A derivation of an analytic expression for the tracking index for the alpha-beta-gamma filter.**  
*IEEE Trans. on Aerospace and Electronic Systems*, 29:1064–1065, 1993.

-  P. R. Kalata.  
**The tracking index: A generalized parameter for  $\alpha$ - $\beta$  and  $\alpha$ - $\beta$ - $\gamma$  target trackers.**  
*IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems*,  
AES-20(2):174–181, mar 1984.
-  R. G. Lyons.  
***Understanding Digital Signal Processing.***  
Prentice Hall, 3rd edition, 11 2010.